المرجع	Add MS 23570
العنوان	ملخص في الرياضيات
التاريخ/ التواريخ	١٠١٤-١٠١٨ (هجري)
لغة الكتابة	العربية في العربية
الحجم والشكل	كوديكس؛ صص. iv+١٣٦+iv
المؤسسة المالكة	المكتبة البريطانية: مخطوطات شرقية
حق النشر	المُلكية العامة

حول هذا السجلّ

يشتمل الملخص على دراسات حول علم الفلك وعلم الحساب والجبر وعلم الهندسة وملخصات وملاحظات موجزة خاصة بالمواضيع ذات الصلة. صفحة العنوان (ص. ٧و) وهي مكتوبة في وقت لاحق بخط مختلف عن خط الناسخ الرئيسي، تحمل العنوان التالي للمجلد "مجموعة سبع رسائل مع مبحثات متفرقة"، ومُدرج فيها فقط الأعمال السبعة التالية:

صفيحة الإمكان في أصطرلاب

ما لا بد للفقيه من الحساب

كتاب الأكبر [!] لثاودوسي اوس [!]

كتاب الكرّة لأوتولوقوس

كتاب لثاودوسي اوس [!] في الليل والنهار

كتاب لثاودوسي اوس [!] في المساكن

فوائد الجمالي في أصول الهندسة

الناسخ هو ابن عبد الرحيم أبو القاسم يحيى الأسترآبادي (ابن عبد الرحيم أبو القاسم يحيى الأسترآبادي، انظر صص. ١٢و، ٢٤و، ص. ٦٢و)، الذي قام بنسخ المخطوطة لاستخدامه الشخصي في جمادى الآخر ١٠١٤/أكتوبر-نوفمبر ١٦٠٥ بمدينة يزد (انظر ص. ٦٢و) وفي ذي القعدة ١٠١٨/يناير-فبراير ١٦١٠ بمدينة قم (انظر ص. ٢٤و)

المحتويات:

ملخص في الرياضيات [خلفي] (٣٠٦/٢)

A
MATHEMATICAL
TRACTS.
ARAB. PERS.
MUS. BRIT.
BIBL. TAYLOR
23,570.
PLUT.
CCXXI. A.

2

له عليه السلم

ما

درجة فيحصل ما قد كان يحصل من ضرب المقسوم وبعض مراتب الخارج يتنفى
الفائدة مثاله اذا اردنا ان نعلم ان نسبة اربع ثوان الى خمس دقائق
كنسبة اي عدد الى ستين درجة فاربع ثوان وستون وهما طرفين معلومين
يمكن ان يعرف احد مجهول الاخر ونقسم الحاصل على المعلوم الاول فاذا ضرب درجة
اربع ثوان في ستين صار الحاصل ما ستين واربعين ثالثة اعني اربع دقائق
فاذا قسم اربع دقائق على خمس دقائق خرج اربعة اخماس درجة اي دقيقة ٤٨
وهو الذي نسبته الى ستين درجة كنسبة اربع ثوان الى خمس دقائق ولو ترك ما
الضرب وقسمنا اربع ثوان على خمس دقائق لم يصح العمل اذ الخارج في
اربعة اخماس دقيقة اي ٤٨ ثالثة الا بعد ان توحد خمس الدقائق بحطها
درجة اعني خمس ثوان حتى يخرج على هذا العدد ثانية اي قسمة اربع ثوان
على خمس ثوان اربعة اخماس درجة يعني لما تركوا الضرب ظاهرا اخذوا
المقسوم عليه محطا عن مرتبة بدلا عن ذلك واما عدد الضرب فيمكن ان يوجد
ما لا من كل من المضروب والمضروب فيه بحسب النمط والحاصل ابن ... المعنى
فانها انما يستعمل اذا صار المجهول من الاربعة المتناسبة من المعلوم الطرفين
او الوسطين فيكون مقسوما عليه لحاصل ضرب الوسطين او الطرفين المعلومين
فاذا قسم الحاصل عليه اوجب ذلك الاقسام الخطأ اي الحاصل من ضربه
فاذا ترك القسمة المذكورة واخذ احد العدد اي احد المضروبين قبل العمل

7

مجموعه سبع رسایل مع منتخبات متفرقه

اول صحیفة الامکان فی اصطرلاب ثانی

ما لابد للفقیه من الحساب ثالث کتاب الاکر

لثاوودوسیوس رابع کتاب الکره

لاوطولوقس خامس کتاب ثااودوسیوس

فی اللیل والنهار سادس کتاب

ثااودوسیوس فی المساکن سابع فوائد

الجمالی فی اصول الهندسه

بسم الله الرحمن الرحيم

ارتفعت درجات جبروتك عن احاطة افهامنا القاصرة
وتقدست دقايق ملكوتك عن علاقة اوهامنا الخاسرة جميع ما ارتسم
على صحيفة الخيال فهو اهل عن ساحة الجبروت وكل ما انتقش على
صفايح الخواطر فاوهن من بيت العنكبوت حسن على قطب مدار
الاهتداء ومركز دايرة الاصطفاء وآله بروج فلك الولاية ومطالع
شموس الهداية الذين هم العروة الوثقى والهادون لمن هو حير
وانقى **وبعد** فيقول الفقير الى الله الغني بهاء الدين محمد
العاملي عامله الله بلطفه واحسانه واذاقه حلاوة غفرانه هذه رسالة
صغيرة الحجم وجيزة النظم قليلة المؤنة كثيرة المعونة انطوت من الاعمال
الاسطرلابية على زبدة اصولها ولب لبابها واحتوت على خلاصة فصولها
وابوابها وضعتها ممتثلا لاشارة صدرت من اعز الاحباب واولى
الالباب سميتها بالصفيحة لامكان رسمها على صفيحة من صفايح الاسطرلاب
وبالله استعين وهو نعم المعين **عشرة** الاسطرلاب الة مشتملة
على اجزاء يتحرك بعضها فيحكي الاوضاع الفلكية ويستعلم بها بعض الاحوال
العلوية والساعات المستوية والزمانية ويستخرج منها بعض الامور
السفلية ووضعه بتوهم سطح مستو مماس لاحد القطبين منته

منه الى خطا فارج من الافق متحركة على محيطات الدوائر الفلكية لرسم
ما وعليه بحركة دوائر وقسيا وخطوطا مستقيمة على ما تقتضيه السطح
ثم الماس ان وضعت للقطب الشمالي فالاسطرلاب شمالي او للجنوبي فجنوبي
والاول اشهر وعليه يبنى الرسالة **اشارة** الى معرفة الارتفاع
تحاذي النير بالاسطرلاب معلقا ليقع نوره من احدى ثقبتي العضادة
على الاخرى او ليخرج شعاع يتحرك منهما اليه فما وقع بين الشظية والافق
من الاجزاء فهو الارتفاع ثم ان زاد بعد لحظة فشرقي والا فغربي
اشارة الى معرفة الطالع ضع درجة الشمس او مرئ الكوكب
على مقنطرة الارتفاع المأخوذ فما وقع من منطقة البروج على الافق
الشرقي فهو الطالع واذا وضعت درجة الشمس او مقنطرة الارتفاع
او درجة الطالع من خطي على ما التجمع او التعديل **تبصرة**
في تعديل موضع الشمس ضع اول الحمل على مقنطرة وعلم المري ثم
الثاني عليها وعلم ما بين العلامتين او اقل التعديل فاضف بنات العاصل
بين الاول ودرجة الشمس واقسم الحاصل على محيط الاسطرلاب ثم
ادر المري عن العلامة الاولى الى الثانية بقدر الخارج فالواقع على
المقنطرة هو درجة الشمس فعلم **تبصرة** في تعديل المقنطرات
تضع درجة الشمس او شظية الكوكب على الافق على الثانية كما

وتقرب آخر التعديل في التفاضل بين الاول ودرجة الارتفاع وتتم
العمل بادارة بقدر الخارج كما سبق ليتبع الدرجة او النقطة الى الارتفاع
المطلوب **تبصرة** في تعديل درجة الطالع عن الربع اوالاوضع الخط
الاول على الافق وعلم ثانيا وتم ما بينهما تفاوت الاجزاء ثم ضع الخط
الثاني على الافق وعلم ثالثا وتم ما بينهما وبين الثانية اجزاء التعديل
ثم اقرب تفاوت الاجزاء في مخرج الاسطرلاب واقسم الحاصل على
اجزاء التعديل وزد الخارج على عدد الخط الاول فصار هو درجة الطالع
اشارة الى معرفة الارتفاع من الطالع اذا عينت طالع الاعمال
واردت معرفة وقته المستقبل فضع درجة الطالع على الافق الشرقي
فارتفاع المقنطرة التي تقع عليها درجة الشمس او جزء الكوكب ذلك
الوقت نهارا او ليلا هو الارتفاع فارصده **اشارة**
الى معرفة غاية ارتفاع الشمس وميلها عن المعدل ضع درجة الشمس على خط وسط
السماء فارتفاع المقنطرة الكائنة لها غاية ارتفاع الشمس ذلك اليوم
وما بين درجة الشمس ومدار راس الحمل ميلها فان وجبت عن جنوبه
او دخلت فيه فشمالي او مسامته فلا ميل وهكذا تعرف غاية ارتفاع
الكوكب وبعده والتطبيق ان كانت بين القطب وكونها
شماليا عن سمت الراس والا به او جنوبا **اشارة** الى

الى معرفة عرض البلد خذ غاية ارتفاع الشمس متى شئت وانقص منه ميلها
ان كان شماليا اورده عليه ان كان جنوبيا فما بقي او حصل فهو
تمام العرض فاسقطه من تسعين يبقى العرض وهكذا تفعل بالكوكب واذا
رأيت الشمس بسمت الرأس فميلها هو العرض **تتمة** وان شئت
اسقط غاية انحطاط كوكب ابدي الظهور من غاية ارتفاعه وزد
نصف الباقي على غاية الانحطاط او انقصه من غاية الارتفاع فما حصل
او بقي فهو عرض البلد **تذنيب** واسهل من ذلك ان تجمع
غاية انحطاط الابدي الظهور الى غاية ارتفاعه فنصف المجموع
عرض البلد **اشارة** الى معرفة طالع بلد لا صفيحة له استخرج
الطالع باقرب العروض اليه وعلم المري ثم اضرب ميله في تفاوت
العرضين واقسم الحاصل على الميل الكلي فالخارج تعديل فان كان
عرض الصفيحة اكثر وميل الطالع شماليا او اقل وميله جنوبيا فادر
العنكبوت بقدر التعديل من العلامة على توالي البروج وان
كان اقل والميل شماليا او اكثر والميل جنوبيا فعلى خلافه فما وقع
المنطقة على الافق فهو الطالع بالبلد **اشارة** الى معرفة
الدائر من الليل والنهار ضع درجة الشمس على مقنطرة الارتفاع وعلم
المري على الافق ان شرقيا او الغربي وعلم وعد من العلامة الاولى الى الاخيرة

على التوالي فهو الدائر الماضي من النهار او الباقي منه وان وضعت
شظية الكوكب على مقنطرة ارتفاعه وعلمت المري ثم درجة الشمس
على الافق الغربي او الشرقي وعلمت فما بين العلامتين هو الدائر الماضي
من الليل او الباقي منه **اشارة** الى معرفة الساعات المستوية
الماضية او الباقية من الليل او النهار تأخذ لكل خمسة عشر جزءا
من الدائر ساعة ولكل جزء مما دون الخمسة عشر اربع دقائق
فالمجتمع هو الساعات والدقائق الماضية او الباقية من الليل او
النهار **اشارة** الى معرفة مجموع ساعات الليل او
النهار المستوية ضع درجة الشمس على الافق الشرقي وعلم المري ثم على الغربي
وعلم وعد من العلامة الاولى الى الاخيرة على التوالي فهو قوس
النهار فاقسم اجزاءه على خمسة عشر ليخرج ساعات النهار فان بقي شيء
فاضربه في اربعة ليخرج دقائقه فاذا انقصت الحاصل من اربعة وعشرين
بقي ساعات الليل **اشارة** الى معرفة اجزاء ساعات المعوجة
تقسم قوس النهار على اثني عشر فالخارج اجزاء ساعة معوجة نهارية
وان بقي شيء فاضربه في خمسة ليخرج دقائق الجزء فاذا انقصته من ل
فالباقي اجزاء ساعة معوجة ليلية **تبصرة** وان زدت
ربع عدد الساعات المستوية عليه حصل اجزاء ساعة معوجة وان نقصت

10

وان نقصت خمس عدد او اسعرجه منه بقي عدد المستويات
اشارة الى معرفة طالع السنة الآتية ضع درجة طالع
السنة التي انت فيها على الافق الشرقي وعد من موضع المري على توالي
اجزاء الحجرة الى سبعة وثمانين وادره الى حيث انتهت فما وقع
من المنطقة على الافق الشرقي فهو الطالع فان كان موضع الشمس
فوق الافق فالتحويل نهارا او تحته فليلا فخذ ساعته كما عرفت
اشارة الى معرفة ساعات الصبح والشفق ضع نظير درجة
الشمس على الثامنة عشر من المقنطرات الغربية وعلم المري ثم على الافق
الغربي وعد واقسم ما بين العلامتين على خمسة عشر ليخرج الساعات
بين طلوع الفجر والشمس وان وضعت النظير على الافق الشرقي ثم على
الثامنة عشر من المقنطرات الشرقية وقست كما عرفت خرجت
الساعات بين غروب الشمس والشفق **اشارة** الى
معرفة ارتفاع نجم وطول الارض نقع شظية الكوكب على مقنطرة
ارتفاعه فالمقنطرة الواقع عليها نظير درجة الشمس ارتفاع زاوية المخروط
فان كان شرقيا اقل من ستة عشر لم تغرب الشمس بعد او اكثر
فقد غرب او مساويا فابتداء غروبه وان غربيا اقل فقد طلع
الفجر او اكثر لم يطلع بعد او مساويا فابتداء طلوعه وان وقع النظير

على خط وسط السماء فنصف الليل **اشارة** الى معرفة ارتفاع
قطب البروج ضع طالع الوقت على الافق وعد منه الى السمت على خلاف
التوالي ثم انقص ارتفاع المقنطرة المماسة للجزء المنتهى اليه العدد
من تسعين فالباقي ارتفاع قطب البروج ذلك الوقت **اشارة**
الى معرفة تسوية البيوت تضع درجة الطالع على الافق الشرقي
فما على الخط من منطقة البروج هو السابع وما على خط العلاقة
تحت الرابع وفوقها العاشر ثم تضع السابع على خط ساعتين زمانيتين
فما على خط العلاقة فوق الحادي عشر وتحت الخامس ثم على اربع
على خط العلاقة فوق الثاني عشر وتحت السادس ثم تضع الطالع على
عشر فما على خط العلاقة فوق التاسع وتحت الثالث ثم على ثمان
فما على خط العلاقة فوق الثامن وتحت الثاني **اشارة**
الى معرفة تقويم الشمس في بلد معلوم العرض اذا عرفت الفصل الذي بين
فاستعلم غاية ارتفاع الشمس ذلك اليوم وخذ التفاوت بينه وبين تمام
العرض اعني ميلها وعد بقدره من اوائل المقنطرات على خط وسط
السماء مبتدئا من راس الحمل الى مدار راس السرطان ان كانت
في الربع الربيعي او الصيفي والا فالى مدار راس الجدي وعلم ما انتهى اليه
العدد ثم ادر الربع عليها على خط وسط السماء فما وقع من المنطقة على

١١

على الخلاف فهو موضعها **اشارة** الى معرفة تقويم احدى
السيارات العدد الوضع استعلم ارتفاعهما ثم ارتفاع احدى
الثوابت المرسومة على العنكبوت وضع شظية الثابت على
ارتفاعه من المقنطرات فما وقع على ارتفاعهما من منطقة البروج
فهو درجتها **اشارة** الى معرفة تعديل النهار ضع درجة الشمس
او شظية الكوكب على الافق وعلم المري ثم على خط المشرق والمغرب
وعلم اية فما بين العلامتين تعديل نهار الشمس او الكوكب **اشارة**
الى معرفة ارتفاع المنارة ونحوها مما يمكن الوصول الى مسقط حجره ضع
شظية الارتفاع على مه وقف بحيث ترى راس المرتفع من الثقبتين
ثم امسح من موقفك الى اصله وزد قامتك على الحاصل فهو ارتفاعه
بشرط استواء ما بينك وبينه **اشارة** الى معرفة
ارتفاع الجبل ونحوه مما لا يمكن الوصول الى مسقط حجره تبصر راس المرتفع
من الثقبتين وتلاحظ الشظية على اي خطوط الظل وقعت وتعلم
موقفك ثم تحركها الى ان تزيد قدم او اصبع او تنقص ثم تتقدم او تتأخر
الى ان تبصر راسه من الثقبتين ثم تمسح ما بين موقفيك وتضرب الحاصل
في سبعة او اثني عشر بحسب الظل فما حصل فزد قامتك فهو الارتفاع
اشارة الى معرفة عرض الانهار تقف على شاطئ النهر

وتدير العضادة الى ان ترى الشاخص الآخر من الثقبتين ثم تدير بحيث
ترى منتهى الارض منها والاسطرلاب على حاله فما بين موقفك وذلك
الشخص هو عرض النهر **اشارة** الى معرفة اعماق الآبار انصب على البئر
ما يكون بمنزلة قطر تدويره والق شاخصا في منتصف القطر بعد اعلامه ثم تصل
الى قعر البئر بطبعه ثم انظر الشاخص من ثقبتي العضادة بحيث يمر الخط الشعاعي
مقاطعا للقطر البئر واضرب ما بين العلامة ونقطة الشاخص في موقفك
واقسم الحاصل على ما بين النقطة وموقفك فالخارج عمق البئر **اشارة**
الى معرفة اعماق القنوات تنصب على راس البئر الاول وتضع العضادة
على خط المشرق والمغرب وياخذ شخص قصبة يساوي طولها عمق البئر
ويبعد عنك في الجهة التي تريد سوق الماء اليها ناصبا القصبة بيده
الى ان ترى رأسها من الثقبتين فهناك يجري الماء على وجه الارض
وان بعدت المسافة بحيث لا ترى راس القصبة فاعمل مرارا كما
مر وعلم ذلك ليلا **اشارة** الى معرفة سمت القبلة
ضع الجزء المسامت راس اهل مكة وهو الثامن من الجوزاء والثامن
والعشرون من السرطان حال كون الشمس في احدهما على خط وسط السماء
في الصفحة المعمولة لعرض البلد وعلم موضع المري من اجزاء الحجرة ثم ادر
العنكبوت بقدر ما بين الطولين الى المغرب ان كان طول البلد اكثر

12

الكرسي طول كله والى المشرق ان كان اقل تحت انتهى احد الجريين
مقنطرات الارتفاع فظل المقياس وقت بلوغ الشمس الى ساعة على
صوب القبلة ولنكتف بهذا القدر مما اردنا ايراده في هذه الاوراق
والصلوة على سيد الخلائق على الاطلاق محمد وآله الطاهرين
والحمد لله رب العالمين ه

كتبتها من خط مولانا ادام الله ظلال افادته وافاضته وهدايته
على مفارق اهل عصره بمنه وجوده وكاتبه الفقير الى الله الملك الهادي
ابن عبد الرحيم ابو الكرم محمد اكبر ابن بكر عفي عنهما

بسم الله الرحمن الرحيم

13

14

مالابد للفقيه من الحساب

2

بسم الله الرحمن الرحيم

الحمد لله مبدع الآحاد ومولف الاعداد ومقسمها الى الازواج
والافراد والصلوة على رسوله محمد خير العباد وعلى آله
الموفقين بالرشاد واصحابه الذين اراحوا عن الارض الفساد
اما بعد حمد الله تعالى فيقول العبد ابو العلا محمد البهشتي الاسفرايني
نضر الله غرة احواله واورق اغصان آماله هذه رسالة مشتملة
على اهم ما لا بد للفقيه من الحساب والجبر والمقابلة كتبتها ما لكتاب
بعض الاصحاب ورتبتها على مقالتين المقالة الاولى في الحساب
وفيها مقدمة وثلاثة ابحاث اما المقدمة ففي ماهية علم الحساب
وموضوعه وامور يحتاج اليها فيه الحساب علم يعرف منه
المجهولات العددية وموضوعه العدد وهو كمية يطلق على الواحد
وعلى ما يتالف من الآحاد اما مطلقة واما منسوبة الى جملة
يعد واحدا فالاول هو الصحيح والثاني هو الكسور والجمل
التي هي منسوبة الكسور اليها مخارجها ويسمونها المقام ايضا وفي
اعداد فوق الواحد يعد واحدا والكسور مفردة وغير مفردة
اما المفردة فاعداد صحاح نسبت الى مخارج اعداد صحاح يعد

15

بفرض كل مخرج منها واحدا صحيحا مطلقا اولئك المخارج اثنان
ولا نسبة اليهما الا واحد هو نصفهما ثم الثلثة وينسب اليها
واحد هو ثلثها واثنان هما ثلثاها ثم الاربعة وينسب اليها
واحد هو ربعها واثنان هما ربعاها ويساويان نصفها
وثلثة هي ثلثة ارباعها وعلى هذا القياس واما غير المنسوب فهي
ما لا يكون كذلك اما بان لا يكون الاعداد المنسوبة او
المنسوبة اليها صحاحا كنصف واحد وسدس او واحد وثلث واحد
ونصف او نصف واحد وخمس واحد ونصف واما بان لا يكون
المفروض واحدا مطلقا بل يكون واحدا منسوبا الى جملة اخرى
كنصف الثلث والاول يسمى بالكسور المفردة والثانية
بالكسور المضافة والزوج عدد ينقسم بمتساويين كعشرة
والفرد ما يقابله والاصم عدد لا يوجد له كسر من الكسور المنطقة
كاحد عشر والمنطق بخلافه اصول مراتب الاعداد ثلثة
الآحاد وهي واحد الى تسعة والعشرات وهي عشرة الى التسعين
والمآت وهي مائة الى تسعمائة والالوف وعشراتها
ومآتها وغيرها من المراتب اذا اسقطت منها الالف الاول
انحلت الى الثلثة واول كل مرتبة يسمى عقدا واخر كل مرتبة عقود
التي هي اصول المراتب الاعدادية

اما البحث الاول فى الضرب وهو طلب عدد ان يكون نسبته الى احد
المضروبين كنسبة الواحد الى المضروب الآخر فكل عدد يضرب
فى الواحد او بالعكس فالحاصل هو ذلك العدد بعينه وكل عدد
يضرب فى الاثنين او بالعكس فالحاصل هو ضعف ذلك العدد وكل عدد
يضرب فى الثلثة او بالعكس فالحاصل ما يجتمع من زيادة ذلك العدد
على ضعفه وكل عدد يضرب فى الاربعة او بالعكس فالحاصل هو ضعف ضعفه
وعلى هذا القياس والضرب ينقسم الى ستة اقسام ضرب الصحاح
فى الصحاح ضرب الكسور فى الكسور ضرب الصحاح فى الكسور ضرب
الصحاح والكسور فى الصحاح ضرب الصحاح والكسور فى الكسور
ضرب الصحاح والكسور فى الصحاح والكسور **القسم الاول**
وهو ضرب الصحاح فى الصحاح ينقسم الى مفرد ومركب اما المفرد
فهو ضرب مرتبة فى مرتبة وهو ينقسم الى ثلثة اصناف ضرب الآحاد
فى الآحاد وضرب الآحاد فى غير الآحاد وضرب غير الآحاد
فى غير الآحاد **الصنف الاول** ضرب الآحاد فى الآحاد
وطريقه ان يجمع المضروبين ويأخذ لكل واحد مما فوق العشرة عشرة
ثم يأخذ ما بين العشرة وكل واحد من المضروبين ويضرب احدهما فى الآخر
ويزيد الحاصل على ما معك يكون الحاصل مطلوبا مثاله سبعة فى ثمانية فاذا

16

فاذا جمعتهما يكون الحاصل اربعة عشر فناخذ لكل واحد من الاربعة عشرة
يكون اربعين ثم نضرب ثمانية في العشرة والستة في ثمانية فيما بين الكثرة
والقلة وهو اثنا عشر يكون ثمانية ونزيدها على اربعين فيبلغ ثمانية
واربعين وهو المطلوب. الصنف الثاني ضرب الآحاد
في غير الآحاد من العشرات والمئات والالوف وغيرها من
المراتب. وطريق العمل فيه ان نرد العشرات والمئات وغيرها
الى عقودها بان ناخذ لكل عشرة واحدا ولكل مائة واحدا و
لكل الف واحدا ولكل عشرة آلاف واحدا وهكذا في المراتب
فتصير آحادا ثم نضرب الآحاد في تلك العقود ونأخذ لكل واحد
من الحاصل واحدا من مرتبة المضروب فيه فيكون الحاصل جوابا مثاله
ثلاثة في ثلثين نضرب ثلاثة في ثلاثة يكون تسعة وناخذ لكل واحد منها عشرة
يكون تسعين وهو المطلوب وقس عليه البواقي. الصنف الثالث ضرب
غير الآحاد في غير الآحاد فطريقه ان ناخذ عقود المضروبين
ونضرب بعضها في بعض وناخذ لكل واحد واحدا من مرتبة المجتمع
من الضرب بان جمعت مراتب المضروبين واسقطت من المبلغ
واحدا ثم تعد بعدد ما بقي من مرتبة الآحاد وتحت ... فهو مرتبة المجتمع
من الضرب مثاله عشرون في ثلثين نضرب اثنين في ثلاثة يكون ستة

وهو اما مفرد او مركب
اما المفرد فهو ... مرتبة
... ظ

وجمعت بين المراتب يكون خمسة ثم اسقطت منها واحدا وعددت
بمقدار ما بقي وسواء بعد من مرتبة الآحاد وينتهي الى مرتبة الالوف
فما حصل لكل واحد من التسعة الى ان يكون الحاصل تسعة الآف وهو
المطلوب وفي النوع الثاني علة واما اكثر من تسعة او اكثر من
او اكثر فطريق العمل فيه ان تجمع المضروبين وتسقط من المجموع
عددا اكثر من كل واحد منهما او اقل او اقل من احدهما واكثر من الآخر
وتأخذ لكل واحد ما بقي العدد المسقط ثم تأخذ ما بين المسقط
وكل واحد من المضروبين وتضرب بعضها في بعض وتزيد الحاصل على
ما معك ان كان المسقط اقل منهما او اكثر وتنقصه عنه ان كان اقل من
احدهما واكثر من الآخر ليكون الحاصل مطلوبا مثال النقصان
ثلثة عشر في خمسة عشر اذا جمعتهما يكون ثمانية وعشرين ثم تسقط منها
عشرة وتأخذ لكل واحد ما بقي عشرة يكون ثمانية عشر ثم تضرب
ثلثة في خمسة وتزيد على المبلغ مائة وخمسة وتسعين وهو المطلوب
مثال الزيادة قدم في الصنف الاول مثال الزيادة والنقصان
سبعة في ثلثة عشر تجمعها تبلغ عشرين ثم تسقط منها عشرة وتأخذ
لكل واحد ما بقي عشرة تبلغ مائة ثم تضرب ثلثة في ثلثة وتسقطها
من المبلغ يبقى احد وتسعون وهو المطلوب القسم الثاني في الضرب

17

وهو ضرب الكسور في الكسور ينقسم الى مفرد ومكرر ومركب اما المفرد
وهو احد الكسور التسعة التي هي النصف والثلث والربع والخمس
والسدس والسبع والثمن والتسع والعشر والمكرر كثلثة اسباع
فالعمل فيهما ان تأخذ الحاصل من ضرب عدد احد الكسرين في عدد الآخر
وتنسب الحاصل الى مضروب المخرجين لتكون جوابا مثال للمفرد ثلث
في نصف تضرب واحدا في واحد وتنسب الحاصل الى مخرجيهما وهو ستة
يكون الحاصل سدسا مثال المكرر ثلثة اخماس في
سبعة اثمان تضرب ثلثة في سبعة يكون احدى وعشرين وتنسب الحاصل
الى الحاصل من ضرب خمسة في ثمانية وهو اربعون يحصل خمسين وثمن(?) وهو المطلوب
واما المركب فسواء كان بحرف العطف او الاضافة كنصف وعشر
نصف عشر فالعمل فيه ان تجمع الكسور المعطوفة من مخرج واحد وكذا الكسور
المعطوف فيهما او تأخذ تلك الكسور منهما وتضرب بعضها في بعض وتنسب
الحاصل الى الحاصل من ضرب المخرجين حتى يكون مطلوبا مثال العطف
نصف وثلث في ربع وخمس فيكون المعطوف [illegible] من ستة
والمعطوف عليه تسعة [illegible] من عشرين فاضرب خمسة في تسعة واربعين الحاصل
من ضرب الكسرين الى مائة وعشرين الحاصل من ضرب المخرجين ثلثة
اثمان واحد وهو المطلوب مثال الاضافة نصف عشر في نصف المعروف(?)

الحاصل [illegible]

اذ خمس ارجعين(?) [illegible] وخمسا [illegible] وهي [illegible]

بتى ل

واثني عشر والمردود منه ومن اثنين فاسقط واحدا وهو الحاصل من
ضرب الكسور الى الاربعة وهو الحاصل من ضرب المخرج في ربع العدد وهو المطلوب
القسم الثالث ضرب الصحاح في الكسور والعمل فيه ان يصف الكسور
الى الصحاح مثاله ثلث في ستة يكون ثلثا ستة وهو المطلوب القسم الرابع
ضرب الصحاح والكسور في الصحاح والعمل فيه ان تجعل الصحاح التي مع الكسور
منها وتضرب عدد الكسور في الصحاح وتقسم الحاصل على مخرج الكسر يكون
الحاصل جوابا مثاله واحد واربعة اخماس في عشرين ثم تضرب تسعة في عشرين يبلغ
مائة وثمانين وتقسم المبلغ على مخرج خمسة يكون ستة وثلثون وهو المطلوب
القسم الخامس ضرب الصحاح والكسور في الكسور والطريق فيه ان تجعل جنس
الصحيح والكسر المجتمعين بان تضرب الصحيح في مخرج الكسر لتصير كسورا من جنس ذلك
الكسر وتزيد عليه ذلك الكسر فيصير الكل جنسا واحدا ثم تضرب الكسر في الكسر
والمخرج في المخرج وتقسم الحاصل الاول على الثاني فما خرج يكون جوابا مثاله
واحد واربع في خمس جعلنا الاول خمسة [illegible] في اربعة ارباع الخمس فضربنا الكسر في الكسر
فصار ستين وضربنا المخرج فصار عشرين فقسمنا الاول على الثاني فخرج واحد ونصف
وهو المطلوب القسم السادس ضرب الصحاح والكسور في الصحاح والكسور
والعمل فيه ان يجعل كلا منهما جنس كسره ثم تضرب الكسور في الكسور مثاله
واحد وربع في واحد وخمس فاذا بسطناه كان [illegible] فاذا ضربت خمسة في ستة

18

حاصله ما يقع في سبعة اخماس ضربت خمسة في ستة وقسمت الحاصل وهو ثلثون على
الاصل ضرب خمسة في اربعة خرج واحد ونصف وهو المطلوب **اما البحث الثاني**
في القسمة وهي طلب مقدار يكون نسبته الى المقسوم كنسبة الواحد الى
المقسوم عليه وهي تنقسم الى ستة اقسام قسمة الصحاح على الصحاح
وقسمة الكسور على الكسور وقسمة الصحاح على الكسور وعكسها وقسمة الصحاح والكسور
على الصحاح وعكسها وقسمة الكسور على الصحاح والكسور وعكسها وقسمة الصحاح
والكسور على الصحاح والكسور **القسم الاول** قسمة الصحاح على الصحاح
وقد يعبر العدد عنها بان يكون المقسوم مثل المقسوم عليه او اقل او اكثر اما الاول
فالخارج بين لان الحاصل عنها واحد كعشرة على عشرة واما الثاني فهو نسبة كالجزء
واما الثالث فالعمل فيه ان يطلب عددا اذا ضربته في المقسوم عليه
والعدد الحاصل من المقسوم الى المقسوم او سمي مبني ان الى المقسوم عليه ولو مرارا
فنسبة الى العدد المطلوب مع تلك النسبة هو الخارج من القسمة مثاله الف
وستون على خمسة عشر فاذا ضربت ستين واربعين في خمسة عشر
بلغ الالف وخمسين مئة عشرة وهي اقل من المقسوم عليه بنسبة الى خمسين
فيكون الخارج من القسمة ستين واربعين وخمسين وهو المطلوب **القسم الثاني**
قسمة الكسور على الكسور المقسوم عليه والمقسوم اما ان يكونا متحدي
المخرج او مختلفي المخرج فان كان الاول فالعمل فيه ان يقسم عدد المقسوم

واذا التقيتما المقسوم

على عدد المقسوم عليه مثاله تسعة اتساع على اربعة اسباع فمخرج اثنان
لان العدد طلب نصف الواحد التام وان كان الثاني فالعمل فيه ان يضرب
آحاد المقسوم في مخرج المقسوم عليه ومخرج المقسوم في آحاد المقسوم عليه
ويقسم الحاصل الاول على الثاني يكون الخارج جوابا مثاله تسعة اسباع
على اربعة اسداس نضرب تسعة في ستة ونقسم على ما يرتفع من اربعة
في سبعة يخرج واحد وثلث سواء. القسم الثالث والرابع
قسمة الصحاح على الكسور وعكسها اما الاول فالعمل فيه كما في قسمة الصحاح
على الصحاح واما الثاني فهو من باب النسبة. القسم الخامس والسادس
في قسمة الصحاح والكسور على الصحاح وعكسها اما الاول فالعمل فيه ان يضرب
كل واحد من المقسوم والمقسوم عليه في مخرج الكسر ثم يقسم حاصل المقسوم
على حاصل المقسوم عليه فالخارج يكون جوابا مثاله ستة وثلثان على اثني
عشرين على ستة حصل ثلثة وثلث واما الثاني فالعمل فيه كما في قسمة الصحاح
على الكسور. القسم السابع والثامن والتاسع في قسمة الكسور على الصحاح
والكسور وعكسها وقسمة الصحاح والكسور على الصحاح والكسور فالعمل فيه
ان يضرب كل واحد من المقسومين في مخرج جميع الكسور ثم يقسم الحاصل
من المقسوم على الحاصل من المقسوم عليه يكون الخارج جوابا مثاله خمسة وثلث
على ثلثة وخمس فنضرب المقسوم وهو خمسة وثلث في مخرج جميع الكسور وهو خمسة عشر
اي المخرج المذكور

عشر اخماس وبقيه اخماس خمس القسم الثالث والرابع نسبة الصحاح
الى الكسور وعكسها اما الاول فبقوى العسر وقد عرفتها واما الثاني فالعمل فيه
ان تنسب الكسور كانها صحاح وترد على النسبة لفظ الكسر مثاله خمسة اخماس
الى ثلثين فنسبة الخمسة بالسدس وترد عليها السدس فيصير سدس خمس
وهو المطلوب القسم الخامس والسادس نسبة الصحاح والكسور
الى الصحاح وعكسها والعمل فيهما ان تضرب كل واحد من المنسوبين في مخرج الكسر
وتنسب حاصل المنسوب الى حاصل المنسوب اليه مثال الاول نسبة عشرة
ونصف الى ثلثين نسبت احدى وعشرين الى ستين ربع وعشر
مثال الثاني نسبة خمسة الى ستة وثلثين نسبت خمسة عشر الى عشرين ثلثة ارباع
القسم السابع والثامن والتاسع نسبة الكسور الى الصحاح
والكسور وعكسها ونسبة الصحاح والكسور الى الصحاح والكسور والعمل فيها
ان تضرب كل واحد من المنسوبين في مخرج جميع الكسور وتنسب حاصل المنسوب
الى حاصل المنسوب اليه مثاله اذا اردت نسبة واحد وخمس الى اثنين وخمسين
ضربت المنسوب وهو واحد وخمس في الخمسة التي هي مخرج جميع الكسور ليطلع
ستة وضربت المنسوب اليه وهو اثنان وخمسان في خمسة ليصير اثنا عشر
ثم نسبت الستة الى اثني عشر بالنصف وهو المطلوب فان قلت ما الضابط
في مخرج جميع الكسور قلت قد سبق مقدمة وهي ان كل عددين تساويا

20

تساويا كسميا متماثلين والا فان افنى التعليل الكثير فهما متداخلين والا فان
كان المفني واحدا فمتباينين او اكثر فمتوافقين بجزء المفني الاكثر سوى الواحد
واذا اردنا ان نعرف ذلك قسمنا اكثر العددين على اقلهما فان لم يبق
شيء كانا متداخلين وان بقي شيء قسمنا المقسوم عليه على الباقي وهلم جرا
الى ان لم يبق شيء او بقي واحد فان لم يبق شيء فالعددان متوافقان
مشتركان والمقسوم عليه الاخير هو المشترك [illegible] العاد لهما وان بقي واحد
فهما متباينان واذا عرفت هذا فنقول اذا اردنا [illegible] الكسرين فان
كانا متماثلين فمخرج الكسر مخرجهما وان كانا متداخلين فاكثرهما مخرجهما
وان كانا متوافقين فحاصل ضرب وفق احدهما في تمام الآخر مخرجهما وان كانا
متباينين فحاصل ضرب احدهما في تمام الآخر مخرجهما **المقالة الثانية** في الجبر والمقابلة
وفيها مقدمة وبحثان **المقدمة** في تعريف هذا العلم واصول يحتاج اليها
في الجبر والمقابلة **الجبر والمقابلة** علم يعرف منه استخراج مقادير مجهولة
من معلومات مخصوصة على وجه مخصوص **العدد** المعروف بنفسه يسمى عددا
وشيئا وضلعا والحاصل من الضرب يسمى مالا ومجذورا ومربعا واذا قلنا
الموضوع مال وشيء يريد مالا جذره ذلك المال الذي معه ونسبة الواحد
الى الجذر كنسبة الجذر الى المال ومعروف العدد اي كل [illegible] المعروف به
فتلك آحاد فكل آحاد يكون تسعة آحاد وفي تلك الاشياء يكون تسعة اشياء

وفي عشرة اموال يكون تسعة اموال ومضروب الاشيا في الاشيا اموال في
الاموال كعاب فستاتي مسئلة اربعة اموال وفي مال في اربعة كعاب
ومضروب الاموال في الاموال اموال اموال فان كان احد المضروبين
او كلاهما استثناء تضرب كل حرف من المضروب منفردا في كل حرف من المضروب فيه
وما ارتفع من ضرب الزائد في الزائد ومن ضرب الناقص في الناقص يكون زائدا
ومن ضرب الزائد في الناقص يكون ناقصا فان قيل عشرة دراهم وشي في
عشرة دراهم الا شيا كان ضربت عشرة في عشرة زائدة يكون
مائة درهم زائدة وضربت عشرة زائدة في شي ناقص يكون عشرة اشيا
ناقصة ومضروب الشي الزائد في العشرة الزائدة عشرة اشيا زائدة
ومضروب شي زائد في شي ناقص مال ناقص فلكان مائة درهم الا مالا
فان قيل خمسة الا شيا في سبعة الا شيا ضربت خمسة زائدة في سبعة زائدة
يكون خمسة وثلثين زائدة وخمسة زائدة في شي ناقص خمسة اشيا ناقصة
وسبعة زائدة في شي ناقص سبعة اشيا ناقصة وشيا ناقصا في شي ناقص
مال زائد فلكان يكون خمسة وثلثين درهما ومالا الا اثني عشر شيا
فان قيل عشرة دراهم الا شيا في شي الا عشرة دراهم كان ذلك سوالا
مستحيلا لان حمل الشي اولا اقل من عشرة وهذا استثنى من العشرة ناقصا
اكثر من عشرة واستثنى ان يكون الشي بازاء اقل من عشرة واكثر منه والله اعلم

[illegible]

21

واعلم ان الاستثناء من الاستثناء زيادة في المستثنى منه فاذا استثنى عشرة واحد
الا تسعة كان الثانية تسعة وسائر ما يرد النزع العدم يستثنى منها الواحد
كل عددين متساويين زدت عليهما عددين متساويين كان المجتمعان
متساويين وان اسقطت عنهما عددين متساويين كان الباقي منهما ايضا
متساويين وكل عدد زدت عليه مثل ربعه فخمس ما اجتمع مثل الربع الذي
زدته وان نقصت منه ربعه كان ثلث ما بقي مثل الربع الذي نقصته
الرفع سواء يكون مع كسور عددا ما اكثر عدد مخرجها قسمناها
على مخرجها فما خرج فهو صحيح والباقي كسور وهو مقابل التجنيس
مثلا اذا اردنا ان نرفع اثني عشر ثلثا قسمناها على مخرج الثلث وهو
ثلثه فخرج اربعة وهو المطلوب **البحث الاول في المسائل الجبرية** اراد ان يعمل
حساب الجبر والمقابلة يجب عليه ان يمعن النظر في طلب الحيلة المؤدية الى غرضه
وطريقه ان يفرض المجهول شيئا وان كان المطلوب مجذورا ان يفرض مالا
ويسلك الى السؤال فيعمل جميع ما تضمنه غرض السائل من ولا جبر ولا زيادة
ولا نقصان فاذا فعل ذلك فقد انتهى الى المعادلة فلينظر فان كان
في احد الجنسين استثناء اجبره وهو ان يكمل الناقص ويزيد مثل ذلك
على الجنس الاخر وان كان في الجنسين جميعا اعداد متجانسة قابل
وهو ان يسقط من الجنسين جميع المتجانسة والمتساوية سطرا فان كان

في المال نقصان كمله ورد عليه مثله بحسب ذلك وان كان فيه زياده اسقطها
واسقط ما يعادلها بحسب ذلك فلا بد من ان يصل الى جنس يعدل جنسا
وهي ست مسائل اشيا تعدل عددا اموال تعدل عددا اشيا تعدل اموالا
وتسمى مفرده والى جنسين يعدلان جنسا وهي ايضا ثلث مسائل اموال واشياء
تعدل عددا اموال وعدد تعدل اشيا اشياء وعدد تعدل اموالا
وتسمى مقترنة ولما كانت المسائل الواقعة في الوصايا والاقارير من المفردة
اقتصرنا عليها في هذه الرسالة للسهولة **المسئلة الاولى** من المفردات اشيا
تعدل عددا والطريق في استخراج الشي الواحد ان تقسم العدد على عدد الاشيا
فما خرج من القسمة فهو الشي الواحد او نسبت الشي الواحد الى عدد الاشيا وتاخذ
بتلك النسبة من العدد فما كان فهو معادل الشي الواحد وان كان الاشيا اقل
من شي واحد تكملها شيا واحدا او تمم العدد فان قيل لزيد على الف الا نصف ما لعمرو
على ولعمرو على الف ونصف ما لزيد على فجعل ما لزيد عليه شيا فيكون لعمرو عليه
الف ونصف شي الا نصف ذلك وهو خمسمائة وربع شي ببعض من الالف
فبقي خمسمائة الا ربع الشي يعادل الشي فاذا اجبرت خمسمائة بالربع وردت مسئلة
على الشي صار شي وربع شي يعدل خمسمائة فالشي الواحد اربعمائة وهي لزيد عليه
ولعمرو عليه الف ومائتان فان قيل لزيد على الف ونصف ما لعمرو ولعمرو على
الفان الا نصف شي ونصف ذلك وهو الف الا ربع شي زيد على الالف فيكون

22

فيكون الغائب الاربع شيء يعادل الشيء زادا حرب يكون الغائب معادلا
لشيء وربع شيء فيكون الشيء الفا وستمائة وهو مقدار ما لزيد عليه فلعمرو
الف وماتان فان قيل لزيد على الف ونصف ما لعمرو ولعمرو على الغائب
الا ثلث ما لزيد لزيد عليه شيء فلعمرو عليه الغائب الا ثلث شيء ونصف ذلك
وهو الف الا سدس شيء يزيد على الالف فالغائب الا سدس شيء يعدل
شيئا فاذا جبرت الالف بالسدس وردت مثله على الشيء المعادل
صار شيء وسدس شيء يعدل الفين فسدس الشيء يعدل ماتين وخمسة وثمانين
وخمسة اسباع واحد والشيء يعدل الفا وسبعمائة واربعة عشر وسبعين
فلزيد عليه هذا القدر ولعمرو عليه الف واربعمائة وخمسة وعشرون
واربعة اسباع واحد لان ذلك القدر الغائب الا خمسمائة وواحدا وسبعين
اي خمسمائة وواحد او سبعين — وثلثة اسباع صح
وثلثة اسباع واحد وذلك القدر نصف ما لزيد **المسئلة الثانية** في الموادا
اموال تعدل عددا والطريق في استخراج المال ان تقسم العدد على
عدد الاموال فما خرج فللمال الواحد فهو المال والجذر جذره مثاله فذلك العدد
اربعة اموال تعدل مائة من العدد فقسمنا المائة على الاربعة فخرج للمال
الواحد خمسة وعشرون فالشيء جذر ذلك وهو خمسة فان قيل لزيد على
مال اذا ضربته في اربعة امثاله كان خمسة وعشرين فرضه شيئا وضربته
في اربعة اشياء كان اربعة اموال تعدل خمسة وعشرين فالمال ستة وربع

مثاله اثنان وثلثة واربعة وستة فلو كان احدها مجهولا والبقية الثلثة
معلومة اكتفى التوصل الى العلم بالمجهول بالطريق المذكور اليسير والضرب
والقسمة وهذا الاصل ينتفع به في كثير من المسائل فان قيل مائة وعشرون رطلا
بستة عشر درهما كم عشرة ارطال فنسبة مائة وعشرين الى ثمنها كنسبة عشرة
الى ثمنها فالرابع مجهول فنضرب ستة عشر في عشرة وهو ضرب الثاني في الثالث
ونقسم على مائة وعشرين وهو الاول يخرج واحد وثلث وهو ثمن عشرة
ارطال فان قيل بيت طوله عشرون ذراعا وعرضه ستة اذرع باربعة
وعشرين درهما كم عشرة اذرع طولا في ذراع عرضا فاضرب
طول البيت في عرضه يبلغ مائة وعشرين وتعمل بالمسح كذلك يبلغ عشرة
كانه قال مائة وعشرون ذراعا باربعة وعشرين درهما كم عشرة اذرع
فالرابع مجهول فاضرب الثاني وهو اربعة وعشرون في الثالث وهو عشرة
يبلغ مائتين واربعين ونقسم على الاول وهو مائة وعشرون يخرج اثنان وهو الرابع ولان
ما ليته يحصل المرام ايضا فان قيل اجير في الشهر بعشرة دراهم كم
يكون له في اثني عشر يوما فالمجهول الرابع ولو فاتى احد الاخيرين
الصورة بثلثة دراهم كم يحتاج عليه من العمل فالمجهول الثالث والعمل كما تقدم
فان قيل كم مضى من الليل فقال الثلث مما مضى مثل ربع ما بقي كم كان
ما قد مضى من الليل وكم بقي الجواب الماضي ستة والباقي اربع ساعات

26

واحد ما مار ابهامي جدول العرض فعقها ما كان فهو قوس الوتر وهذا العمل التام
هو التقريبي لان الدرجة القوسية اعظم من الدرجة القطرية والمساح اما ما هو
الخطوط مقدرة بمقدار واحد بعينه مستوية كانت او منحنية وكذا السطوح والاجسام
كما علمت ولولا ذلك لما تمت له قاعدة من القواعد المذكورة لابتنائها على تساوي الآحاد
في جميع الخطوط فانه لو قدر ضلع المربع بمقدار وعرضه بمقدار آخر لم يحصل الاول في الثاني
المبلغ مساحة المربع يعني ان المبلغ لا يكون كميته في السطح من الف مربع الممسوح به
فانك اذا اعتبرت الممسوح به الاصغر يكون المبلغ اقل وان اعتبرت الاعظم يكون اكثر
فعلى هذا لو اردت مساحة دائرة فلكية وضربت نصف القطر اعني ٦٠ في نصف المحيط
اعني ١٨٠ لم يكن المبلغ مساحة الدائرة فليس هذا اول الركائم المرسوم للمحسوب والعمل المطلوب
به المساح بطريقة الا بعد تكلف زيادة نحو فيه وهو انه اذا اردنا تحويل درجات الوتر
الى درجات القوس فانه يضرب عدد الوتر القطري (العظمي) في عدد القطر القوسي الذي
ذكرناه ويقسم على عدد الوتر القوسي يخرج درجات الوتر القوسية وذلك لان [illegible]
الوتر القطرية الى درجات القوسية كدرجات القطر القطرية الى درجات القوسية وكذا
لو اردنا تحويل درجات القوس الى القطرية فانه يضرب القوس في ١٢٠ ويقسم على درجات القطر
القوسية المذكورة وذلك لان عدد القوس القوسي الى عدده القطري كعدد القطر
القوسي الى عدده القطري اعني ١٢٠ فعلى هذا التقدير درجات المحيط قطرية [illegible]
[illegible] هو سالم مع ذلك فانه لا يخرج من معرفة القوس والوتر بهذه الآحاد
الاقسام القوسي من ربع تلك الآحاد المجهولة جميعها الا من ربع الآحاد المعلومة كالدرعان

بعد الشطر

و اذا كانت معرفة القوس و الوتر بالجهة المذكورة اعنى بالعاكس الى المحيط
او القطر فاما ان علم احدهما بكونه كذا ذراعا لا بالعاكس في المحيط و القطر
كما اذا قيل القوس عشرة اذرع فانه لا يفيد العلم بشئ آخر من مقدار الوتر
او نسبة المحيط و كذلك لو قيل القوس عشره و الوتر ثمان فانه لا يفيد العلم
بالمساحة و لا السهم و لا شئ و قد ذكر في اثناء المطلوب على تلك الجواهر و نظ
الا ان الاسب ما ذكر انه فاقول لما علمنا ان المحيط قوسيا
نسبته ١٠ و قطرا بنسبة ٣ و القطر قطرا فك و قوسا قدر علمنا
ان المساحة و نسبه انا منطه دقيقه و قطره ح ٢ لج لد دقيقه فيها مقادير
سته القوس المحيط الوتر السهم القطر المساحة و المعلوم منها بالدرك اما
ان يكون واحدا او اكثر فان كان واحدا فلا يعلم شئ من الباقية الا اذا
علمت مع ذلك احدى النسب الخمس عن الى بعدها و هي نسبة القوس الى محيطها
او وترها او سهمها او قطرها او مساحة قطعتها و نسبة المحيط الى الاربعة التي تليه
و نسبتها السهم الى اللذين بعده و نسبة القطر الى المساحة و لان هذه خمس عشر نسبة
و المعلوم احد الستة فعدد الطالبين يصير تسعين صورة نذكر في كل طريق استعلام
البواقي ان كان منتجا و عقمه ان كان عقيما على الترتيب المذكور فنفرض ان المعلوم
هو القوس و ذلك في القوس الصغرى المورده في الكتاب التي سهمها ثمان و لتكن
عشره اذرع و ارمطه اجا كا و نلث خمس و هو نب دقيقه مع نسبة القوس الى المحيط
و لتكن سهم كسا لج دقيقه الى ستين درجة فاظهر بهذه النسبة من المحيط اعني ٣٦٥
يكون قح نب و هو القوس المقوسه ثم ننقصه يكون مذكورا صاده حينئذ يكون منه

27

[Arabic manuscript text, handwritten; not transcribed reliably]

نسبة القوس الى الوتر السهم المذكور. فقد علمت القوس والوتر بل الكل وان
لم يكن فانها يكون اصغر او اكبر فاذا كان نسبة القوس الى الوتر اصغر طلبت جملة الكل مما
يوسا كذلك بالاسوار وان كانت اعظم طلبت طرف التعلة فاذا وجدتها فذاك عمل القوس
واستعملت الجمع [illegible] ولنسول النسبة المعلومة نسبتها الى السهم فطلبت قوسا منتن [illegible] سهمها
تلك النسبة بالاسوار كما ذكرنا ثم استعملت الجمع [illegible] ولنكن نسبتها الى القطر فاخرج المقوس
الى السطر اعني ١٢٥ وقسم على المقوس الذي يخرج القوس وقطره ثم استعمل الجميع
ولنكن نسبتها الى المساحة فاطلب قوسا نسبتها الى مساحتها النسبة المذكورة بالاسوار واستعمل
الكل ٦ ولنكن نسبة المحيط الى الوتر فحينئذ تعكس تلك النسبة من المحيط قوسا او قطرا نكن وترا او ثم
العمل ٧ ولنكن نسبة المحيط الى السهم والعمل كما ذكر ٨ ولنكن نسبة المحيط الى القطر ولا يعني
المطلوب سما ٩ ولنكن نسبة المحيط الى المساحة فطلبت بالاسوار مساحة لذلك ثم العمل ١٠
ولنكن نسبة الوتر الى السهم فطلبت وترا نسبة كذلك بالاسوار ١١ ولنكن نسبة الوتر
الى القطر فطلبت وترا كذلك ١٢ ولنكن نسبة الوتر الى المساحة فالعمل كذلك ١٣
ولنكن نسبة السهم الى القطر فطلبت سهما كذلك ١٤ ولنكن نسبة السهم الى المساحة
فطلبت سهما ومساحة كذلك ١٥ ولنكن نسبة القطر الى المساحة فطلبت مساحة نسبة
الى القطر تلك النسبة ثم تكمل العمل فهذه خمس عشرة صورة على تقدير ان يكون القوس
معلوما واحد منها معلوم وعلى ذلك القياس ان كان المعلوم احدى الثلثة الباقية
فالجميع من الصور الستين [illegible] ٨ صورة وينفع جدولا [illegible] فيه القوس درجة
الى ٩٠ [illegible] او باركها ثم سهامها على اصطلاح الكتاب ثم مساحتها لكن
سهوا لمن اراد الاعمال المذكورة وانموذجا لمن اراد اتمام وتكميلها فرض نسبة [illegible]
نسبة القوس الى مربع احدها او مكعبها او سطح احد [illegible] او الى غير ذلك ويتم العمل على
ذلك التقدير لكن فيما ذكرنا كفاية للمستبصر [illegible] واذا كان المعلوم بالدرجات الثلث سهما

28

ويمكن بهما فالعمل كما مر بل اسهل وان كان اكثر اسهل فالعمل ابين واسهل الا انا نذكر صورة
فيها يلقب بعلوم القوس والوتر والسهم ونعمل فيهما بالجبر اذ فيها تقريب لطيف وذلك كما لو كان
القوس ب ننب والوتر طح والسهم ح فنطلب فاما فرضنا السهم شيئا ونربع نصف الوتر يكون
كد ه لو نقسمه على الشي يخرج كد ه لو ح اجزاء من شي وهو ما في القطر فالقطر شي مع هذه الاجزاء
فنصفه نصف شي و ب ه لح جزء من الشي وهو في نصف القوس ب ح سا و ا ه لح ثانيه
جزء من شي وهو مساحة القطاع ثم نلقي الشي في نصف القطر سيكون ب ه لح جزء من شي الا نصف شي
لوه في نصف الوتر وهو ذلك يكون لح مط د قسمه من اجزاء الشي الا ب كرسا وهو ن
مساحة المثلث المذكور التي من القطاع اعني ب ح سا و اه بد جزء من شي سعي ه ب س
و و كرسا وهو مساحة المثلث المذكور التي من القطاع اعني ب ح سا و اه بد جزء
من شي س ه ب سا و و كه جزء من شي يعدل المساحة اعني لح لب ولما كانت هذه المعادلة
خالية من المسائل الست فنرد المعادلة الى ان نحصل لها دليل في شي نصف ه ب مالا
و و كه معادلا لنح كب سا وهي الخامسة من المقترنات فنرد الاموال الى مال واحد ونقسم العدد
على ه ب عدد الاموال يخرج ابدا كما سيم نعم الاكثار على عدد الاموال يخرج ب لو مال و
ابدا كما يعادل ب كرسا فنربع نصف عدد الاشياء وهو انقص من ان نلقي منه العدد
سمي كطا كا ماخذ جذره يكون ح مت فنزيده على نصف عدد الاشياء اعني الطبير
ب ا وهو الشي ولا يمكن ان ينقص من نصف الاعداد والا يلزم الخلف على ما يظهر
لك عند الامتحان كما كان الزيادة في المسئلة المذكورة في مساحة الدائرة عن عكس
الله وحده نسق كلمة وتلوه الحراول

30

فان كان كلها لاحدى الخشبتين فتلك الجهة ارفع من الاخرى بذلك المقدار وان بعضها
لاحديهما والبعض الآخر للاخرى فان البعضان متساويين كانت الخشبتان اذا
متساويتين وان كان احد البعضين اكبر كانت ذات الاكبر من الخشبتين ارفع من الاخرى
بمقدار الفضل بين البعضين وهذه صورة الآلة المذكورة والحمد لله رب العالمين

الخيط الخيط

الاسوية

كتاب الاكر لثاودوسی اوس

بسم الله الرحمن الرحيم والتكلان عليك يا كريم

هذا كتاب الاكر لثاوذوسيوس وهو ثلث مقالات وتسعة وخمسون شكلا
وفي بعض النسخ ينقصان شكل في العدد وقد اصلح بعضه من اليونانية الى العربية ابو العباس
احمد بن المعتصم بالله وتولى نقله قسطا بن لوقا البعلبكي الى الشكل الخامس من المقالة الثالثة
ثم تولى باقيه غيره واصلحه ثابت بن قرة المقالة الاولى اثنان وعشرون شكلا الحدود الكرة شكل
يحيط به سطح واحد في داخله نقطة كل الخطوط المستقيمة الخارجة منها الى السطح متساوية وتلك النقطة
مركز الكرة محور الكرة خط مستقيم ثابت ويدار الكرة عليه وقطبا طرفا المحور قطب الدائرة
التي على الكرة نقطة على سطح الكرة يكون جميع الخطوط المستقيمة التي تخرج منها الى المحيط تلك
الدائرة متساوية الدوائر المرسومة على الكرة المتساوية الابعاد عن مركزها هي التي
تكون الاعمدة الواقعة من مركز الكرة على سطوحها متساوية والتي عمودها اطول فهي ابعد
السطحان اللذان يقال لكل واحد منهما انه مائل على الآخر هما المتقاطعان اللذان اذا اخرج
من اي نقطة تكون على فصلهما المشترك عمودان عليه في السطحين احاطا بزاوية حادة وميلهما
هو تلك الزاوية والسطوح المتساوية الميول هي التي يساوي زاوية كل اثنين منها لزاوية اخرى
والتي اكثر ميلا هي التي زواياها اصغر اول وينبغي ان يسلم لنا ان نجعل اي نقطة
اتفقت على سطح الكرة قطبا ونرسم عليه باي بعد يوافق من قطر الكرة دائرة في ذلك
السطح وان نخرج اي قوس يكون الى ان يتم دائرتها وان نفصل ما يساوي قوسا
معلومة من قوس اعظم منها اذا كانت من دائرتين متساويتين وانه لا يكون لدائرة
واحدة اكثر من قطبين وان [illegible] القوس واحدة متشابهة الى غير ذلك مما يكون

٣١

قوله ونسبة معدار اب الى معدار اعظم
اعظم وذلك لان معدار حو اصغر من معدار
حط ونسبة الحالتين اعنى اب الى المعدار الاصغر اعنى
حو اعظم من نسبته الى المعدار الاعظم اعنى حط
بحكم الثامن من خامسة الاصول

قوله بكثير وذلك لان نسبة معدار اب الى حو
اعظم من نسبة معدار اب الى حط ونسبة معدار
اب الى حط اعظم من نسبة معدار اه الى
حر فتكون نسبة معدار اب الى حو
اعظم من نسبة معدار اه الى حر بكثير

بما يجري مجراه على ما يجيء في اثناء المسائل **مقدمة** في الاكر لثاوذوسيوس يحتاج في البيا
نـ من الثالثة مقدار اب اعظم من ضعف مقدار اه ومقدار جد اصغر من ضعف
مقدار دز فاقول ان نسبة مقدار اب الى مقدار جد اعظم من نسبة مقدار اه الى مقدار
دز برهانه فليكن ضعف اه اح وضعف دز دط فلان مقداري اب اح احدهما
اعظم من الآخر ونسبا الى مقدار دط تكون نسبة اب الى دط اعظم من نسبة اح الى
دط لكن نسبة مقدار اح الى مقدار دط كنسبة اه الى دز لان نسبة الاضعاف مساوية
لاضعاف المتساوية فيكون نسبة مقدار اب الى مقدار دط اعظم من نسبة مقدار اه
الى مقدار دز ونسبة مقدار اب الى مقدار جد اعظم من نسبة اب الى دط فيكون نسبة مقدار
اب الى مقدار جد اعظم من نسبة مقدار اه الى مقدار دز بكثير وهو المراد **الاشكال**
١ اذا قطع سطح كرة كان الفصل المشترك دائرة فليكن الخط المشترك بين ذلك السطح
وسطح الكرة ابج ثم ان كان السطح القاطع مارا بمركز الكرة كان من البين ان ذلك الفصل
دائرة وذلك لتساوي جميع الخطوط الخارجة من مركز الكرة الى الخط المشترك ويكون مركز الكرة
والدائرة واحدا وان لم يكن مارا به فليكن مركز الكرة د
ولنخرج منه عمودا على السطح وهو ده ونخرج ه ب ه ج
كيف اتفق ونصل دب دج فلان ده عمود على السطح
يكون زاويتا دهب دهج قائمتين واذا القينا مربعي دب دج المتساويين لكونهما
نصفي قطري الكرة مربع ده المشترك بقي مربعا به هج متساويين فبه هج متساويان
وكذلك سائر الخطوط الخارجة من ه الى خط ابج فان خط ابج محيط دائرة مركزها ه
وقد بان من ذلك ان كل عمود يخرج من مركز الكرة ويقع على سطح دائرة ما على الكرة فهو يقع

على مركز تلك الدائرة وذلك ما اردناه ب كيف نجد مركز الكرة فلنقطعها بسطح وليحدث
دائرة اب فان كانت مارة بمركز الكرة فقد وجدنا المركز لان مركزيهما واحد وان لم تكن
مارة به فليكن مركز الدائرة ق ونخرج منها عمودا على سطح الدائرة مارا الى الجهتين
وليلق سطح الكرة على نقطتي د ه على ز فهو مركز الكرة والا فليكن المركز ح ولنخرج منه
عمودا على سطح دائرة اب فان وقع على غير نقطة ق
فليقع على ط فيكون ط مركز دائرة اب وكان ق مركزها
هذا خلف وان وقع على ق كان عمودا ق ح ق ز قائمين في سطح واحد على نقطة واحدة
هذا خلف فاذن مركز الكرة هو نقطة ز لا غير وقد بان من ذلك ان كل عمود على سطح دائرة
يقع في كرة يكون خارجا من مركز تلك الدائرة فهو يمر بمركز الكرة وذلك ما اردناه ج
كل سطح يلاقي كرة ولا يقطعها فهو يماسها على نقطة فان امكن ان يلاقيها على اكثر من نقطة
فليلاقها على نقطتي اب وليكن المركز ج ونصل ج ا ج ب ونخرج السطح المار بخطي ج ا ج ب
فيحدث في الكرة دائرة اهب وفي السطح الملاقي للكرة خط ا ب ز ولان السطح
الملاقي لا يقطع الكرة فخط ا ب ز لا يقطع الدائرة وقد لاقيها على نقطتي اب فيكون
الخط الواصل بين اب غير داخل في دائرة اهب هذا خلف فاذن الحكم ثابت وذلك
ما اردناه د كل خط يخرج من مركز الكرة الى نقطة التماس من سطح يماسها فهو عمود
على ذلك السطح فليكن المركز ب ونقطة التماس ا والخط اب وليمر به سطح كيفما اتفق
فيحدث في الكرة دائرة اهوح وفي السطح المماس
خط ه ا ز ويكون الخط مماسا للدائرة على نقطة ا
فيكون ب ا عمودا على ه ا ز وليمر بخط اب سطح
عمودا

والله اعلم

٣٣

قوله لان حم اعني حل يسوى على حط طل آخ

وذلك لان حل وتر القايمة وحط طل ضلعاها فيكون

مربع حل مساويا لمجموع مربعي حط طل وهذا معنى

كون خط يسوى على خط ولما كان حم مساويا لحل

فهو ايضا يسوى على خطي حط طل واذا كان مربع حل

مساويا لمجموع مربعي حط طل يكون مربع حل اكثر

من مربع كل واحد من حط طل فيكون اطول من كل منهما

ولذلك حه المساوي لحم يسوى على حك كه

ضلعي القايمة فيكون اطول من كل منهما لما ذكر من

مساواة مربعه لمجموع مربعيهما لحم المساوي لحه

انه يكون اطول من حك كه

حم

قوله فتكون ط ح كرد دائرة ا ب ت وذلك لتقدم من ان كل عمود
يخرج من مركز الكرة ويقع على سطح دائرة ما في الكرة فهو
يقع على مركز تلك الدائرة قوله وان وقع على ح كان عمود
ح ح د ر اي يعني على تقدير كون مركز الكرة ح انه ان
وقع العمود الخارج منه على سطح دائرة ا ب ت على د مركز
الدائرة وذلك وجب بما تقدم في الشكل الاول كان عمود
ح ح على تقدير كون مركز الكرة ح وعمود ح د على تقدير
كون مركز الكرة د كلاهما قائمين على سطح واحد اعني
سطح الدائرة على نقطة واحدة وهي د مركز الدائرة [illegible]

في الشكل الرابع [illegible]

قوله ويكون الخط ط ب الذي للدائرة ... الخط بمنزلة السطح المماس للكرة
على نقطة ا و الدائرة بمنزلة الكرة فيكون ب ا عمودا على خط
ب ا ر واذا كان كذلك يكون ب ا عمودا على السطح المماس
للكرة وهو المراد

[illegible]

وایضا لیکن بعد دایرة ا ب اکثر من بعد دایرة ه ز اعنی یکون ح ط اطول من ك ل

فیکون مربع ح ط اعظم من مربع ك ل ويبقى بعد اسقاط مربعي ط ب ل ه المتساويين

مربع ط ب اصغر من مربع ل ه فط ب اقصر من ل ه فدایرة ا ب اصغر من دایرة ه ز

وكذلك الحكم في غير ذلك من الدواير وذلك ما اردناه ن كل خط يخرج من مركز كرة و

مركز دايرة تقع فيها فهو عمود على سطح تلك الدايرة فليقع في كرة دايرة ا ب ح د و ليكن

مركز الكرة ه و مركز الدايرة ز و نصل ه ز و نخرج في سطح الدايرة

قطري ا ز ب ح ز د و نصل ه ا ه ب ه ح ه د فلان ضلعي ه ا

وضلع ا ز مثل ضلعي ه ب ز ب و ضلع ه ز مشتركا یکون زاويتا ه ز ا

ه ز ب متساويتين فهما قائمتان و ه ز عمود على ا ب و بمثله يبين انه عمود على

ح د فاذن هو عمود على سطحهما اعني الدايرة وذلك ما اردناه ح كل عمود يخرج من مركز كرة

على سطح دايرة تقع فيها فهو يمر بمركز الدايرة فليكن الدايرة ا ب ح د و مركز الكرة ه و

الكرة ز والعمود ز ه و نخرجه الى سطح الكرة فنقول انها قطبا الدايرة ا ب ح د

ونخرج قطري ا ح ب د كيف كانا ونصل ز ا ز ح ز ب ز د

فلان في مثلثات ز ا ه ز ح ه ز ب ه ز د ه زوايا ه قائمة

وضلع ز ه مشتركا واضلاع ز ا ز ح ز ب ز د متساوية يكون

اضلاع ا ه ب ه ح ه د ه متساوية وكذلك سائر الخطوط الخارجة من نقطة ه الى محيط

دايرة ا ب ح د و بمثل ذلك يبين ان الخطوط الخارجة من نقطة ه الى ايضا متساوية

فاذن هما القطبان وذلك ما اردناه ط كل خط يصل بين قطب دايرة

يقع في كرة و بين مركز تلك الدايرة فهو عمود على الدايرة والى الكل ظاهر

ي فاذن ما تقدم كل عمود يخرج من قطب دائرة تقع في كرة على سطح تلك الدائرة فهو
يقع على مركزها ويمر بقطبها الآخر فلتكن الدائرة ا ب ج وأحد قطبيها د ولنخرج من د عمود د ه
عليها فنقول ان ه مركزها وانه اذا اخرج د ه مر بقطبها الآخر ولنخرج من ه ه ا ه ب كيف اتفق
ونصل د ا د ب فلكون د ه مشتركا و د ا د ب متساويين
وزاويتي د ه ا د ه ب قائمتين يكون مثلثا د ه ا د ه ب
التي هي الزاوية ه ا مساويا لـ ه ب وكذلك سائر الخطوط الخارجة من ه الى المحيط ا ب ج
اي متساوية
فاذن ه مركز الدائرة واذا اخرج د ه الى ز من سطح الكرة ووصلنا ز ا ز ب
كان ا ز ب متساويين لتساوي ه ا ه ب وكون زاويتي ه قائمتين وضلع ه ز مشتركا
وكذلك سائر الخطوط الخارجة من ز الى محيط ا ب ج فاذن ز هو القطب الآخر وذلك
ما اردناه يا كل خط يصل بين قطبي دائرة تقع في كرة فهو عمود على الدائرة ويمر بمركزي
الدائرة والكرة فلتكن الدائرة ا ب ج وقطباها د ز ونصل د ز وليمر على نقطة ه من سطح
الدائرة ونخرج فيها خطي ا ه ب ه [illegible] كيف اتفق ونصل د ا د ب ز ا ز ب فلكون
د ز مشتركا وضلعي [illegible] متساويين لضلعي [illegible] يكون مثلثا [illegible]
زاويتا [illegible] متساويتين ولان مثلثي [illegible] زاويتا ه وضلعا
[illegible] متساويان وضلع [illegible] مشترك يكون زاويتا [illegible]
[illegible] متساويتين بل قائمتين وكذلك يبين ان زاويتي
[illegible] قائمتان فهو العمود على خطي ا ه ب ه فهو عمود على سطحهما اعني الدائرة
فثبت المدعى الاول
ولكون [illegible] الى قطبيه عمودا على الدائرة فهو واقع على مركزها فهو مركز الدائرة فثبت المدعى الثاني
ولكون [illegible] عمودا على سطح الدائرة خارجا من مركزها فهو يمر بمركز الكرة وذلك ما اردناه
فثبت المدعى الثالث

ب الدوائر العظيمة التي في كرة تتناصف فلتكن اب جد من العظام التي تقع في كرة
ولتكن سطحيهما مارين بمركز الكرة فهما متقاطعان وليتقاطعا على ه ز من سطح الكرة وليكن
مركز الكرة ح ونصل ح ه ح ز فتكون نقطتا ه ح ز في سطحي الدائرتين فتكون على فصلهما
المشترك الذي هو خط مستقيم ولان ح مركز الدائرتين يكون
ه ز قطرا لهما وينتصف كل واحد من محيطيهما به فالدائرتان
تتناصفان على ه ز وذلك ما اردناه ج الدوائر المتناصفة الواقعة في كرة عظام فلتكن
في كرة دائرتا اب جد ولتنصف كل واحد منهما الاخرى على نقطتي ه ز فصل ه ز هو
فصلهما المشترك وقطر لهما وينتصف على ح فح مركزهما ونخرج من
نقطة ح عمودا على سطح دائرة اب وهو ح ك وآخر على سطح
دائرة جد وهو ح ط فهما يمران بمركز الكرة فمركز الكرة على فصلهما المشترك الذي هو ح
اعني مركزي دائرتي اب جد فهما عظيمتان وذلك ما اردناه مد كل دائرة
تقطع دائرة عظيمة في كرة على زوايا قائمة فالعظيمة تنصفها وتمر بقطبيها فلتكن
العظيمة اب جد والاخرى ب ه ز د ولتتقاطعا على قوائم ونصل فصلهما المشترك وهو ب د
وليكن مركز العظيمة ح وهو مركز الكرة ونخرج من ح عمود ح ط
على ب د ونخرجه في الجهتين الى نقطتي ا ج من سطح الكرة فلان
سطح دائرة اب جد قائم على سطح ب ه ز د وقد اقيم فيه عمود ح ط على فصلهما المشترك
فح ط عمود على سطح ب ه ز د ولكونه خارجا من مركز الكرة يكون ط مركز دائرة ب ه ز د
قطرها فدائرة ب ه ز د قد تنصف على نقطتي ب د وايضا لكون ح ط عمودا خارجا من
مركز الكرة على سطح دائرة ب ه ز د فهو يمر بقطبيها فا ج قطباها وذلك ما اردناه مد كل

الكرة ص

ب ا اصول

باشكاله ١٤ اصول

بالشكل الاول

ب

ج

مد

يه

36

كل دائرة غير عظيمة تنصفها عظيمة في الكرة فهي تقطعها على قوائم وبعيد الدائرتين فلان دائرة
ه ب ز د تنصفت على نقطتي ب د فيكون ب د قطرها
وننصفها على ط فط مركزها وذلك ان مركز العظيمة والكرة
ونصل ه ط ونخرجه الى ا ج فلانه ط وصل بين مركز الكرة ومركز دائرة تقع فيها يكون
عمودا على سطح دائرة ه ب ز د في سطح دائرة ا ب ج د فقد مر به فاذن هو يقطعها على قوائم
وذلك ما اردناه **و** كل دائرة في الكرة تقطعها وتمر بقطبيها دائرة عظيمة
فالعظيمة تنصفها وتقوم عليها على قوائم فلتقطع ا ب ج د العظيمة دائرة ه ب ز د
في كرة وتمر بقطبيها وهما ا ج ونصل ا ج فهو يقوم عمودا على سطح دائرة ه ب ز د
ويمر بمركزها ومركز الكرة ولان ا ب ج د المار
بالعمود تقطع سطح ه ب ز د على قوائم فهي تنصفها
وتمر بقطبيها وذلك ما اردناه **ز** الخط الذي يخرج من قطب كل دائرة عظيمة في الكرة
الى محيطها مساو لضلع المربع الواقع في تلك الدائرة العظيمة فلتكن الدائرة العظيمة ا ب ج د
وليتقاطع فيها قطرا ا ج ب د على قوائم على ه فه مركز الكرة
والدائرة وليقم ه ز عمودا على سطح ا ب ج د منتهيا الى
سطح الكرة عند ز فز قطب دائرة ا ب ج د ونصل ز ا ب ا فا ب ضلع المربع
الواقع في دائرة ا ب ج د ولان مثلثي ا ب ه ا ه ز ضلع ا ه مشترك وضلعي ب ه
ه ز متساويان لكونهما نصفي قطري الكرة وزاويتا ا ه ب ا ه ز قائمتان يكون
ا ب مساويا لـ ا ز فا ز الذي هو الخط الخارج من قطب دائرة ا ب ج د الى محيطها مساو
لضلع المربع الواقع فيها وذلك ما اردناه **ح** كل دائرة في كرة يكون الخط الخارج

37

ونرسم على قطب آ وببعد آب دائرة ب ج د ولتكن ب ه ج مساوياً للقطر ا د ونرسم مثلث

ه ز ح على ان كل واحد من ز ه ح ه مثل ا د

و ز ح هو الضلع الذي يوتر دائرة ب ج د

ونخرج عمود ب ي على ز ه ح ونخرجها الى ان

يلتقيا على ط ونصل ط ه فهو قطر الكرة لانا اذا ادرنا سطحي ... ومركز الكرة حدثت

دائرة ا ب ك د من النصف ونخرج فيها قطر ا ك وهو قطر الكرة ونصل ا ي ك

فلان آب آ د متساويان ومساويان لـ ز ه ح ه و ب د الذي هو قطر دائرة ب ج د

مساو لـ ز ح يكون زاوية ا ب د اعني زاوية ا ي د مساوية لزاوية ز ه ح المساوية

لزاوية ه ط ح كما وضح مثلثي ا ي ك ه ط ح زاويتا ا ي ك ه ط ح متساويتان

وزاويتا ا ك ي ه ح ط قائمتان وضلعا ا ي ه ح متساويان فضلعا ا ك ه ط

متساويان فـ ه ط قطر الكرة وذلك ما اردناه كا نريد ان نرسم دائرة عظيمة

بنقطتين معلومتين على سطح كرة ولتكن النقطتان آ ب فان كانتا على طرفي قطر

فظاهر ان الممكن ان نرسم دوائر عظيمة غير متناهية مارة بهما وان لم تكونا كذلك

رسمنا على قطب آ وببعد ضلع مربع يقع في اعظم

دوائر الكرة دائرة ه ج د وعلى قطب ب وببعد

ضلع المربع دائرة ه ز و فهما عظيمتان ونصل

آ ه ب ه فهما متساويان لكونهما مثل ضلع المربع

ونرسم على قطب ه وببعده ه آ دائرة آ ز فهي تمر بنقطة ب

وذلك ما اردناه لب نريد ان نجد قطب دائرة معلومة على كرة فلتكن آ ج د

ولنعلم على محيطها نقطتا ك ل كيفما اتفق ونفصل منه قوسين متساويتين هما آى آه ونفصل

قوس ه ز مثل قوس ى ر فانه لم يكن دايرة ا ب ح عظيمة ادرنا على نقطتي آ ر دايرة ا ر ط

العظمى فهي تنصف دايرة ا ب ح التي ليست بعظيمة لان آى آه متساويان وذلك

تقطعها على قوائم وتمر بقطبيها وتنصف ا ر على ع في قطب دايرة ا ب ح وان كانت

دايرة ا ب ح من العظام نصفنا ا ر على ح ح ونرسم على

قطب ح وببعد ح ا دايرة ا ر ط فهي لا محالة

لان كل واحد من ح ا ح ر ضلع مربع دايرة عظيمة و

لاجل ذلك يكون عظيمة ويكون ح قطبها ولان دايرة ا ب ح العظمى تقطع دايرة ا ر ط

في نصفيها على قوائم فدايرة ا ر ط العظمى تقطع دايرة ا ب ح على قوائم ولذلك

تنصفها وتمر بقطبيها وتنصف ا ر على ع في قطب دايرة ا ب ح وذلك ما اردناه ومن

المقالة الاولى وفي **المقالة الثانية منه وعشرون شكلا** وفي بعض النسخ نقصان شكل

في العدد **صدر** الدواير التي في الكرة هي التي تماس فصولها المشتركة بين

كل واحد من تلك الدواير **الاشكال ا** اقطاب الدواير المتوازية التي في الكرة

واحدة باعيانها فليكن في كرة دايرتا ا ب ح د ه ر متوازيتين وليكن قطبا دايرة ا ب ح

ع ط ونصل ع ط فهو عمود على دايرة ا ب ح مار بمركزها وبمركز الكرة ولان دايرة د ه ر

موازية لدايرة ا ب ح فخط ع ط ايضا عمود على دايرة د ه ر

ولان ع ط في مركز الكرة عمود على دايرة د ه ر

فهو يمر بقطبيها فع ط ايضا قطبا دايرة د ه ر فاذن

قطبا الدايرتين نقطتان بعينهما وذلك ما اردناه **ب** الدواير التي تكون اقطابها مشتركة

قوله في الحاشية وانت خبير بانه الى

ذكره شارح الجغميني في ذيل وجه تسمية الاسطرلاب

الشتوي بقوله في اكثر الاقاليم وذلك لان عند

حلول الشمس اليه يكون اول الشتاء في جميع الاقاليم

فالتخصيص بالاكثر مختل كذا ذكره الفاضل البرجندي

ايضا في حاشيته واقول لك توجيهه بان عند

حلول الشمس اليه لا ينتقل الفصل من الخريف الى

الشتاء في جميع الاقاليم وان كان اول الشتاء

عنده او في بعض البلاد المعظم يحصل من

الصيف في الشتاء يعتبر بوسط الخريف وان يوصل

بين الاعدة ايام لا يترتب عليها احكام الخريف

كما لا يخفى على ان الشتاء بالاقليم الثاني

الثالث ايضا كبلاد السند وبعض الهند الحارة

لكونها في مواضع منخفضة من الارض

قدس سره

40

في كرة فهي متوازية ولنترك دائرتا اب ح د ه ز على قطبي ط ك ونصل ط ك فلأن
ط ك يمر بقطبي كل واحدة من دائرتي اب ح د ه ز يكون عمودا على سطحيهما فالسطحان متوازيان
والشكل كما تقدم اول فقد بان من هذا الشكل ان الدوائر المتوازية لدائرة واحدة متوازية

ح كل دائرتين يتقاطعان في كرة لمحيط دائرة عظيمة على نقطة بعينها وكانت اقطابهما
على تلك العظيمة فهما متماستان فليتقاطع في كرة دائرتا اب ح د ح ه دائرة اح ه على
نقطة ح ولتكن اقطابهما على دائرة اح ه نقول فهما متماستان فليكن الفصل المشترك
لدائرتي اح ه اب ح خط ز ح ط ولان
دائرة اح ه العظيمة تقطع دائرة اب ح
وتقطع دائرة د ح ه فهي تنصفهما على قوائم فخط اح ه قطر دائرتي اب ح د ح ه
ولان دائرتي اب ح د ح ه قائمتين على دائرة اح ه على قوائم يكون فصلهما المشترك
وهو ز ح عمودا على سطح دائرة اح ه وعلى اح ه الذي في ذلك السطح ولان ز ح
عمود على قطري دائرتي اب ح د ح ه فهو مماس لهما فاذن الدائرتان متماستان
وذلك ما اردناه

د الدوائر العظيمة المارة باقطاب الدوائر المتماسة في
كرة فهي تمر بموضع تماسها فليتماس في كرة دائرتا اب ح د ه على ح ولتكن ز ع
قطبيهما فان امكن ان يمر دائرة عظيمة بز ع ولا يمر بنقطة ح فلتكن كدائرة ز ب ع
ونرسم على قطب ع وببعد ع ب دائرة ب ط ك
فدائرة ح د ه موازية لدائرة ب ط ك لاشتراكهما
في القطبين ولان دائرتي اب ح ب ط ك يقطعان قوس ز ب ع العظيمة على نقطة ب
واقطابهما عليها يكون دائرتا اب ح ب ط ك متماستين وقد تقاطعتا هف فاذن
المحال

41

قطبها الافق ولكون ز قطب ب ح ع وزه نصف دائرة عظيمة فزايه قطبها الافق
ولان دائرتي ا ح ب د ح ع على قطبين مشتركين بعينهما فهما متوازيتان وكانا متساويتين
فاذن دائرة ا ب ح ماست دائرة اوفي متساوية وموازية لدائرة ح ز د وذلك
ما اردناه د كل دائرتين متساويتين متوازيتين في كرة تماس احديهما دائرة عظيمة
فهي تماس الاخرى ايضا فلتكن الدائرتان ا ب ح د والعظيمة المماسة لدائرة ا ب منهما
ى دائرة ا ه فلتماسها على نقطة ا فان امكن فلا تماس دائرة ح د ز فلتكن المساوية
الموازية لها التي تماسها ا ه دائرة ز ه و ح فتكون في كرة واحدة ثلث دوائر
متساوية متوازية ى ا ب ح د ز ه ر وهذا
محال لان ذلك يقتضي اما ان يكون لدائرة
واحدة اقطاب اكثر من اثنين او ان يساوي الكل جزءه فاذن دائرة ا ه العظيمة تماس
ايضا دائرة ح ز د وذلك ما اردناه ح كل دائرة عظيمة تكون مائلة على دائرة اوفي كرة
اعني انها لا تكون مارة بقطبيها فهي تماس دائرتين متساويتين متوازيتين لتلك الدائرة
الاوفي فلتكن في كرة ا ب ح د العظيمة مائلة على دائرة ب ه د ولتكن قطب دائرة ب ه د
التي لا يمكن ان تكون على دائرة ا ب ح موسطة ونرسم عظيمة تمر بنقطة ز وبقطبي دائرة
ا ب ح وهي دائرة ا ح ه ح على قطب ه ونعمل
ه ا دائرة ا ز فدائرة ا ز موازية لدائرة ب ه د
لتشترك بها المعطاة ولان دائرتي ا ب ح ا ز
تتماسان محيط دائرة ا ح ع على نقطة ا وتمر بقطبيهما فهما متماستان ولان دائرة ا ح
العظيمة تماس دائرة ا ز فهي تماس دائرة مساوية وموازية لها ولتكن ى دائرة ح

٤٣

ما علم

قوله ولان زاويتي ح ز ه متساويتان وح ا مشترك
يكون زاويتان تساوى زاويتي زح ا ه ح ا و ذلك
لتساوى ضلعين من كل منهما اعني ه ح زح ز و اشتراك
ضلع ح ا و تساوى الزاويتين يستلزم تساوى
القوسين اللتين وتر الزاويتان عليهما
بالحادى عشر من ثالثة الاصول فثبت تنصيف
عظيمة ا ب د ح اعداد الارباع الحاصلة من تقاطع دائرتي
اب ح د قوله وبمثله تبين ان قوسي ا ت ب ه
الى ا و ه يعنى بمثل العمل المتقدم انه متساويان
اما قوسا ز ب ب ه فلتساوى زاويتي زح ب
ه ح ب لتساوى ضلعي زح ه ح واشتراك ح ب
فتكون بما اعني ز ب ب ه متساويتان بالحادى
وعشرين من ثالثة الاصول واما قوسا ز د د ه
فلتساوى زاويتي زح د ه ح د لتساوى ضلعي
زح ح ه واشتراك ح د فيكون قوسا ز د د ه ايضا
متساويتان بما ذكرنا اما قوسا ز ک ک ه فلتساوى زاويتي
زح ک ه ح ک لتساوى ضلعي زح ه ح واشتراك ح ک
فيكون ما متساويتان فثبت تنصيف عظيمة ا د ب ک
الانصاف الارباع الحاصلة من تقاطع دائرتي ا ب ح د وهو المراد

43

45

48

خط اسج ولدائرتي ب د ا م ج خط د س وكذلك فصول نقطة ح لجميع الكرة
الكرة الاولى ولان دائرة ا م ج قد قطعت دائرة ا ب ج د ب د على نصفين وعلى قوائم
ويكون نصف قطري ا ج ب د على سطح ا م ج فصل س الكرة عمود على سطح ا م ج
على نصف س د س ا وكذلك يكون عمودا على ... ولان سطح ... مساو
يكون العمود الواقع من ... على سطح ا ج د الذي ... على خط ا ج اطول من العمود الواقع
... فتكون قوس ... اعظم من قوس ... وكذلك ... دائرتين
متساويتين فيجب ... لدائرة ... ادن دائرة

اثبت مثلا ... دائرة ا ب ج د دائرة ... على دائرة ... لكن قطعي
سطحي دائرتي ... متساويين ... متساويين ... ولكن
... متساوين ويكون ... فتكون مثلا الدائرتين
على دائرتي ... متساويين فالمثلان متشابهان وذلك ما اردنا ان نبين

اذا كانت في كرة دائرة عظيمة تماس دائرة غير عظيمة وتقطع دائرة سواها يلي تماسها
وهي تماس ... الكرة ... التي تماسها العظيمة وكان قطب العظيمة تماس ... المتوازيتين
ونرسم دوائر عظام تماس اعظم المتوازيين فان هذه الدوائر تكون مائلة على العظيمة
الاولى واكثرها ارتفاعا التي يكون تماسها على وسط القطعة العظمى من قطعتي الدائرة الكبرى

51

المقالة الثالثة اربعة عشر شكلا ا اذا رسمت على وتر غير القطر دائرة
قطعة دائرة ليست باعظم من نصف فانه على سطح تلك الدائرة على قوائم وقسم قوس
القطعة على نقطة بنصفين فوتر اصغر ... هو اقصر خط يخرج من تلك النقطة الى
اعظم قوسي الدائرة الاولى وان كان الوتر قطرا مع ذلك كان انه وتر
اصغر قوس القطعة هو اقصر خط يخرج من موضع القسمة الى محيط الدائرة الاولى ووتر
اعظمهما هو اعظم تلك الخطوط فلتكن الدائرة ا ب ج والوتر غير القطر ب د
ولتكن ب ج د اعظم قسمي الدائرة والقطعة التي ... على ب د العامة على خط
الدائرة ب ه د وهي ليست باعظم من نصف دائرة وقد قسمت على ه ووصل
وتر ا ب ه د واصغرهما ه ب فنقول انه اقصر خط يخرج من ه الى قوس ب ج د
ولنخرج من ه عمود ه ز على سطح دائرة ا ب ج فيقع على فصل ب د لقيام القطعة على الدائرة

ل قسميها هو

اولى ووتر اعظم قسميها هو اطول خط يخرج من موضع القسمة الى اصغر قوسي الدائرة محيط

وليكن الكرة ح ونفرز ح
ونخرجه الى ط ك في الجهتين ومن
الى قوس ب ح د ه له ونصل زل
فلان زاويتي ه ز ب ه ز ل
قائمتان وه ز مشترك و ز ب
اقصر من ز ل يكون ه ب اقصر

من ه ل و ه ح من ه ز د و بمثل ذلك ان ه ا اقصر من ه ح و نفرز ه ك و سائر اطول
الخطوط الخارجة من ه الى قوس ب ك وايضا ح ح ه م ز و بين ان ه ك اطول
الخطوط التي تخرج من ه الى قوس ك د وان ه د اقصرها وكان ه ب اقصر من ه د فاذن
ه ب اقصر خط يخرج من ه الى قوس ب ح د ثم ليكن ب د قطر دائرة ا ب ح
فيكون المركز على ز د و يكون ز د اطول خط يخرج من ز الى المحيط وبالبيان المذكور
يتبين ان ه د اطول خط يخرج من ه الى محيط دائرة ا ب ح د و ه ب اقصرها وذلك
ما اردناه اقول واذا كانت العظيمة معمولة على القطر فلا يحتاج الى ان
يشترط كون القطعة ليست باعظم من نصف دائرة — اذا رسمت على وتر دائرة
نصف قطعة ليست باصغر من نصف الدائرة قطعة دائرة ليست باعظم من نصفها
مايلة على القطعة الاولى ليست باعظم من نصف الدائرة وقسمت قوس القطعة المايلة على نقطة
بنصفين وتر اصغر قسميها اقصر خط يخرج من سطح التي قوس القطعة الاولى ليست باصغر
من نصف الدائرة ولتكن الدائرة اب ح د والوتر ا ح والقطعة التي نصفها الوتر
وليست باصغر من النصف قطعة اب ح فقطعة ا د ح ليست باعظم من النصف والقطعة المنشوة

52

الموضوع على اه المائلة على قطعة ا د ج من ا ه ج
ولتكن باعظم نصف دائرة ونا وقد قسمت
على ه و ه ا اقصر القسمين فنقول ان ه ا اقصر خط
يخرج من ه الى قوس ا ب ج وليخرج من ه عمود ه ر
على سطح دائرة ا ب ج وينفذ الى جانب د لتكون القطعة التي على ا د ج
ولنكمل الكرة ونتوهم انه يكون الملتقى على خط ا ج واما في قطعة ا ب ج ولتكن اولا فيها
ونصل ر ج و ر ح الى ... الجهتين ونخرج ه ط ه ك ونصل ر ط ر ك ه ب
ه ج ... بين ان ... على ... الاقصر ... اقصر ... القوى
على ر ط الاطول ... وكذلك غيره من الخطوط وان ه ب اطول خط
يخرج من ه الى قوس ا ب وكذلك بين ان ه ج اقصر يخرج من ه الى قوس ج ب ولان
ه ب اطول ولكون ه ا اقصر من ه ج يكون ه ا اقصر خط يخرج من ه الى قوس ا ب ج
وايضا ان كان الملتقى على ا ج كان ه ج اطول الخطوط التي تخرج من ه الى قوس ا ب ج
و ه ا اقصرها وذلك ما اردناه ح كل دائرتين عظيمتين متقاطعتين على كرة فصل
كل واحد منهما قوسان متساويتان متصلتان عند التقاطع فان الخطوط المستقيمة
الواصلة بين اطرافها التي في جهة واحدة متساوية فلتتقاطع عظيمتا ا ب ج د
على كرة على ه ولتفصل من دائرة ا ب ه ا ه ب متساويتين ومن دائرة ج د
ه ج ه د متساويتين ولنوصل ا د ب ج فنقول فهما متساويان ونرسم على قطب
ه وبعد ه ا دائرة فتمر بنقطة ب ولا محالة ان تمر بنقطة د كما في الصورة الاولى

او لا يمر كما في الصورة الثانية فان مرت مرت بنقطة د ولتكن الفصل المشترك
لدائرة ا د ب ج مع دائرة ا ه خط ا ه ومع دائرة ج ه د خط ج د ولان كل واحدة
من العظيمتين مرت بقطب دائرة ا ب ج فهي تنصفها على قوائم فا ب ج د قطران
ور المركز ولتكن ر ونخرج خطوط ر ا ر د ر ب ر ج وزاويتا ر المتقابلتين يكون
قاعدتا ا ب ج د متساويتين وان لم يمر اخرجنا قوس ج ه د الى ط في الجهتين
ونصل فصلي ا ب ط ج وبيانها

الصورة الثانية

الصورة الاولى

قطران وان ر مركز ونخرج من نقطتي ج د عمودي ج ح د ك على دائرة ا ج ب ط
فيقعان على فصل ج ط لقيام دائرة ج ه ط على سطح دائرة ا ج ب ط وفصل ا ب ك
فلان مثلثي ا ر ك ب ر ح زاويتي ر متساويتان وضلعا ر ا ر ب متساويان
وزاويتا ك ح قائمتان يكون خطا ا ك ب ح متساويين ولان قوسي
ه ط ه ج متساويان وكذلك قوسا ه د ه ج يكون قوسا ط ج قطعتي ه ط
متساويتين وعمودا ا ك د ك متساويان ولان مثلثي ا ك د ب ح ج زاويتي ك ح
قائمتان وضلعا ا ك ب ح متساويان وكذلك ضلعا ك د ح ج فضلعا ا د ب ج
متساويان وذلك ما اردناه د اذا تقاطعت دائرتان عظيمتان في كرة
وفصلت من احديهما قوسان متساويتان عن جنبتي احد التقاطعين وسطحان

53

سطحان متوازيان يحيطان بها وفصلا الدائرة الاولى قوسان ابه عن جنبيه كل واحدة
منهما اصغر من احدى الثلث وبين ولتكن احد السطحين الفصل المشترك لسطحي العظيمين
خارج الكرة من جهة التقاطع المذكور كانت القوس المنفصلة بالسطح الذي لا يلاقي
الفصل المشترك اعظم من القوس المنفصلة بالسطح الذي يلاقيه فليكن العظيمان
ا ه ب ج ه د والتقاطع ه ولنفصل من ا ه ب قوسا ه ا ه ب متساويتين بجنبتي ه
وليمر سطح بنقطتي ا ب فيحدث منه دائرة ا ط
ويوازي فصل دائرتي ا ه ب ج ه د خارج
الكرة من جانب ه وسطح ا د بنقطتي ج ب
فيحدث منه دائرة ب ح د ويوازي
الفصل وكان كل واحدة من قوسي ح ه د ه اصغر
من احدى قوسي ا ه ه ب فنقول ان قوس ح ه
اعظم من قوس د ه ونرسم على قطب ه وببعده ا دائرة ا ح ب ز ونخرج قوسي ح ز
من سطحي ز ح منها فلان دائرتي ا ه ب ز ه ح مارتان بقطب دائرة ا ح ب
تكونان قائمتين عليها منصفتين لها ولنفصل ا ب ز ح فتكونان قطرين وله
مركز دائرة ا ح ب ز ولتكن ا ط ب ك فصلين لدائرتي ا ز ط ب ح ك مع دائرة
ا ح ب ز و ز م ح م فصلين لهما مع دائرة ز ه ح ونتوازيان لكون كل اثنين منهما
متوازيين وليكن فصل دائرتي ا ب ح د وهو عمود على سطح ا ح ب ز لقيام الطرفين
عليه ولنلق السطح المار بـ ا ع م س خارج الكرة ويكون تقاطع د س سطحي
ا ط ز ح منفصلا وبعد ا واح ينتهي الى س ولان ا ط ب ك متوازيان

واسم د ه واقعان عليهما يكون مثلثا ا ل م ب ل د متشابهين و ا ل ب ل متساويان

فلذلك ا م ب م د متساويان و يبقى م ر ح ح متساويين و لان ب ل عمود على ر ح و د م

ح د متوازيان يكون زاوية ب ل م ح اعني زاوية د ح ح حادة و زاوية ب م

منفرجة و لان قطعة ر ه ح فضل من نصف دائرة و ر ح د ه متساويين و اقيم عليهما على منفرجة

و د ه على حادة يكون ر د اعظم من ح ه و يبقى مر ح ه المتساويين ا ه اعظم من ر ه

وذلك ما اردناه ٥ اذا كان قطب دواير متوازية في الكرة على دائرة عظيمة و قطعها

عظيمتان على زوايا قائمة احديهما المتوازية و الاخرى مائلة على المتوازية و فصلت من المائلة

قسي متساوية متصل بعضها ببعض على التوالي في جهة واحدة من العظيمة المتوازية ثم رسمت

دواير المتوازية تمر بالنقط التي هي فانها تفصل من الدائرة العظيمة الاولى في ما بين المتوازية

فيما بينها اعظمها ما يقرب من العظيمة المتوازية فليكن قطب المتوازية اي العظيمة المارة بها

ا ب ح د و العظيمتان القاطعتان اياه على قوايم ب ر ح ه ر ك الاولى و هي ب ر د

من المتوازية و الاخرى و هي ه ر ك المائلة على المتوازية و لنفصل من المائلة قسي ك ط ط ع

متساويتين كيف اتفق و نرسم من المتوازية

دواير ع ك ف ط س ل ح م مارة بنقط

ك ط ع فنقول انها تفصل من دائرة ا ب ح د

قوسي ع د د ل مختلفين اعظمهما اقربهما الى دائرة

ب ر ح د و نرسم عظيمة تمر بنقطتي ا ط و هي دائرة ا ط ه فلان ا قطب دائرة

ع ك ف ط س يكون قوسا ا ع ا ف متساويتين و كذلك قوسا ا ح ا ط و يبقى

قوسا ع ط ف متساويتين و كذلك نبين ان قوسي ل د ط متساويان و لان

54

ولان اط ه تقطع ع ه ف وم نقطه فهو منصف على قوايم وقد رسم على قطع ه ف اى ع
قطع ه ط ع ما يفصل ما التي هي ليست باعظم النصف فانه على سطح ع ه ف فصل منها
ط ه اصغر من نصف القطعه فانه خط ع ح اطول من خط الى المحيط ع ه ف سوى ط ه فهو ط ه
اقصر وط ه ومما سواه متساويه قطع ا اعظم من ط ه وبمثل ذلك نبين
ان ط ع اعظم من ط ص وذلك بان نتوهم قطعه ط ص وما يفصل منها على قطر دايره
ل ص م اى ع نقطه ص ولان سطحي دايرتي ر ح ل ح م متوازيان وسطح ر د
العظيمه منها يقطع نصف اط ه و ط ك العظيمتين على مركز الكره فسطح ل ح م يقطع ايضا
الكره وكان ط ع ك ط ع مختلف تعاليها متساويين وكل واحد من ط ه ط ص العظيمتين
بالسطحين اصغر من احد المتساويين يكون ط ع اعظم من ط ا اعظم ايضا وذلك
ما اردنا و اذا كانت قطب دواير متوازيه في الكره على دايره عظيمه وقطعها
عظيمتان على زوايا قايمه احديهما من المتوازيه والاخرى مايله على المتوازيه وفصلت
من المايله قسي متساويه متصله على التوالي في جهة واحدة من العظيمه المتوازيه ثم رسمت
دواير عظام تمر بالنقط الحادثه وبالقطب فهي تفصل من الدائره العظيمه المتوازيه فيما
بينها قسيا مختلفه والقوس الاقرب من الدايمه الاولى اعظم من الابعد ابدا
القطب ا والعظيمه المار به ولتقطعها عظيمتان ر د ه على قوايم و ر د
منها اعظم المتوازيه ودوره مائله على المتوازيه
ونفصل منها قطع متساويه متصله على
التوالي في جهة واحدة من د ه و ر س دواير
عظام تمر بنقط ا و نقطة ط ك ل دواير

55

من المايلة قسي متساوية متقدمة على الولاء لان جهة من العظيمة الموازية ورسمت دواير
من المتوازية ايضا تمر بالنقط الحادثة فانها تفصل فيما بينها من العظيمة الاولى قسيا
غير متساوية واعظمها ما يقرب من العظيمة الموازية فلتكن العظيمة الاولى اب ج ولتماس على ا
دائرة ا من المتوازيات ولتكن المايلة عليها ه ح د وهي تماس على نقطتي ح
العظيمة الاولى دائرتين من الموازية اعظم مما اي ولتكن اعظم المتوازية ب د ح وتفصل
المايلة قسيا د ك ك ط على الولاء متساوية ونبين ونرسم دواير من المتوازية تمر بنقط
ك ط وهي دواير م ط د س ع ح ف ل ه فنقول ان قوس م ل اعظم من قوس
س م ونرسم عظيمة تمر بنقطتي ز وتماس
وتماس الاخرى على ح وهي دائرة ز ح
فنصف الدائرة التي مبدأه من ا
ويكون على جانب لا يلاقي النصف
الذي يبتدي من د ويكون على جانب
ولتكن قطب المتوازيات ت ونرسم
عظيمة تمر بنقطتي ت ك وهي دائرة ت ك ث فمن اجل انها تقطع دائرة ف ل ه
وتمر بقطبيها تنصفها وتقوم عليها فدائرة ت ك ث قائمة على ف ل ه فيجب قد رسم
على قطر دائرة ف ل ه والذي يخرج من سطح ت قطعة ت ح ما يقبل زاوية قائمة
على سطح الدائرة وقد قسمت بمختلفين على ك و ك ث منها القطعة الصغرى فوتر ك ث
اقصر خط يخرج من ك الى محيط دائرة ف ل ه والقريب منه اقصر من البعيد فوتر ك ل
اطول من وتر ك ه ومثل ذلك تبين ان وتر ك ط اطول من وتر ك ح لان دائرتا ك ح

56

بنقط ث ى ما و ه للواصل بين ح ه ونرسم موازية بمر بنقط ش ى دائرة ف ث ذ
ولتكن قطب المتوازية ص
ونرسم عظيمة تمر بنقطتي ص ع
ولانها تمر بقطبي دائرة ب د
فهي تنصفها على قوائم ولتكن
ص ع قائمة على ب د ويكون
ص ع مائلة على ب د الى ناحية
ا ب ود ب د مائلة على ص ع الى ناحية ص ولان سطحي ف ذ ث ى متوازيان
وقد وقع عليهما سطح ص ع ففصلاهما المشتركان متوازيان فقد وقع دائرة
ص ع وقسم الدائرة بنصفين وسوف دائرة ص ع ف ث ذ وعمل عليه
قطعة ث ى ع مما يحصل بها على القطعة التي ليست باعظم من نصف دائرة وقسمت
ع على ث بنصفين وقوس ث ى اصغر من نصف القطعة فوتر ث ى اقصر من وتر ع ح
المساوي لوتر ح ه فوتر ح ه اطول من وتر ث ى ولان دائرة ف ث ذ اكبر
من دائرة ح ه لكونها اقرب الى مركز الكرة وكان الوتر الاطول في الدائرة الصغرى
والاقصر في الكبرى فقوس ح ه اعظم من القوس الشبيهة بقوس ث ى من دائرتها
ولكن قوس ح ه شبيهة بقوس له وقوس ث ى شبيهة بقوس ع فقوس له
اعظم من القوس الشبيهة بقوس ح ع ومن دائرة واحدة فقوس له اعظم
من قوس ح ع وذلك ما اردناه ط اذا كان قطب دوائر متوازية في كرة على
دائرة عظيمة وقطعت النقطة عظيمتان على قوائم احديهما المتوازية والاخرى

ما يلي على المتوازية وفصل الابد قوسان متساويان غير متصلتين على التوالي في جهة
بعينها عن اعظم المتوازية ثم رسمت دوائر عظام من قطب المتوازية ومن النقط
الحادثة فانها يفصل من اعظم المتوازية فيما بينها قسيا يحملها اعظمها ما يقرب
النقطة الاولى فليكن العظيمة الاولى ا ب جـ د وقطب المتوازية عليها ا والعظيمتان
المائلتان احديهما ب ه و هي اعظم المتوازية والاخرى د ه ح وهي المائلة على المتوازية
وليكن القوسان المنفصلتان عليها ح ط ك م متساويتين وغير متصلتين ولنرسم
دوائر عظام من نقط ا ونقط ح ط ك ل وهي دوائر ا ح م ا ط ا ك س
فنقول ان قوس ل م اعظم من قوس ... س وذلك ان قوس ح ط اما ان يكون مشاركة لقوس
ح ط ك في المقدار واما ان لا تشاركها وليكن في الصورة الاولى مشاركة لها
ولتكن قوس ح ط ك بالمقدار المشتركة على نقط ع ف ق ونرسم دوائر عظيمة من
هذه النقط ومن قطب ا وهي دوائر ع ش ف ت ق ث فلان قسي ح ع ع ف
ف ح ط ط ق ق ر ر ك متصلة متوالية متساوية يكون قسي ل ش ش ت ت م
م ... ث ... س متصلة متوالية يحملها اعظمها له ش وما يقرب منها اعظم
مما بعد على الترتيب فلان قوس ل ت اعظم من قوس ... وت م اعظم من ... س
يكون كل ل م اعظم من كل ... س ثم ليكن ح ط غير مشاركة لكل واحدة من قوس ح

الصورة الثانية

الصورة الاولى

ا
د
ب ه ط س ك ح ه
ل
م
ع
ز

فلتكن ب ح مقدار ان غير متساويين
ود ثالث من جنسيهما في المطلوب
وجود مقدار اصغر من اب واعظم
من ح ب يكون نسبته كالذي ينقسم
اح على ز وينقسم ده مرة بعد اخرى الى ان يصير اصغر من ح ز ونقدر ز ح
ح د بان ينقسم مرة بعد اخرى الى ان يبقى او يبقى منه ما هو اصغر
من ح ك وهو ط ح فيكون ب ط يقدر ه ح واذا
زدنا على ب ط د ح صار اعظم من ب ح وهو ب ك
فب ك مقدار اصغر من اب واعظم من ح ب ويشارك
لد لان ك ح يقدرهما جميعا وهو المطلوب يا اذا كان قطب دواير
متوازية في كرة على دائرة عظيمة وقطعت العظيمة عظيمتان احديهما على قوائم
احديهما المتوازية والاخرى مايلة على المتوازية وقطعت المايلة عظيمة
اخرى تمر بقطب المتوازية فيما بين اعظم المتوازية والدائرة المماسة
للمايلة من المتوازية فان نسبة قطر الكرة الى قطر المماسة للمايلة من المتوازية
اعظم من نسبة القوس من اعظم المتوازية التي تقع بين العظيمة الاولى والاخرى
التي تمر بقطب المتوازية الى القوس من المايلة التي تقع بينهما ايضا فلتكن
العظيمة الاولى اب ح د وقطب المتوازية والعظيمتان الاخريان
على دايرة اب ح د اب ه ح من المتوازية و ده ز المايلة والعظيمة
الاخرى المارة بقطب المتوازية اح ك وهي التي تقطع ده ز المايلة على نقطة

60

فليكن مثلث ا ب د وخط د ى والدعوى

بحاله ونخرج ى ه موازيا لا د ونرسم

على كرى د وبعده ى قطعة دايرة ى ك

ر ح فلتكن زاوية ى ب ه قائمة و

زاوية ى ه ب حادة فيكون ى ه اطول من ى ب وايضا تكون زاوية ى د ه منفرجة وزاوية

ى د ه حادة فيكون ى د اطول من ى ه فلذلك يقطع قوس القطعة خط ى د على ر ونتمم

خط ى ح فيكون قطاع ى ر ح اعظم من مثلث ى د ه ويكون مثلث ى د ه اعظم من قطاع ى ر ه

ومثلث ى ه ب اعظم من قطاع ى ه ح ويكون نسبة مثلث ى د ه الى مثلث ى ه ب اعظم

نسبة د ه الى ه ب اعني نسبة ا ى الى ى ب اعظم من نسبة قطاع ى ر ه الى قطاع ى ه ح

اعني نسبة زاوية د ى ه الى زاوية ه ى ح ولكن زاوية د ى ه مساوية

لمبادلها اعني زاوية ى د ا وزاوية ه ى ح الى ما مساوية

لزاوية ب ا د الداخلة فنسبة ا ى الى ى ب اعظم من نسبة

زاوية ا د ى الى زاوية ب ا د وبالتركيب

نسبة ا ب الى ب ى اعظم من نسبة مجموع زاويتي

ا د ى و د ا ى اعني زاوية ب ى د الى زاوية ب ا د وذلك ما اردناه

ب اذا ماست عظيمتان احدى دواير متوازية في كرة ونظيرتها وفصلتا

بينهما قسيا متشابهة وماست عظيمة مائلة على المتوازية دايرتين من المتوازية اعظم

اللتين ماستهما الاوليان وقطعت المائلة العظيمتين الاوليين فيما بين اعظم المتوازية

وبين الدايرة التي ماستها الاوليان كان نسبة ضعف قطر الكرة الى قطر الدايرة التي

٦١

اعظم من ب د فان د ن نسبة ضعف قطر الكرة الى قطر دائرة ه ح اعظم كثيرا من نسبة قوس
ب د الى قوس ط ك وذلك ما اردناه اقول في بيان ان دائرة ل ط م
قوس ك ع قد تبين تمامه في الشكل الرابع عشر من المقالة الثانية تساوي قوس ط ك
ط ع ودائرة ل ط م المارة بنقطة دائرة ط ع ق تنصفها على قوائم فيكون قطعة ط م
وما يتصل بها المعمولة على قطر دائرة ع ك المار بنقطة م قائمة على سطح دائرة ع ك
ويكون وترا قوسي ط ك ط ع اي الخارجين من نقطة ط الى محيط ع ك متساويين فيكون قوسا
ط ك ط ع متساويين بتبين تمامه في الشكل الحادي عشر من المقالة الثانية والنزول ان
ان البيان هناك كان في دائرتين متساويتين وهنا في دائرة واحدة

ح اذا فصلت دوائر متوازية في كرة من دائرة عظيمة قسيا متساوية عن جنبتي
اعظم المتوازية ومرت بالنقط اي دوائر عظام اما ان تقطع المتوازية
واما مماسة لاحديها بعينها فان ما ينفصل من اعظم المتوازية فيما بينها قسي متساوية
فليكن في كرة دائرتا ا ب ح د المتوازيتان وقد فصلت من دائرة اي العظمى
قوسا ا ه ه د عن جنبتي دائرة ز ه ح التي هي اعظم المتوازية متساويتين ولتمر
بنقط ا ه د اي دوائر
ا ز ح ط ه ك ب ه د العظام
المارة بنقط المتوازية
او المماسة لاحديها بعينها
فنقول ان قوسي ز ه ه ح
متساويتان وذلك لان

متوازيي اب حد من اجل انهما يفصلان عن خطين من اعظم المتوازية قوسين متساويتين
يكونان متساويتين ولتساويهما يكون قوسا ط ه ح من الدائرة العظيمة الملتقيان
بهما متساويتين فالخط الواصل بين ط ح مساو للخط الواصل بين ه ح لكونهما وترا قوسي
ط ا ه ح من دائرتين متساويتين فط ا ه ح متشابهان وط ا الشبيهة ر ح
شبيهة ح ح فه ر ح ح متشابهان فهما من دائرة واحدة فهما متساويتان
وذلك ما اردناه يد اذا ماست بالفرض في كرة دائرة عظيمة احدى دوائر
متوازية وماست عظيمة لتوى مايلة على المتوازية دائرة من المتوازية اعظم
من الاولى فان هاتين العظيمتين يفصلان من ساير الدواير المتوازية فيما بينهما
قسيا مختلفة يكون ما قرب منها من احد العظيمتين اعظم قوس من دايرتها
شبيهة بما بعد عنها فليكن في الكرة عظيمة اب مماسة لدائرة ا ى من المتوازية
على ا وعظيمة ب ه ح مايلة على المتوازية مماسة لدائرة اعظم من دائرة ا ى [illegible]

ولنعلم على ب ح ه المايلة ح كيف اتفق ونرسم ط متوازيتين تمران بهما مارة ح ط ك ل فنقول ان قوس ح ط اعظم
من قوس من دائرتها شبيهة بقوس ك ل وان قوس ط ك اعظم من قوس دائرتها [illegible]

4

بسم الله الرحمن الرحيم وعليك التكلان يا كريم

بدا كتاب الكرة المتحركة لاوطولوقس اصلحه ثابت وهو مقالة واحدة واثنا عشر شكلا

الصدر النقط التي تتحرك حركة معتدلة هي التي تسير في ازمان متساوية مقادير متساوية

واذا سارت نقطة قوسين او خطين بحركة معتدلة كانت نسبة الزمان الى الزمان كنسبة القوسين

او الخطين محور الكرة هو قطرها الذي تدور عليه وهو ثابت وطرفاه قطباها الاشكال

ا اذا دارت كرة على محورها دورانا معتدلا رسمت كل نقطة مفروضة عليها غير التي على المحور

دوائر متوازية اقطابها اقطاب الكرة تقوم على المحور قائمة عليها فلتكن كرة محورها اب وقطباها

نقطتا ا ب ولتدر على اب دورانا معتدلا ولنفرض نقطة ح على سطحها ونخرج منها عمود ح د

على المحور ونخرج السطح المار بخطي اب ح د فيحدث دائرة نصفها قوس ا ح ب واذا دارت

قوس ا ح ب على اب حتى عادت الى مبدأها رسم عمود ح د دائرة مركزها د ونصف قطرها

ح د والمحور عمود عليها وظاهر ان سطحي قطباها ا ب لان

خطوط العمود عليها تمر بمركز الكرة وبمثل ذلك تبين

حال سائر النقط ولان اقطاب الجميع واحدة تكون الدوائر الحادثة متوازية وذلك

ما اردناه ب اذا دارت كرة على محورها دورانا معتدلا قطعت جميع النقط التي

على سطحها من مداراتها المتوازية في الازمان المتساوية قسيا متشابهة فلتكن كرة محورها اب و

قطباها نقطتا ا ب ولتكن على سطح الكرة نقطتا ح د ومداراهما المتوازيان دائرتا ح ه

د ح ط ونفصل منهما قوسي ح ه د ح التي ينتهي فيهما النقطتان ح د ونقطعان قوسي ح

ه د ح في ازمان متساوية ولنمر با ح دائرة عظيمة فتقطع ثم انها ان سارت نقطة ح كانت

كدائرة ا ح د ب والدائرة المرسومة على نقطة ا مرت لا محالة بنقطة ح وكانت كدائرة

63

كدائرة اه ح ب وفي الزمان الذي يسير فيه ح ى ان الم يسير كلي ح فليس بين ح وبين ح
نصف دائرة ا ه د ب مثل نصف دائرة اه ك ب ودائرتا اه ح ب اه ك ب العظيمتين
متقاطعتان على الكرة متطابقتين سف وان الم عظيمة اه ب سقط ه من خارج عنها فتكون
كدائرة اه د ب في الصورة الثانية ولم يكن ان مر دائرة اه سقط ح بل كان ان يتباع
ع نقطة ح كسقط له كما تقدمت نقط ه نقطة د ويكون كل واحدة من قوسي ح ك ح تشبيه
بقوس د ه فيكونان متشابهتين بين ... ويتبين لكونهما من دائرة واحدة فاذن في الزمان
الذي يسير فيه ح ى ويسير فيه كلية يسير ح كلي ح وذلك ما اردناه

ووجد هذا الشكل في نسخة اخرى هكذا لتكن مدارا ه د دار ح د ه د ر المتوازيتين
وليمر بكلا محوراب وبنقطة ه محيط عظيمة ا ه ب فان مرت بنقطة د كما في الصورة الاولى
صارت نصف دائرة اه د ب بعد الحركة كنصف دائرة اه ر ب فتكون قوسا ه ه د ر
ب ر الاكر
متشابهتين لوقوعهما بين عظيمتين ففي زمان يسير ح ى ان الم يسير كلي ربل سار
لي ح صارت وضع نصف دائرة اه ر ب كوضع نصف دائرة اه ح ب ولكونهما
عظيمتين يكون الخط الواصل بين اه قطر الكرة فنقطة اه من دائرة واحدة اطراف
النقط وهذا محال وان لم ا د ب بد ل كما في الصورة الثانية كنصف دائرة اه ط

ولنكن قوس ح ه شبيهة بقوس ح ه وكانت ط ر شبيهة لها فقوس ح ه شبيهة بقوس ط ر وهي مساوية لها ففي
الزمان الذي يسير ح فيه الى ه يسير ط الى ر وفي الزمان الذي يسير ط الى ر يسير ك الى ح فاذن
في الزمان الذي يسير ح الى ه يسير ك الى ح وذلك ما اردناه **ح** اذا دارت كرة
على محورها دورانا معتدلا فان القسي التي تسير بها النقط التي على سطح الكرة على المدارات
المتوازية في ازمان متساوية يكون متشابهة فلتكن المحور اب ونقطتا د ه على محيطها
وفي زمان يسير ك الى ح يسير ح الى ه فقوس ح ه د ح متشابهتان والا فلتكن

ك ح شبيهة بـ ح ه ففي الزمان الذي يسير ح الى ه يسير ك الى ك وقد فرض انها تسير الى ح
فاذن نقطة ك يسير الى نقطتي ك ح في وقت واحد هذا خلف فاذن الحكم ثابت وذلك ما اردناه
د اذا كانت في كرة دائرة عظيمة تحد بين ظاهرها وخفيها فليسم بالافق وكان المحور
عمودا عليها فان النقط التي في النصف الظاهر يكون ابدا ظاهرة والتي في النصف
الخفي يكون ابدا خفية ولا يكون لشيء منها طلوع ولا غروب فليكن العظيمة الحاجزة بين
الظاهر والخفي دائرة اب ح ولتكن نقطتا
د ه مداريهما ده ر ولتكن المحور عمودا على اب ح
بالنص في على ك ه د لما لم تكونا متوازيين فلا تكن

مع الطع وكو ده دى كط
مداريهما المتوازيين ولتسير ح
في الزمان الذي يسير فيه ح الى ع
نسخه

64

فلا يكون لنقطة طلوع ولا غروب وان لم تقطع مدارها دائرة اب ج الموازية لما سعت
فاذن الحكم ثابت وذلك ما اردناه ه اذا كانت الدائرة العظمى التي بها على
الكرة التي هي بين ظاهرها وخفيها اعني الافق مائلة بقطبيها كان لكل نقطة على بسيطها طلوع
وغروب في كل دورة ويكون زمانا ظهورها وخفائها متساويين ولتكن العظيمة
التي هي بين ظاهر الكرة وخفيها اب ج د ولتكن نقطة ما على الكرة ومدارها د ر
فلان ح قطب الكرة وهو على دائرة اب ج د ويكون عظيمة اب ج د القاطعة لدائرة
ه ر مائلة بقطبيها ولذلك يكون منصفا اياها فيكون د ر ه مساوية لب ه د
واذا كانت احدى نقطتي د ر
مطلع النقطة كانت الاخرى
مغيبها ويكون لتشابه القوسين
المتساويين زمانا ظهورها
وخفائها متساويين وذلك ما اردناه و اذا كانت دائرة الافق
مائلة على المحور في كرة فانها تماس دائرتين متساويتين متوازيتين يكون احدهما
ابدية الظهور والاخرى ابدية الخفاء فليكن الافق اب ج د وليكن مائلة
على المحور لا يكون قطباها قطبي الكرة ولا هي مارة بقطبي الكرة فيكون مائلة على
المتوازية ولذلك يكون مماسة لمتوازيتين وليكونا اه رج ح ونقطتا ا د
نقطتي التماس وليكن قطباها اعني قطبي الكرة ط ك والظاهر منهما ط ولنخط قطب
وبرسم عظيمة تمر بنقطتي ط ا تمر بنقطتي ح د ولتكن دائرة اط ه ح ك ج
ولتساوي ط ا ح ك ولاشتراك ط ح يكون ط ك مساويا لحا ولتساوي ط اط ه

العظيمة نسخة

فلان قطب دائرة ه ر قطب الكرة نسخة

65

سو العليم

قوله في انه يعلم بمطلعين قريبين من المطلعين الخ وذلك لوجوب
تغاير نقاط التقاطع بعد زوال الانطباق والالزم ان يتحرك نقطة
ولم تفارق نقطة معينة من مداره الخ فيكون تقاطعهما في الحاشين على
اربع نقط عن الانقلابين وبقطبي السماك والحوت التي كانت مارة
من منطقة كل الفا جنهما وذلك التقاطع اما منطقة البروج فعلى تقاطعين
قريبين من الانقلابين في جانب التوالي واما من الافق فعلى تقاطعين قريبين
من قطبي السماك والحوت وتوضيحه انه بعد زوال الانطباق
بحركة قليلة من المعدل يقاطع الافق ومنطقة البروج اما في جهة السماك
فيقطع من فلك البروج قريبة من الانقلاب الصيفي في جانب التوالي
ويقطع من الافق قريبة من نقطة السماك شرقية عنها فيكون ذلك التقاطع
في جانب الشرق منها واما في جهة الحوت فيقطع من البروج قريبة من
الانقلاب الشتوي في جانب التوالي ويقطع من الافق قريبة منها من
نقطة الحوت غربية منها فيكون ذلك التقاطع في جانب المغرب
ويكون التقاطعان متناظرين وكلما يظهر بادئ يخفي [illegible]

فنقول ان دائرة ب ح د
سطح دورة الكرة
على دائرة ا ب ح د
ولنرسم متوازيين ط ك ل

م ه س فلان نصف الدائرة التي من ه الى ا م ي د لا يلقى نصف الدائرة التي من ا
الى ا م ل ب تكون قوسا ا ه ط ك م ه متشابهة ونقطة ه ك ه تقطع قوسا ا ه ط ك م ه
في ازمان متساوية فاذا سارت ه الى ا سارت ك الى ط وه الى ي وك تحت سطح
ه ك ه على سطح ا ط م فانطبقت قوس ه ك ه على قوس ا ط م وكل دائرة ب ح
على كل دائرة ا ب ح د وذلك ما اردناه ط اذا كانت دائرة الافق تحيط بكرة
مائلة على المحور فان النقط التي تغرب معا لا تطلع معا لكن ما كان اقرب الى القطب الظاهر
يتقدم طلوعه والنقط التي تطلع معا لا تغرب معا لكن ما كان اقرب الى القطب الظاهر
يتاخر غروبه فلتكن الافق المائلة على المحور ا ب ح د والقطب الظاهر ه والدائرة
التي تماسها الافق في جانب القطب الظاهر ا ر وليكن نقطة ب اقرب الى [illegible] من نقطة ح
وكذلك نقطة د من نقطة ط وليكن د ط الجهة الشرقية و ب ح الجهة الغربية و ب ح
يغربان معا و د ط يطلعان معا ونرسم عليهما متوازيين ب ك د ح م ط فقوس
اعظم قوس تكون شبيهة بقوس ح م ط لقربها من القطب وقوس ب ل ه ك ا صغر
قوس تكون شبيهة بقوس ح ط فاذن نقطة ب تقطع قوس ب ل ك قبل
نقطة د قبل ان تقطع نقطة ح قوس ح د ط ولذلك يكون طلوع ب قبل طلوع ح
وايضا نقطة ط تقطع قوس ط م ح قبل قوس د ك ب فلذلك يكون غروب
ان تقطع م

غروب د بعد غروب ط
وذلك ما اردناه

ح الدايرة المارة
بقطبي الكرة تقوم على
الافق في كل دورة مرتين

فلتكن الافق ا ب ج د
والقطب الظاهر ه
والمماسة للافق مع جهة القطب الظاهر دايرة ا ز ولتكن دايرة ب ه ط د عظيمة
مر بقطبه فنقول انها تقوم على ا ب ج د في دورة مرتين ولترسم عظيمة ا ه ج
بقطبي ا ه فهي تمر بقطبي دايرة ا ب ج د وتقوم عليها ولان دايرتي ا ه ج ب ه د
مارتان بقطب فتكون قوسا ا ح ك ط متشابهتين وكذلك قوسا ا ط ح ك
فالزمان الذي يقطع فيه ط قوس ط ك يقطع
ح قوس ح ا فينطبق نقطتا ط ح على نقطتي ك ا
وينطبق جميع دايرة د ه على جميع دايرة ا ه
فتكون قايمة على الافق ثم اذا فارقت نقطة ط
نقطة ك وقطعت قوس ح ا فارقت نقطة ح نقطة ا وقطعت قوس ط ك
في ذلك الزمان بعينه فانطبقت نقطتا ط ح على نقطتي ا ك فانطبقت الدايرة على
الدايرة مرة ثانية قايمة على الافق وبعد ذلك يعود نقطتا ط ح الى موضعهما
الاول والدايرة الى وضعها فاذن ثبت ما ادعيناه وذلك ما اردناه

كتاب ثاودوسيوس في الليل والنهار

بسم الله الرحمن الرحيم

كتاب ثاوذوسيوس في الليل والنهار ترجمة اسحق بن حنين

قال الشمس تتحرك حركة معتدلة ضد حركة الكل في دائرة وسط البروج وهذه الدائرة تسمى
المائلة زمان النهار هو الزمان الذي من طلوع الشمس الى غروبها وزمان الليل هو الزمان الذي
من غروب الشمس الى طلوعها وزمان دوران الكل هو الزمان الذي يسير فيه كل واحد من الكواكب
الثابتة من طلوع الى طلوع او من غروب الى غروب او من موضع ما اي موضع كان الى ذلك الموضع
ا اذا كانت الشمس تسير من المنقلب الصيفي وكان القطب الشمالي فوق الافق فان اليوم المتقدم اطول
من اليوم المتاخر والليلة المتاخرة اطول من الليلة المتقدمة واذا كانت الشمس تسير من المنقلب
الشتوي كان ضد هذا مثال ذلك ان نتوهم دائرة ا ب ج د افقا في العالم والمنقلب الصيفي
دائرة ا د ودائرة البروج ا ب ج د ولتكن الشمس سايرة من المنقلب الصيفي ولتطلع يوما ما
على نقطة ل وليرسم ذلك قوس ك ل ونغرب على نقطة ل وزمان النهار هو الزمان الذي سارت
فيه الشمس قوس ك ل وايضا فلتطلع الشمس بعد هذا اليوم على نقطة م برهان ذلك انا نرسم قوس
م د مساوية لقوس ك ل فمن اجل ان الشمس تسير قوس ك ل وقوس ك ل في زمان متساوية وذلك
لانها فرضت تتحرك حركة معتدلة واذا كانت الشمس تسير قوس ك ل فقوس ك ل تقطع نصف
الكرة الظاهر فان في الزمان الذي تسير فيه الشمس قوس م د تقطع فيه قوس ك ل نصف الكرة
الظاهر وقوس ك ل نصف الكرة الظاهر في زمان اكثر من الزمان الذي تقطع فيه قوس م د وذلك
ان قوس ك ل اقرب الى جهة المنقلب الصيفي فان الشمس تسير قوس م د في زمان اكثر من الزمان
الذي تقطع فيه قوس م د نصف الكرة الظاهر فان الزمان الذي تقطع فيه قوس م د نصف
الكرة الظاهر تسير فيه الشمس قوسا اصغر من قوس م د فلنفرض انها قد سارت قوس ه س فنقطة م اذا

71

اذا كانت في الغروب تكون الشمس قد غربت اذا على نقطة سه ونقطة سه تغرب قبل نقطة ل لانها تطلع
قبلها فلان ترى الشمس غاربة تحتاج ان تسير قوسا اصغر من قوس م سه فلنفرضها صارت قوس ع م فزمان
النهار هو الزمان الذي تسير فيه الشمس قوس م ع ومن اجل ان قوس كل اعظم من قوس م ع فان النهار الذي تسير فيه
الشمس قوس كل اعظم من النهار الذي تسير فيه الشمس قوس م ع فاقول ان

الاولى

الليلة المتقدمة اقصر من الليلة المتأخرة ومثال ذلك انا نرسم صورة تامة تكون فيها
كل ما ذكرناه ونفرض الشمس غاربة في يوم ما على نقطة له ونفرضها طالعة على نقطة
فزمان الليل هو الزمان الذي تسير فيه الشمس قوس كل وانه فلنفرض الشمس غاربة في يوم اخر على سطح و ب
قوس م د مساوية لقوس كل فاقول ان الليلة التي تغرب فيها الشمس على له اقصر من التي تغرب فيها على م
برهان ذلك من اجل ان قوس كل مساوية لقوس م د فان الشمس تسير قوس كل وقوس م د في زمان متساو
ولكن الزمان الذي تسير فيه الشمس قوس م د تقطع فيه قوس كل نصف الكرة الخفي فاذن في ازمان متساوية تسير الشمس
قوس م د وتقطع قوس كل نصف الكرة الخفي وقوس كل تقطع نصف الكرة الخفي في زمان اقل من الزمان
الذي تقطع فيه قوس م د فان الشمس تسير قوس م د في زمان اقل من الزمان الذي تقطع فيه قوس م د نصف الكرة الخفي
فالزمان الذي تقطع فيه قوس م د نصف الكرة الخفي تسير فيه الشمس قوسا اعظم من قوس م د فلنفرضها قد سارت
قوس م سه فاذن اذا كانت نقطة ر في المشرق فان الشمس اذا على نقطة سه لان نقطة د تطلع قبل

الثانية

نقطة سه فلان ترى الشمس طالعة تحتاج الى ان تسير قوسا اعظم من قوس م سه
فلنفرضها قد سارت قوس م ع فزمان الليل هو الزمان الذي تسير فيه الشمس قوس م ع
ومن اجل ان قوس كل اصغر من قوس م ع فان الليلة التي تسير فيها الشمس قوس كل
اصغر من الليلة التي تسير فيها الشمس قوس م ع فاذا كانت الشمس تسير من المنقلب الصيفي فان النهار المتقدم اطول
من النهار المتأخر والليل المتقدم اقصر من الليل المتأخر وبين ذلك بين ان الشمس اذا كانت تسير من
المنقلب الشتوي عرض ضد هذا وذلك ما اردنا ان نبين — اذا طلعت الشمس وغربت في يوم ما

بعدها من نقطة مماسة احد المنقلبين اى منقلب كان بعدا متساويا [illegible] فان مصيرها الى نقطة المنقلب يكون فى ذلك اليوم
على خط نصف النهار وان كان ذلك المنقلب المنقلب الصيفى فاليوم الذى يسير فيه يكون اطول ايام السنة
والايام والليالى التى يكون يسير فيها الشمس من المنقلب الشتوى الى المنقلب الصيفى ومن المنقلب الصيفى الى المنقلب
الشتوى ما كان منها بعده فى اليوم الذى سارت فيه الشمس الى نقطة المنقلب الصيفى فى وسط الليل يكون
اطول وذلك انما يكون ابعد من نقطة مماسة المنقلب الصيفى من الليالى
التى فى السنة التى سارت فيها الشمس الى المنقلب الصيفى فى وسط النهار

ح اذا كانت الشمس فى المنقلب الصيفى فطلعت على دائرة
معدل النهار فان الليل التى قبل ذا الطلوع يكون مساويا لليوم
الذى كان بعده مثال ذلك انا نتوهم دائرة ب ه ح ولتكن الشمس طالعة على دائرة معدل النهار على نقطة ح
فاقول ان الليل التى قبل طلوع الشمس على نقطة ح مساويه لليوم الذى طلعت فيه الشمس على نقطة ح
برهان ذلك انا نفرض القوس التى سارت الشمس فى الليل التى قبل طلوعها على نقطة ح قوس ح د
ولتكن قوس ح ع مساويه لقوس ح د فمن اجل ان الشمس تسير قوس ح د فى ليلة فان الزمان الذى
تسير فيه الشمس قوس ح ر تقطع فيه قوس ح ر نصف الكرة الخفى والشمس تسير قوس ح ر وقوس ح ع
فى ازمان متساويه وقوس ح ر يقطع نصف الكرة الخفى فى زمان ما وللزمان الذى يقطع فيه قوس ح ع نصف الكرة
الظاهر فاذن الزمان الذى تسير فيه الشمس قوس ح ع فيه يقطع قوس ح ع نصف الكرة الظاهر فظاهر
ان اليوم الذى يكون بعد طلوع الشمس على نقطة ح تسير فيه الشمس قوس ح ع والليل التى قبل طلوع
الشمس على نقطة ح تسير فيها الشمس قوس ح ر والشمس تسير قوسى
ح ر وقوس ح ع فى ازمان متساويه فاذن الليل
التى قبل طلوع الشمس على نقطة ح وبمثل ذلك نبين ان الشمس
اذا كانت سائرة من المنقلب الصيفى وغربت على دائرة معدل

72

معدل النهار فان اليوم الذي يكون قبل غروبها مساو لليلة التي يكون بعد غروبها واذا كانت الشمس سائرة
بعد المنقلب الشتوي وطلعت او غربت على دائرة معدل النهار فان ذلك اليوم لليلة التي يليها
وذلك ما اردنا ان نبين ى اذا غربت الشمس وطلعت على نقطتين احديهما نظيرة الاخرى او كان
بين طلوعها وغروبها نصف سنة فان الليلة تكون مساوية لليوم مثال ذلك ان نفرض دائرة ا ب ج د
افق بعض المساكن ولتكن ا ه د المنقلب الصيفي والدائرة الشمسية دائرة ب ه ج وليكن الشمس يوما
على نقطة ب ولتكن نقطة ج نظيرة نقطة ب ولتطلع الشمس على نقطة ج وطلوعها يكون على نقطة ج بعد
غروبها على نقطة ب بنصف عام وكذلك لا فرق بين ان تكون الشمس تطلع وتغرب على نقطتين احديهما
نظيرة الاخرى وبين ان يكون انما تطلع بعد غروبها بنصف عام فاقول ان الليلة التي بعد غروب الشمس
على نقطة ب مساوية لليوم الذي بعد طلوعها على نقطة ج برهان ذلك ان نفرض القوس التي سارتها
الشمس بعد غروبها على نقطة ب قوس ب ر ولتكن ج ح مساوية لقوس ب ر ومن اجل ان الشمس
تسير ب ر في ليلة فان الزمان الذي تسير فيه الشمس قوس ب ر يطلع فيه قوس ب ر نصف الكرة الخفي
ازمان متساوية فاذن قوس ب ر تطلع نصف الكرة الخفي في ازمان متساوية للازمان التي تطلع فيها
ج ح نصف الكرة الظاهر فاذن الزمان الذي تطلع فيه قوس ج ح نصف الكرة الظاهر تسير فيها
الشمس وتطلع على نقطة ج وتغرب على نقطة ح في الزمان الذي تسير فيه الشمس قوس ج ح وهو الزمان
الذي هو زمان يوم واحد وكذلك الشمس في الليلة بعد غروبها على نقطة ب تسير قوس ب ر من اجل انه
تسير قوس ج ح في زمان مساو للزمان الذي تسير فيه قوس ب ر
لان القوسين متساويان فاذن الليلة التي بعد غروب الشمس
على نقطة ب مساوية لليوم الذي بعد طلوع الشمس على نقطة ج
فاذن ان طلعت وغربت على نقطتين نظيرتين او كان

بين طلوعها وغروبها بعينه فان تلك الليلة تكون مساوية لذلك اليوم ومثل ذلك نبين ان الليلة التي تطلع
فيها الشمس على نقطة ح مساوية لليوم الذي تغرب فيها الشمس على نقطة ب وذلك ما اردنا ان نبين ه
الايام والليالي التي بعدها من معدل النهار متساو وهي متساوية والايام والليالي يقال ان بعدها من معدل
النهار متساو اذا كان بعد المطلع مساويا لبعد المطلع وبعد المغرب مساويا لبعد المغرب مثال ذلك ان نفرض
دائرة ا ب ج د افقا ما ودائرة ب ه د المنقلب الصيفي ودائرة ط ل المنقلب الشتوي ودائرة ح ط دائرة
البروج ولتكن الشمس مطالعها على نقطتي [illegible] بعدهما من دائرة معدل النهار متساو فاقول ان الليلة
التي قبل طلوع الشمس على نقطة م مساوية لليوم الذي بعد غروب الشمس على نقطة د برهان ذلك انا نفرض غروب
الشمس الذي كان قبل طلوعها على نقطة م على نقطة س فيكون الزمان الذي تسير فيه الشمس قوس م س زمان ليلة واحدة
وذلك قوس ر ع مساوية لقوس م س فالشمس تسير قوسي م س ر ع في زمانين متساويين ولكن الزمان الذي تسير فيه
الشمس قوس م س تقطع فيه قوس م س من نصف الكرة الخفي وقوس م س تقطع نصف الكرة الخفي في زمان
مساو للزمان الذي تقطع فيه قوس ر ع نصف الكرة الظاهر فاذن قوس ر ع تقطع نصف الكرة الظاهر
في الزمان الذي تسير فيه الشمس قوس ر ع وهو زمان يوم وقوس ر ع مساوية لقوس م س فالليلة التي
قبل طلوع الشمس على نقطة م مساوية لليوم الذي بعد طلوع الشمس على نقطة ر فان اليوم الذي قبل غروب الشمس على نقطة [illegible]
مساوية لليلة التي بعد غروب الشمس على نقطة ع ولا فرق بين ان يكون البعد فيما بين معدل النهار وبين مطالع
الايام في دائرة البروج وبين ان يكون فيما بين مطالع
معدل النهار من الافق وبين مطالع الايام من الافق
وذلك ان الدوائر المتوازية التي ترسم على نقط
المطالع من الافق التي بعدها عن معدل النهار متساو
تفصل من دائرة البروج قسيا متساوية عن جنبي معدل
النهار متساوية وذلك ما اردنا ان نبين ه واذا كانت الشمس تسير على نصف الدائرة التي تحيط بما عدى

73

معدل النهار مع نقطة المنقلب الصيفي فان اقصر الايام يكون اطول من اعظم الليالي مثال ذلك ان نفرض دايرة
ا ب ج د افقا و دايرة المنقلب الصيفي دايرة ا ب ز و الدايرة الشمسية دايرة ز ح ه و معدل النهار دايرة
ط ح فيكون نصف الدايرة التي تحيط بها دايرة معدل النهار و المنقلب الصيفي قوس ز ه ح و اقول
ان الشمس اذا كانت تسير نصف دايرة ز ه ح فان اقصر الايام اعظم من اطول الليالي برهان ذلك انا نفرض
الشمس طالعة في يوم ما على نقطة ل و غاربة على نقطة م فالزمان الذي تسير فيه الشمس قوس ل ه م فالشمس اذن تسير قوس
ل ه م و قوس ر س في ازمان متساوية و كل الزمان الذي تسير فيه الشمس قوس ح س يقطع قوس ل م نصف الكرة الظاهر
و قوس ل م نصف الكرة الظاهر فاذن الزمان الذي تسير فيه الشمس قوس ح س يقطع فيه قوس ل م نصف الكرة
الظاهر و قوس ل م يقطع نصف الكرة الظاهر في ازمان اكثر من الازمان التي يقطع فيها قوس ح س نصف الكرة الخفي
فان الشمس تسير قوسا اقل من قوس ر س فلنفرض نظير قوس ح ع فنقطة س اذا كانت في المشرق و كانت الشمس
على نقطة ع يكون قد طلعت فلان ... طالعة ... ان تسير قوسا اعظم من قوس ر ع فلنفرض نظير قوس ح و فزمان
الليل هو الزمان الذي تسير فيه الشمس قوس ح و و ... اقول
ر ... اعظم من قوس ح ف و قوس ر ... مساوية لقوس ل م
فاذن قوس ل م اعظم من قوس ح ف و اليوم الذي تسير فيه
الشمس قوس ل م اطول من الليلة التي تسير فيها الشمس قوس ح ف
و بمثل ذلك يتبين انه اذا كانت الشمس تسير نصف الدايرة التي يحيط بها معدل النهار و المنقلب الشتوي يكون اطول الايام اقصر
من اقصر الليالي و ذلك ما اردنا ان نبين. ب اذا كانت الشمس داخل المنقلب الصيفي و اخذ نقطتان احدهما
فوق و الاخرى اسفل فان طلوعهما الذي يكون بعد غروبهما الفوقاني يكون فوق طلوعهما الذي بعد غروبهما السفلاني
و طلوعهما الذي قبل غروبهما الفوقاني يكون فوق طلوعهما الذي قبل غروبهما السفلاني مثال ذلك ان نفرض
الافق دايرة ا ب ج د و المنقلبين دايرتي ا ... ج و الدايرة الشمسية دايرة ا ب ل د ز ط نصف الدايرة
التي تلي راس السرطان قوس ... نصف الكرة الخفية و نصف الدواير التي تلي راس الجدي ...

ونصف الكرة الظاهر ولكن الشمس آخذة من المنقلب الصيفي ولتغرب يوم على نقطة ه ولكن لها غروب كغ
كما وقع تحت هذا على نقطة ز فاقول ان الطلوع الذي بعد غروب ز وايضا الطلوع الذي يكون قبل غروب
يكون ايضا فوق الغروب الذي قبل ز برهان ذلك ان الشمس اذا غربت على نقطة يكون طلوعها اما اذا
صارت بين نقطتي ز ا واذا صارت على نقطة ز ا واذا صارت تحت ز فان كان طلوعها يكون اذا
صارت بين نقطتي ز ه فظاهر ان طلوعها الذي يكون بعد غ وبما على نقطة ه يكون فوق طلوعها الذي
بعد غروب ز كان الشمس اذا كانت سائرة من المنقلب الصيفي يكون اليوم المتقدم اطول من اليوم المتأخر
والليل المتقدم اقصر من الليل المتأخر ولتكن الشمس لم بعد غروب ه قوس ه ح قطع ا اذا من الليل
التي بعد غروب ز كما اعظم من قوس ه ح قطع ا انما هو ساعظم كثيرا من قوس ز ح فيبين ان الطلوع
الذي بعد غروب ز يكون تحت نقطة ه فان الطلوع الذي بعد غروب ه هو فوق الغروب الذي بعد
طلوع ز ه واقول ان الطلوع الذي قبل غروب ه يكون فوق الطلوع الذي قبل غروب ز برهان ذلك ان
الشمس يكون طلوعها الذي قبل غ وبما على ز اما اذا صارت بين نقطة ز ا واما اذا صارت على نقطة ا و
اذا صارت فوق نقطة ا فان كان طلوعها بين نقطتي ه ز فظاهر ان الطلوع الذي قبل غروب ه يكون فوق
الطلوع الذي قبل غروب ز فليكن طلوعها فوق نقطة ا اذا صارت على نقطة ط ومن اجل ان الشمس اذا كانت
سائرة من المنقلب الصيفي يكون اليوم المتقدم اطول من اليوم المتأخر والليل المتقدم اقصر من الليل المتأخر
فان اليوم الذي قبل غروب ه اعظم من اليوم الذي قبل غروب ز ولكن اليوم الذي قبل غروب ز هو فيه
الشمس قوس ز ط قطع ا انما يسير في اليوم الذي قبل غروب ه كما اعظم من قوس ز ط كثيرا اذن يسير
وسا اعظم من قوس ه ط قطع ا انه ان فرض طلوعان احدهما
فوق ا والاخر تحت فان الغروب الذي يكون بعد الطلوع الذي
يكون فوق فوق الغروب الذي بعد الطلوع الذي تحت لانه
ان لم يكن كذلك لم يكن الطلوع الذي قبل الغروب السفلى وذلك

سارت ط

74

وذلك عكس فان الطلوع الذي بعد الغروب الفوقاني يكون قبل الغروب الذي بعد الطلوع السفلاني
وكذلك يكون الغروب الذي قبل الطلوع الفوقاني فوق الغروب الذي قبل الطلوع السفلاني وذلك ما
اردنا ان نبين ٤ اذا كانت الشمس في المثلث الشتوي وفرض طلوعان احدهما فوق الاخر واسفل
فان الغروب الذي بعد الطلوع الفوقاني يكون فوق الغروب الذي بعد الطلوع السفلاني والغروب
الذي قبل الطلوع الفوقاني فوق الغروب الذي قبل الطلوع السفلاني مثال ذلك ان نفرض افقا عليه
ا ب ج د وفلكا المثلثين عليهما ا د ب ج وفلك الشمس عليه ك ل ب ولتكن نصف دايرة البروج الذي
بعد السرطان قوس ك ل ب في نصف الكرة الخفية ونصف فلك البروج الذي يلي الجدي قوس ب ه د
في نصف الكرة الظاهر ولتكن الشمس سايرة في المثلث الشتوي في يوم ما ولتكن طلوعها على نقطة ه ولتكن اما طلوع ح
فوق نقطة ه كيف وقع على نقطة ز فاقول ان الغروب الذي بعد طلوع ز يكون فوق الغروب الذي بعد الطلوع
الذي على نقطة ه برهان ذلك ان الشمس اذا طلعت على نقطة ه فانها تغرب اذا سارت اما بين نقطتي ز ه واما على او اذا سارت على
نقطة ز او فوق نقطة ز فان كان غروبها بين نقطتي ز ه او على نقطة ز فظاهر ان الغروب الذي بعد طلوع ز
يكون فوق الغروب الذي على ه وكذلك غروبها فوق نقطة ز على نقطة ط فمن اجل ان اليوم الذي بعد طلوع ز اعظم
من اليوم الذي بعد طلوع ه لانه اذا كانت الشمس سايرة في المثلث الشتوي يكون اليوم المستقيم اقصر من اليوم المتاخر
ولتكن الشمس تسير في اليوم الذي طلوعها بعد طلوع ه قوس ه ح وظاهر ان بعد طلوع ز سيرها قوسا اعظم من قوس ه ح فلتكن اذا
قوسا اعظم من قوس ز ح فتبين ان الغروب الذي بعد طلوع ز يكون فوق الغروب الذي بعد طلوع ه واقول
ان الغروب الذي قبل طلوع ز يكون فوق الغروب الذي يكون قبل طلوع ه برهان ذلك ان الشمس تغرب عن غروبها
الذي قبل طلوع ز اما اذا سارت بين نقطتي ه ز واما اذا سارت على نقطة ه واما اذا سارت تحت نقطة ه فان كان غروبها
يكون اذا سارت بين نقطتي ه ز او على نقطة ه فظاهر ان الغروب الذي قبل طلوع ز يكون فوق الغروب الذي قبل طلوع ه
لان الغروب الذي قبل طلوع ه هو تحت نقطة ه على نقطة ط فمن اجل ان الليل التي
قبل طلوع ه اعظم من الليل قبل طلوع ز لانه اذا كانت الشمس سايرة في المثلث الشتوي
يكون الليل المتاخرة اقصر وكان الشمس تسير الليل التي قبل طلوع ز قوس ز ط

وظاهر انه اعظم من الليل التي قبل طلوعه قوس ما اعظم من قوس زط فهو اذن من قوس اعظم كثيرا من قوس ط
فظاهر ان الغروب الذي قبل طلوعه يكون تحت الغروب الذي قبل طلوع ر وظاهر انه ان فرض غروبان احدهما
فوق والآخر اسفل فان الطلوع الذي بعد الغروب الفوقاني يكون فوق الطلوع الذي بعد الغروب السفلاني
لانه اذا لم يكن كذلك لم يكن الغروب الذي قبل الطلوع الفوقاني فوق الغروب الذي قبل الطلوع السفلاني
وذلك غير ممكن فاذن الطلوع الذي بعد الغروب الفوقاني هو فوق الطلوع الذي بعد الغروب السفلاني
وكذلك يكون الطلوع الذي قبل الغروب الفوقاني فوق الطلوع الذي قبل الغروب السفلاني وذلك ما اردنا
ان نبين ط اذا كانت الشمس في البرج المنقلب الصيفي ان لم يكن على معدل النهار لا طلوع ولا غروب ولا يكون استواء
الليل والنهار فليس ذلك انا اذا فرضنا افقا عليه ا ب ج د وكتبنا ا د ج من فلك الشمس ومعدل النهار ه ر وفلك
الشمس ح ع م ونصف الدائرة التي تلي السرطان د ح ب من النصف الكرة الخفي ولتكن الشمس سائرة من المنقلب الصيفي
ولتكن طلوعها فوق نقطة ع على نقطة ه وليكن الغروب الذي بعد طلوع ها تحت نقطة ع على نقطة ل والغروب الذي قبل
طلوع ط على ل فاقول ان اليوم الذي يطلع فيه الشمس على ط لا يكون مساويا لليلة التي قبل غروبها على نقطة ل برهان
ذلك انا نرى الشمس قد طلعت على نقطة ع اعني على فلك معدل النهار وقد غربت الغروب الذي قبل طلوعه على
فيكون غروبها تحت غروب له ويكون الليل التي غروبها على ر مساويا لليوم الذي طلوعها على ع ولكن اليوم الذي طلوعه
على ه اعظم من اليوم الذي طلوعه على ع والليل التي غروبها على نقطة ل اصغر من الليل غروبها على ع فاذن اليوم الذي
طلوعه على ع والليل التي غروبها على نقطة اعني الليل التي قبلها انه نرى الشمس قد غربت على خط معدل النهار
على نقطة ع وقد كان طلوعها قبل غروب ع على نقطة ر فيكون فوق نقطة ط ويكون اليوم الذي طلوعه على نقطة ر
مساويا لليل التي غروبها على نقطة ع ولكن الليل التي غروبها على ك اعظم من الليل التي غروبها على نقطة ع ولكن
الليل التي غروبها على ك اعظم من الليل غروبها على ع واليوم الذي طلوعه على ك اعظم من اليوم الذي طلوعه
على ع فاذن الليل التي غروبها على ل اعظم كثيرا من اليوم الذي طلوعه
على ه فاذن اليوم الذي طلوعه ه اصغر من الليل التي بعده فقد كان
اعظم من الليل التي قبله وظاهر اذن انه قد كانت الشمس سائرة من المنقلب
الصيفي ولم يكن لها طلوع ولا غروب على خط معدل النهار لم يكن استواء الليل

75

الليل والنهار وبمثل ذلك يتبين انه ان فرض غروب على نقطة ط وطلوع على نقطة ل انه يكون الليلة التي
بعد الغروب غير مساوية لليوم الذي قبلها ولا لليوم الذي بعدها وذلك ما اردنا ان نبين ى اذا
كانت الشمس في المنقلب الشتوي ان لم يكن غروب ولا طلوع على خط معدل النهار لم يكن اعتدال اعني استواء الليل
والنهار مثال ذلك انا نفرض الافق دائرة ا ب ج د والمنقلب الشتوي ا ه ب وخط معدل النهار ه ز وفلك
البروج ب ز ونصف دائرة الذي على السرطان د ز ج ونصف دائرة الذي على الجدي ب ح ا ونصف
الكرة الظاهر ولتكن الشمس سائرة في المنقلب الشتوي ولتكن تحت نقطة ح على نقطة ط ولتكن غروبها الذي بعد طلوع ط
فوق نقطة ح على نقطة ك ولتكن غروبها الذي قبل طلوع ط على نقطة ل فاقول ان اليوم الذي طلوعه على ط لا يكون مساويا
لليلة التي قبله التي غروبها على ك ولا الليلة التي بعده التي غروبها على ل برهان ذلك انا نفرض الشمس قد طلعت
على معدل النهار على ح وقد غربت الغروب الذي قبل طلوع ح على م فيكون فوق ل وتكون الليلة التي غروبها على م
مساوية لليوم الذي طلوعه على ح ولكن الليلة التي غروبها على ل اعظم من الليلة التي غروبها على م واليوم الذي طلوعه
على ط اصغر من اليوم الذي طلوعه على ح والليلة التي غروبها على ل اعظم من اليوم الذي طلوعه على ط وايضا
فلنفرض الشمس غاربة على نقطة س وطالعة على نقطة م فيكون طلوعها تحت نقطة ط ويكون اليوم الذي طلوعه على م
اصغر من اليوم الذي طلوعه على ط والليلة التي غروبها على س اعظم من الليلة
التي غروبها على ك فاذن اليوم الذي طلوعه على ط اعظم كثيرا من الليلة
التي غروبها على ك فاذن اليوم اصغر من الليلة التي قبله واعظم من الليلة
التي بعده فاذن لا يكون في تلك الليلة اعتدال اعني استواء الليل
والنهار فظاهر انه اذن اذا كانت الشمس سائرة في المنقلب الشتوي ولم يكن لها طلوع ولا غروب على خط معدل النهار
لم يكن اعتدال وبمثل ذلك يبين اما ان فرضنا غروبها على نقطة ط وطلوعها على نقطة ل فان الليلة التي
بعد غروب ط لا يكون مساوية لليوم الذي قبلها ولا لليوم الذي بعدها وذلك ما اردنا ان نبين ه

تمت الرسالة بعون الله وحسن توفيقه
وكاتبه صاحبه ابو القاسم الحسين

76

كتاب ثاددوسيوس في المساكن

٧٧

على خط اب وهو خط ح ك ز ل مر ان خط ح ك ز هو محور الكرة وان الدائرة المرسومة على قطبي ح ز القائم على خط اب
هي افق المسكن والدائرة المرسومة على قطبي ح ز قائمة على دائرة ا ب ح ز وتكون لكل قطبي الكرة وقد تبين ان
الكواكب الثابتة تسير على افلاك متوازية موازية لفلك معدل النهار والدائرة التي تكون على قطبي الكرة تقاطع الدوائر
المتوازية على انصافها وافق مسكن ه يكون على قطبي الكرة فان
افق مسكن ه يقاطع الافلاك المتوازية التي تسير عليها الكواكب الثابتة
على انصافها فيكون زمان سير الكواكب الثابتة فوق افق مسكن ه مساويا
لزمان سيرها تحته اذ كان كل واحد منها في مسكن ه يسير نصف دائرة تحت الارض وذلك ما اردنا ان نبين

ح كل مسكن تحت المنطقة الوسطى التي هي منطقة البروج فان فلك البروج يقوم عليه في كل يوم وقتا ما مثال ذلك
ان نفرض للذين مساكنهم تحت المنطقة الوسطى نصف النهار اما من كرة الكل فدائرة ا ب ح ز واما من الارض فدائرة
ه ز ح ونفرض قطري دائرتي المنقلبين خطي ك ل م د وليكن نقطة س مركز الارض ونخرج خطي ك س م فتكون
المنطقة الوسطى اما من كرة الكل فقوس ك م واما من الارض فقوس ع ه ح المشابهة لها فاقول ان كل مسكن
تحت المنطقة الوسطى دائرة البروج تقوم عليه في كل يوم وقتا ما برهان ذلك انا نفرض مسكنا على نقطة ه ونصل نقطة ه
بنقطة س ونخرجها الى ا فيكون السمت الراس لمسكن ه ونخرج من نقطة س خطا قائما على خط ا ب وهو خط ح ز فتكون
الدائرة المرسومة على قطبي ح ز القائمة على خط ا ب افق المسكن ه ومن اجل ان دائرة البروج تكون على كل الدوائر التي
بين المنقلبين فانها في كل الازمان تمر وقتا ما على نقطة ا واذا مرت
على نقطة ا مرت على نقطة ب التي هي نظيرها فيكون خط ا ب قطرا
لدائرة البروج وخط ا ب قائم على افق مسكن ه فتكون دائرة البروج
اذا مرت على نقطة ا قائمة على افق مسكن ه فدائرة البروج اذا تقوم
على مسكن ه تحت المنطقة الوسطى في كل يوم وقتا ما وذلك ما اردنا ان نبين ى الذين تمر نقطة سمت رؤوسهم متباينة
عن القطب كتباين احد المنقلبين عن معدل النهار او نحوه تطلع عليهم وتغيب عنهم ستة ابراج معا مثال ذلك
ان نفرض خط نصف النهار اما من كرة الكل فدائرة ا ب ح ز واما من الارض فدائرة ه ز ح ومحور الكرة خط ح ز
والقطب الظاهر على نقطة ز وقطر فلك معدل النهار خط ا ب وقطرا دائرتي المنقلبين خطا ك ل م د وليكن

78

بحوز على قطبي الدايرة الافق التي هي دايرة اه ب ويكون قايمة عليها ولذلك يكون دايرة اه ب
قايمة على دايرة ح ط ودايرة ح ه ط قايمة على دايرة ح ط فاذن تقاطع دايرتي ح ه ط اه ب
المشترك لهما قايمة على دايرة ح ط ونقطتهما المشترك لهما موحطة س فاذن ه س عمود على دايرة
ح ط ويكون ايضا عمودا على اب وعلى ح ط وعلى ه س مركز دايرة اه ب فاذن قوس اه مساوية
لقوس ب ه فاذن دايرة نصف النهار يقطع فلك البروج بنصفين اذا كانت نقطتا مماسة فلك البروج

فوق الارض

لدايرتي المنقلبين على الافق عند ذلك
يكون دايرة البروج قايمة على الافق وذلك
ما اردنا ان نبين و الذين مساكنهم تحت
فلك معدل النهار انصاف دايرة البروج كلها
يطلع عليهم في ازمان متساوية وكذلك الارباع التي
من دايرة البروج يطلع عليهم في ازمان متساوية
مثال ذلك ان نفرض للذين مساكنهم تحت فلك معدل النهار افقا ما يكون دايرة اب ح د ونفرض فلك البروج
اه ح د ط وما تحت الارض منه قوس اه ح د ونفرض من دايرة البروج قوسين متقابلتين وهما قوسا اه ح د
ولنكن الدواير المتوازية التي عليها نقطة ه دا ه ك ل ط م ح د ر اب ح د فاقول ان نصفي دايرة
البروج اللذين هما اه ح د ح ط ا يطلعان في ازمان متساوية برهان ذلك من اجل ان دايرة اب ح د
التي هي الافق تقاطع دواير ا ك ط ل ه م د ح على انصاف يكون كل واحد من قوس ح د ح ط
ل ط اه ط ا ح نصف دايرة ولانه من اجل ان كل واحدة من قوسي اب ك ل نصف دايرة فان الزمان
الذي يسير فيه نقطة ا قوس اب مساوي للزمان الذي يبتدي فيه نقطة ه من نقطة ك فيسير قوس ك ل
نقطة من الافق قوس اب ه يبتدي فيه نقطة ه الى نقطة ح تحت الارض من نقطة ح فيسير قوس ح د
ويطلع نصف الدايرة الذي هو اه ح والزمان الذي يبتدي فيه نقطة ح من ك من قوس ح ط ل فيه يبتدي

نظيرتها التي نقطة د فمن ر د م ويطلع نصف الدائرة الذي هو قوس ه ح د ويطلع في ازمان متساوية
وتبين ذلك انه يتبين ان نصف الدائرة الذي هو قوس ه ح ر يطلع في ازمان متساوية لان زمان طلوع نصف
نصف الدائرة الذي هو قوس ح ط ا فقد تبين اذن ان الذين مساكنهم تحت فلك معدل النهار انصاف
دائرة البروج كلها تطلع عليهم في ازمان متساوية واقول ان القسي التي يحاذي بعضها بعضا تطلع
عليهم في ازمان متساوية برهان ذلك ان نصف الدائرة
الذي هو قوس ا ه ح يطلع في ازمان متساوية
لازمان طلوع نصف الدائرة الذي هو قوس ه ح ر
فاذا القينا جميعا زمان طلوع قوس ه ح المشترك
لما بقي زمان طلوع قوس ا ه مساويا لزمان
طلوع قوس ح ر فقوسا ا ه ح ر يطلعان في ازمان متساوية وذلك ما اردنا ان نبين
ي الذين انما تختلف افاقهم بميلها الى الشرق ام الى المغرب فقط اولئك لا تطلع عليهم الكواكب الثابتة
ولا تغرب معا ولكن بمقدار ما يتقدم طلوعها على الذين مساكنهم اقرب الى المشرق كذلك المقدار يتقدم
غروبها عنهم مثال ذلك ان نفرض افقين على ما ادرنا اب ح ا د ح ولا يكون بين افقي اب ح ا د ح
اختلاف بتة الا ميل ا د ح الى الشرق واكثر اب ح فاقول ان الكواكب الثابتة لا تطلع على افقي
اب ح ا د ح معا ولا تغرب معا لكن بمقدار ما يتقدم طلوعها على افق ا د ح بذلك المقدار يتقدم غروبها عن
برهان ذلك انا نفرض الدائرة الابدية الظهور التي تماسها الافقان ر ه ع ونفرض كوكبا من الكواكب الثابتة
على نقطة ك ونفرض الدائرة الموازية لمعدل النهار التي يسير عليها كوكب ك دائرة ط ك ل ولتكن الناحية
الشرقية التي تلي د والناحية الغربية التي تلي ب فاذا سار كوكب ط على نقطة ي يطلع على افق ا د ح واذا صار
على نقطة ط يطلع على افق اب ح واذا صار على نقطة ل يغرب عن افق ا د ح واذا صار على افق
يغرب عن افق اب ح فان كوكب ط يطلع على الذين هم ابعد عنه ويغرب عنهم قبل غروبه عن الذين هم

79

ثم ابعد عنه فاقول ان بقدر ما يتقدم طلوعه على افق ا د ج يتقدم غروبه عنه برهان ذلك من البرهان
قوس ... مشابهة لكل واحدة من قوسي ى ك ل ب تكون قوس ... مشابهة لقوس ل ب
من دائرة واحدة فقوس ى ك
مساوية لقوس ل ب فاذن الزمان الذي
يمر فيه نقطة ط قوس ى ك مساو ايضا
يمر نقطة ط قوس ل ب وذلك الزمان الذي
يمر فيه الكوكب ط قوس م ى ك هو الزمان الذي
يتقدم طلوعه على افق ا د ج طلوعه على افق ا ب ج فالزمان الذي يمر فيه كوكب ط قوس ل ب هو الزمان الذي
يتقدم به غروب كوكب ط على افق ا د ج غروبه على افق ا ب ج فاذن بقدر ما يتقدم طلوعه على الذين
مساكنهم في ناحية الشرق فبذلك القدر ايضا يتقدم غروبه عنهم وذلك ما اردنا ان نبين ح الذين
مساكنهم تحت خط واحد من خطوط نصف النهار فكل ما كان من الكواكب الثابتة بين الدائرة الابدية الظهور
وبين فلك معدل النهار فانه يقيم فوق افق الشماليين منهم زمانا اكثر من زمان قيامه فوق الجنوبيين منهم
وبالقدر الذي يتقدم طلوعه على الشماليين منهم بذلك القدر بعينه يتأخر غروبه عنهم وما كان منها بين اعظم
الدوائر الابدية الخفاء وبين فلك معدل النهار فانه يقيم فوق افق الجنوبيين منهم زمانا اكثر من زمان قيامه فوق
افق الشماليين منهم وبقدر ما يتقدم طلوعه عليهم بذلك المقدار بعينه يتأخر غروبه عنهم مثال ذلك انا نفرض
للذين مساكنهم تحت خط واحد من خطوط نصف النهار افقين وهما دائرتا ا ب ج د ب ه ونفرض خط نصف النهار
قوس ا د ه واعظم الدوائر الابدية الظهور في الافقين دائرتا ا ر ح ا ط ك وفلك معدل النهار قوس ح
فظاهر ان قوس ب ج تحوز على نقطتي ب ج فاقول ان كل ما كان من الكواكب بين فلك معدل النهار الذي قوس ح
وبين الدائرة الابدية الظهور التي ك ر ح فانه يقيم فوق الذين مساكنهم اميل الى الشمال زمانا اكثر من زمان قيامه
فوق افق الذين مساكنهم اميل الى الجنوب وبقدر ما يتقدم طلوعه على الذين مساكنهم اميل الى الشمال بذلك القدر
يتأخر غروبه عنهم وما كان منها بين فلك معدل النهار وبين اعظم الدوائر الابدية الخفاء فانه يقيم

على افق الذين مساكنهم في الجنوب زمانا اكثر من زمان قيامه على افق الذين مساكنهم اميل الى الشمال وبقدر ما يتقدم طلوعه
عليهم بذلك القدر يتأخر غروبه عنهم واما الكواكب التي على فلك معدل النهار فانما يطلع معا عليهم جميعا ويغرب معا
برهان ذلك ان نفرض كوكبا من الكواكب الثابتة على نقطة ا وليكن بين فلك معدل النهار واعظم الابدية
الظهور التي كـ ع ولتكن الدائرة
الموازية لفلك معدل النهار التي يسير
عليها كوكب ا دائرة م ع س
ولتكن الجهة الغربية فيما يلي س
فظاهر ان كوكب ا اذا سار على م
يطلع على افق ب د ج واذا سار على ه يطلع على افق ا ج واذا سار على س يغرب على افق ا ج واذا سار
على ع يغرب على افق ب د ج فاذن كوكب ا اذا كان بين فلك معدل النهار واعظم الدوائر الابدية الظهور يقيم
فوق افق الذين مساكنهم اقرب الى الشمال زمانا اكثر من زمان قيامه فوق افق الذين مساكنهم اقرب الى الجنوب
فاقول انه بقدر ما يتقدم طلوعه عليهم بذلك القدر يتأخر غروبه عنهم برهان ذلك لان قوس م ف
مساوية لقوس د ع وقوس ه د مساوية لقوس ف س لان خط نصف النهار الذي هو ا ف هو مشترك
للافقين جميعا تكون قوس م ه الى ف مساوية لقوس س ع الباقية فكوكب ا اذن يسير قوس م د س ع في
ازمان متساوية ولكن قوس م د هي قدر الزمان الذي يتقدم به طلوع كوكب ا على افق ب د ج وقوس س ع
قدر الزمان الذي يتأخر به غروب كوكب ا عنه فاذن بمقدار ما يتقدم طلوعه على افق ب د ج بذلك
المقدار يتأخر غروبه عنه فاذن ما قدر الذي يتقدم طلوعه على الذين مساكنهم نحو الشمال بذلك القدر يتأخر غروبه عنهم
وايضا فلنفرض كوكبا ثابتا على نقطة ط ولتكن بين معدل النهار وبين اعظم الدوائر الابدية الخفاء ولنفرض
الدائرة الموازية لفلك معدل النهار التي يسير عليها كوكب ط دائرة ر ش ت ش فظاهر ان
وان كوكب ط يسير فوق افق الذين مساكنهم اميل الى الجنوب قوس ر ت وفوق افق الذين مساكنهم اميل الى الشمال
قوس ش ت فاذن كوكب ط يقيم فوق افق الذين مساكنهم اميل الى الجنوب زمانا اكثر من قيامه فوق افق
الذين مساكنهم اميل الى الشمال فظاهر ان الكواكب التي على فلك معدل النهار يطلع على الافقين جميعا على نقطة ح

80

ط اذا كانت الافقان ليست تحت خط واحد من خطوط نصف النهار فانه كلما كان من الكواكب الثابتة بين دائرة الابدية الظهور وبين فلك معدل النهار فانه يتم على الذين مساكنهم اقرب الى الشمال زمانا اكثر من زمان قيامه على افق الذين مساكنهم اقرب الى الجنوب وما كان منها بين الدائرة الابدية الخفاء وبين فلك معدل النهار فانه يتم على افق الذين مساكنهم اقرب الى الجنوب زمانا اكثر من زمان قيامه على افق الذين مساكنهم اقرب الى الشمال مثال ذلك ان نفرض الافقين على ان يكون دائرتا ا ب ج ده ز ولكونا ليستا تحت خط نصف نهار واحد ونفرض خط نصف النهار لافق ده ر دائرة ى ح ط ونفرض الدائرة الابدية الظهور دائرة ى ك ل ام ونفرض معدل النهار دائرة ه ن ح فاقول ان كل كان من الكواكب الثابتة بين فلك معدل النهار الذي هو ه ن ح وبين اعظم الدوائر الابدية الظهور التي ى ك ل فانه يتم فوق ده ر زمانا اكثر من زمان قيامه فوق افق ا ب ج برهان ذلك ان نرسم على نقطة م دائرة عظيمة وهي دائرة م ه ر ولكن مماسة لدائرة ام د فظاهر انها تكون على نقطة ه ر ولكن نرسم دائرة م ه ر وافقا من لكل ان افق م ه ر ا ب ج بين منها فصل الاميل وافق ا ب ج الى المشرق فقط فان الكواكب الثابتة تتم فوق م ه ر زمانا اكثر مساويا لزمان قيامها فوق افق ا ب ج وايضا لكل ان افق ده ر م ه ر ليست تحت خط واحد من خطوط نصف النهار وهو ى ح فان كل ما كان من الكواكب الثابتة التي بين معدل النهار وهو ه ن ح وبين اعظم الدوائر الابدية الظهور التي هي دائرة ى ك ل يتم على افق ده ر زمانا اكثر من زمان قيامه على افق م ه ر ولكن قد كان تبين ان زمان قيام الكواكب الثابتة على افق م ه ر مساو لزمان قيامها على افق ا ب ج فاذن الكواكب الثابتة ما كان منها بين معدل النهار الذي هو ه ن ح وبين اعظم الدوائر الابدية الظهور التي ى ك ل فانه يتم فوق افق الذين مساكنهم مائلة الى الشمال زمانا اكثر من قيامه فوق افق الذين مساكنهم مائلة الى الجنوب وما كان منها بين اعظم الدوائر الابدية الخفاء وبين فلك معدل النهار فانه يتم على افق الذين مساكنهم اميل الى الجنوب زمانا اكثر

81

في زمان اكثر من سبعة اشهر وهو مسير القوس الباقية التي هي ح س ع وفي قريب من نصف شهر ولكن اذا كانت الشمس
تسير قوس ع ا ح د فانه نهار على مسكن ر د واذا كانت تسير قوس ح س ع فانه ليل على مسكن ر فاذن الذين
مساكنهم على نقطة ر نهارهم يكون اكثر من سبعة اشهر ~~ومسير القوس الباقية~~ وليلهم قريب من نصف شهر ونحو ذلك
ما اردنا ان نبين يا واما الذين مساكنهم مائلة الى الجنوب فان الشمس تبقى فوق افقهم زمانا اقل من زمان قيامها
على افق الذين مساكنهم تحت القطب الشمالي فلنا ان نفرض خط نصف النهار اما كرة الكل فدائرة ا ح
واما كرة الارض فدائرة ى ه ر ونفرض محور الكرة خط ب ح د ونفرض القطب الشمالي نقطة ح ونفرض
مسكنا ما على نقطة د ونصف ر د وليكن ح ى س فيكون نقطة س تحت الراس لمسكن د فاقول ان الذين
مساكنهم على نقطة د الشمس تبقى على افقهم زمانا اقل من زمان قيامها على افق الذين مساكنهم تحت القطب الشمالي
ونهارهم اقصر من نهار الذين مساكنهم تحت القطب الشمالي برهان ذلك انا نفرض دائرتين المتقابلتين على قطري
ل م ك ط ونفرض فلك معدل النهار على قطر ل ى ودائرة البروج ا ح ع س ونخرج على نقطة ر خطا قائما
على خط ر ه وهو خط ش ت فيكون الدائرة المرسومة على قطر ش ت ادى قائمة على خط ر س افق لمسكن د
ونرسم على نقطة ش قوسا موازيا للدائرتين المتقابلتين وهي قوس س ش ف فلاجل ان على الكرة دائرتين احديهما افق مسكن د
والدائرة التي تمر ... نقطتان وتماس دائرة عظيمة وهي دائرة ب ش ع على نقطة واحدة وهي نقطة ش
ولا تقطعها بل عليها فانهما متماستان فاذن افق
مسكن د يماس دائرة ش ع ودائرة ش ع هي
اعظم الدوائر الابدية الظهور لمسكن د فاذن
قوس ص ر ص الى اصغر من قوس ا ع فاذن
الشمس تبقى فوق افق مسكن د اقل مما تبقى فوق
مسكن ر اعني المسكن الذي تحت القطب الشمالي
فاقول ان زمان النهار لمسكن د اصغر من زمانه لمسكن ر برهان ذلك انا نفرض كل واحدة من قوسي ع و
نصف برج فيظهر لنا ان الذين مساكنهم على د زمان نهارهم هو الزمان الذي تسير فيه الشمس ع ا ح و د والذين مساكنهم
على ر زمان نهارهم اذا كانت الشمس تسير على قوس ا ر فيكون نهار مسكن د اقصر من نهار مسكن ر فاذن الذين

ما يلي الجنوب عن القطب الشمالي فيعم على افقهم زمانا قدر زمان دورة ما على افق الذين مساكنهم تحت القطب الشمالي
وذلك ما اردنا ان نبين ب الذي يسكن ربوبهم شمالي عن القطب الظاهر كما للمنقلب فلك معدل
النهار فان الشمس اذا صارت المنقلب الصيفي فيعم فوق افقهم زمان الليل والنهار ويكون نهارهم في ذلك الوقت
مثلثين يوما واما المنقلب الشتوي فيعم زمان الليل والنهار تحت الافق وبالنهار يكون لما
الى كان في الليل كل سنة مثال ذلك ان نفرض خط نصف النهار اما كرة الكل فدائرة ا ب ج
واما كرة الارض فدائرة د ه ز ونفرض المحور خط ب ح وقطب الكرة الشمالي نقطة ح ونفرض دائرتي
المنقلبين على قطري ط ك ل م ونفرض قطر معدل النهار خط ا ع ونفرض قوس ل ا مساوية لقوس ع
ونصف ... فيكون نقطة ... سمت الراس في مسكن ه فاقول ان الذين مساكنهم على نقطة ه ان الشمس اذا صارت
المنقلب الصيفي فانها تتم فوق افقهم زمان الليل والنهار جميعا ويكون نهارهم مثلثين يوما واما المنقلب
الشتوي فانها تتم تحت افقهم زمان الليل والنهار جميعا ويكون لهم ... نهارا لهم ليلا ...
برهان ذلك ان نفرض دائرة البروج ا د ع س ونصل ... قطر ان ل ر ك خط مستقيم وانه
قائم على ر س وان الدائرة المرسومة على قطر ك اذا قائمة على ر س فهي افق لمسكن ه وهي تماس خطوط
المنقلبين ولان على الكرة دائرتين الدائرة المرسومة على قطر ك ل التي هي الافق والدائرة المنقلب الصيفي التي
ط ر ك يقطعان وكل واحدة منهما دائرة عظيمة على كرة في دائرة ا ب ج على نقطة واحدة هي نقطة ك والقطب بها
عليها فانهما متماسان فاذن الدائرة المرسومة على قطر ك هي افق لمسكن ه فيكون افق مسكن ه مماس دائرة المنقلب
الصيفي التي هي دائرة ط ح ك فاذن دائرة المنقلب الصيفي التي هي دائرة ك ط هي اعظم الدوائر الابدية الظهور
في مسكن ه ودائرة المنقلب الشتوي التي هي ل م
اعظم الدوائر الابدية الخفاء في مسكن ه ومن البين
ان نقطة د هي ابدا فوق دائرة ط د ك
ونقطة س هي ابدا فوق دائرة ل س م
ظاهر لنا ان نقطة د هي ابدا فوق الارض
في مسكن ه وان نقطة س هي ابدا تحت الارض يكون

82

بمسكن لكن اصل ان الشمس اذا صارت على سمت الرأس كان المثلث الصيفي واذا كانت على سمت كان المثلث
الشتوي يظهر لنا ان الشمس في المثلث الصيفي يعم زمان الليل والنهار فوق الافق وفي المثلث الشتوي يعم
زمان الليل والنهار تحت الافق واقول ان في ذلك الوقت يكون نهارهم ثلثين يوما برهان ذلك
ان نفرض كل واحد من قوسي ا ع ر د نصف برج فيكون جميع قوس ه ر ع برجا واحدا واذا كانت الشمس
تسير قوس ع ر د كان نهارا لساكن ه لان ضوءها يظهر لهم ومن البين ان قوس ع ر ف برج واحد
فان الشمس تسيرها في ثلثين يوما فيكون النهار في حصول المثلث الصيفي ثلثين يوما ويظهر لنا ان ايام
النهار التي بإزاء الليل كل ر ه وذلك ما اردنا ان نبين

تم الكتاب بعون الله وحسن توفيقه والصلوة والسلام
على محمد وآله الطاهرين في سلخ
رجب المرجب سنة اربع عشر والف كتابه
ابو الكرم الحسن الاسترابادي
غفر الله له ولوالديه [illegible]

من شرح المجسطي في بيان ان الدائرة اوسع الاشكال

[illegible]

قوله وهي اوسع اقول بيان هذه الدعوى موقوف على مقدمة وهي ان مساحة كل شكل
متساوي الاضلاع يحصل من ضرب العمود الواقع من وسطه على ضلعه في نصف محيطه والوسط
هو نقطة يكون جميع الاعمدة الخارجة منها الى اضلاعه متساوية وبرهانه يعلم باخراج الاعمدة
من الوسط الى الاضلاع وباخراج الخطوط من الوسط الى الزوايا لانه يحصل مثلثات
متساوية قواعدها اضلاع الشكل ومساحة كل منها يحصل بضرب العمود في نصف القاعدة
وكل شكل متساوي الاضلاع محيط بدائرة يحصل مساحته بضرب نصف قطر الدائرة
في نصف محيطه اذ نصف القطر هو العمود المذكور ويعلم ذلك ان محيط
كل شكل محيط بالدائرة اعظم من محيط تلك الدائرة لان مساحة ذلك الشكل بضرب
نصف قطر الدائرة في نصف محيط ذلك الشكل ومساحة الدائرة بضرب نصف قطر الدائرة
ايضا في نصف محيط الدائرة كما عرف في علم المساحة ومساحة الشكل المحيط اكثر ضرورة
فيكون محيطه اعظم وكذا يحصل مساحة كل مجسم متساوي القواعد بضرب العمود الواقع من وسطه
على سطح قاعدة في ثلث مساحة محيطه ويعلم برهانه بفرض المجسم مخروطات قواعدها قواعد المجسم
يحصل مساحة كل منها بضرب سهمه وهو العمود في ثلث سطح قاعدة كما عرف في علم المساحة وح
اذا ضربنا نصف قطر الكرة المحاط بالمجسم في ثلث محيط المجسم يحصل مساحتها ويكون محيط ذلك المجسم
اعظم من محيط الكرة المحاط لان مساحته يحصل بضرب نصف القطر في ثلث محيطه ومساحة الكرة ايضا

84

اية يقرب نصف القطر في ثلث محيطها كما بين في المساحة ومساحة المجسم المحيط الكرة فيكون محيط اعظم

واذا تقررت هذه المقدمة فنشرع في بيان الدعوى فلتكن دائرة آ على مركز ت ولنخرج على نقطة آ

خطا مماسا للدائرة وهو ح ا ي ولنعمل ضلع المثلث المتساوي الاضلاع المعمول على دائرة آ

ونصل ت ه ت ز ليقطعا محيط الدائرة على نقطتي ه ز فيكون

قوس ه ز ثلث المحيط وذلك ظ ولان ح ي ثلث محيط المثلث

المعمول على الدائرة وه ز ثلث محيط الدائرة يكون ح ي اطول

من ه ز لما قلنا ان محيط الاشكال المحيط اعظم فليكن آ ح مساويا للقوس آ ه وآ ط للقوس آ ز ونعمل

على نقطتي ح ط عمودي ح ك ط ل ونصل ك ل فيكون ك ل مساويا لخط آ ط الموازي له فيكون

مساويا للقوس ه ز فيكون كل ضلع المثلث الذي محيطه كمحيط الدائرة وهو نقطع خط آ م ور

فلينقطع على نقطة م ونصل ت ا فسطح ا ت في نصف محيط الدائرة مساحة الدائرة وسطح ب م في

نصف محيط الدائرة مساحة المثلث لان نصف محيط الدائرة كنصف محيط المثلث و ت ا

اعظم من ت م فالدائرة اعظم من مساحة المثلث وكذا حكم كل شكل متساوي الاضلاع غير المثلث

ويعلم من ذلك ان الدائرة اوسع من كل مجسم متساوي القواعد يكون محيطه مساويا لمحيط الكرة

لانه اذا عمل على الكرة شبيه ذلك المجسم يكون سطوح قواعده مماسة للكرة فسطوح قواعد

ذلك المجسم لا يكون مماسة بل يقع داخل الكرة وح يكون نصف قطر الكرة اعظم من الاعمدة الخارجة

من وسط المجسم على سطوح قواعده وضرب نصف قطر الكرة في ثلث محيطها مساحة الكرة

[illegible]

وعدد [illegible] هكذا
في ثلث محيطها مساحة وضرب الاعمدة [illegible]

المرجع: Add MS 23570 حق النشر: المُلكية العامة
اعرض على مكتبة قطر الرقمية: http://www.qdl.qa/العربية/archive/81055/vdc_100023410390.0x0000b9

وضرب الاعمدة في ثلث محيط المجسم المساوي لثلث محيط الكرة مساحة المجسم فيكون الكرة اعظم
مساحة المجسم وذلك ما اردناه ولابن الهيثم طريق اخر وهو انا اذا فرضنا وسط الشكل
على مركز الدائرة فلا يجوز ان يقع الشكل خارج الدائرة والا لكان محيطه اعظم لما بينا
وقد فرض مساويا له ولا يجوز ان يقع داخلا والا لكان الاوتار مثل القسي فلابد
ان يقع بعضه داخلا وبعضه خارجا فبالضرورة يقع الزاوية الخارجة واوساط الاضلاع
داخله فيكون الاعمدة الواقعة من وسط الشكل على اوساط اضلاعه اصغر من نصف قطر الدائرة
ويحصل المطلوب كما مر وكذا يبين في الكرة والمجسم بانه اذا فرضنا وسطه على مركز الكرة
فلا يجوز ان يقع المجسم داخلها ولا خارجها لما مر فيقع زواياه خارجة واوساط القواعد
داخله ويتم البرهان بعين ما مر ه ط ه

من افادات العلامة الخفري
في تحقيق حقيقة الزاوية ودفع الشبهة الواردة

اقول للسطح الذي بين الخطين المتلاقيين على نقطة امتدادان متقاطعان احدهما هو الواقع بين ذينك الخطين
والاخر المقاطع له وهو المستد الى سطح اخر ملتقى الخطين فاذا اعتبر تعين كل من ذينك الامتدادين بانتهائه الى الحدين
لم يكن السطح بهذا الاعتبار زاوية لانه في سطح الجهتين واذا اعتبر تعين امتداده الواقع بين الخطين فقط
بانتهائه اليهما ولم يعتبر تعين امتداده الاخر المستد اي نقطة تقاطع الخطين بانتهائه الى حد اخر او كونه
غير منتهي في الجهة المقابلة لجهة النقطة بل انما اعتبر امتداد المطلق المستد الى تلك النقطة يكون السطح
بهذا الاعتبار غير قابل للانقسام الا في الامتداد الواقع بين الخطين فيكون السطح بهذا الاعتبار
زاوية فاراد المصنف بقوله ان الزاوية سطح احاط به خطان اي انها سطح محاط بالخطين المذكورين من حيث

85

من حيث هو كذلك اي بلا اعتبار كونه محاطا بنهايه لتوي بلا اعتبار بعض امتداداته المبتدأ من النقطة
المقاطع للامتداد الواقع بين الخطين بانتهائه الى حد لو اودخانه الى غير النهاية ولا حاجة في ان
الاشكال التي اعتبر فيها الاحاطة في جميع الامتدادات لا يدخل في هذا التعريف فانه لا يصدق عليها
الا سطح يحاط بالخطين المتلاقيين سطح من حيث هو محاط بهما فقط مع قطع النظر عن بعض امتداده
المبتدأ من النقطة المقاطع للامتداد الواقع بين الخطين بانتهائه الى حد لو لو دخانه في غير النهاية
فاندفع عن التعريف الايراد الاخر الذي ذكره بعض المتأخرين وكذا اندفع عنه الايراد المذكور اولا
لان السطح اذا اعتبر انتهائه في الامتداد الواقع بين الخطين المحيطين به المتلاقيين على سطح نهايته
فقط ولم يعتبر انتهائه في الامتداد الآخر المبتدأ من تلك النقطة الى حد لو اوذي به
الى غير النهاية بل انما يعتبر مطلق ذلك الامتداد من النقطة بلا تعيينه في جهة لتوي عن جهة النقطة
لو جد من الوجوه لا ينقسم الا في جهة واحدة اي في الامتداد الواقع بين الخطين ه

المبتدأ من ظ

نصوص رياضية وملاحظات مختصرة ورسومات بيانية بالعربية والفارسية [٩٠و] (٧٠/٨)

90

نصوص رياضية وملاحظات مختصرة ورسومات بيانية بالعربية والفارسية [٩٢و] (٧٠/١٢)

نصوص رياضية وملاحظات مختصرة ورسومات بيانية بالعربية والفارسية [٩٣و] (٧٠/١٤)

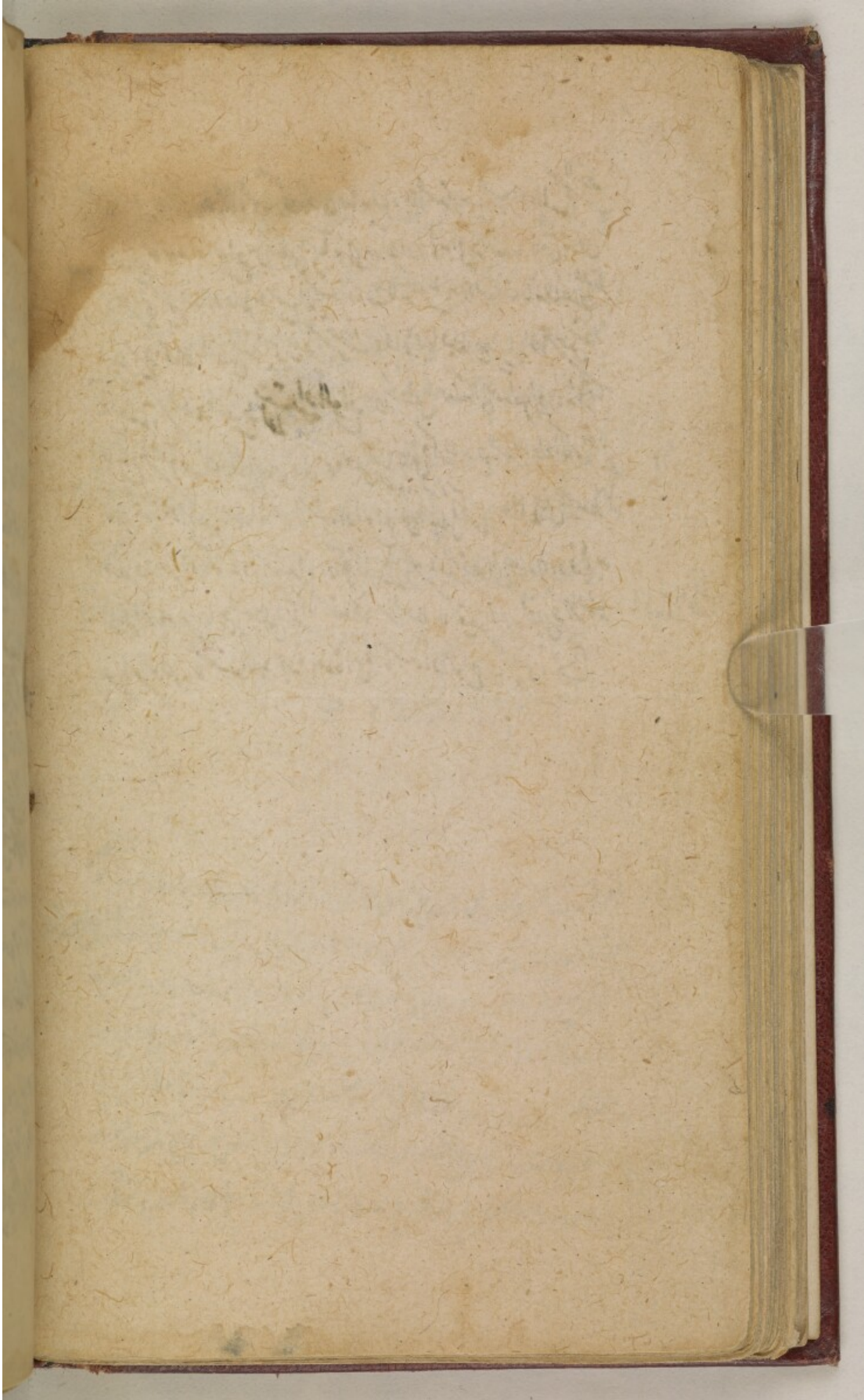
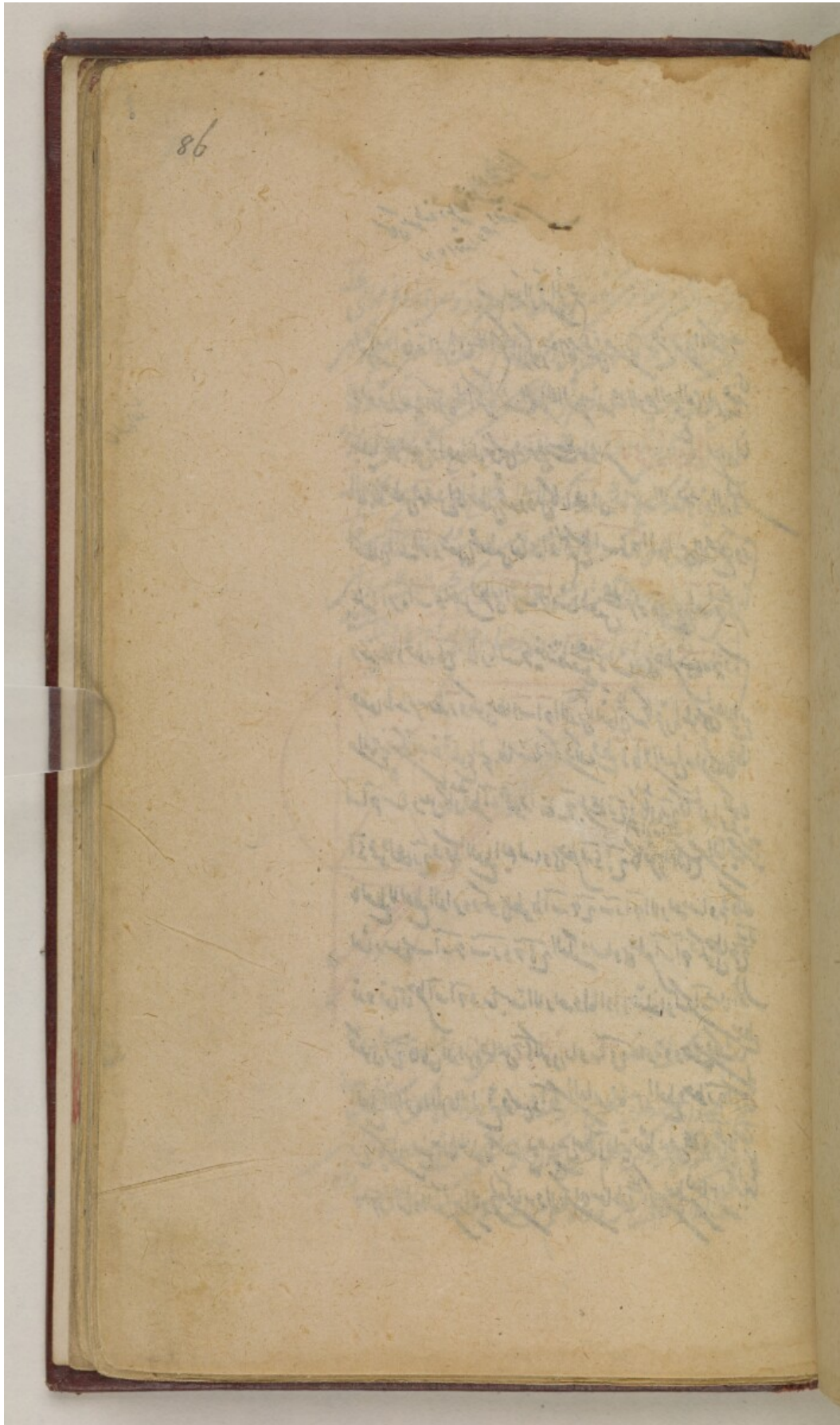
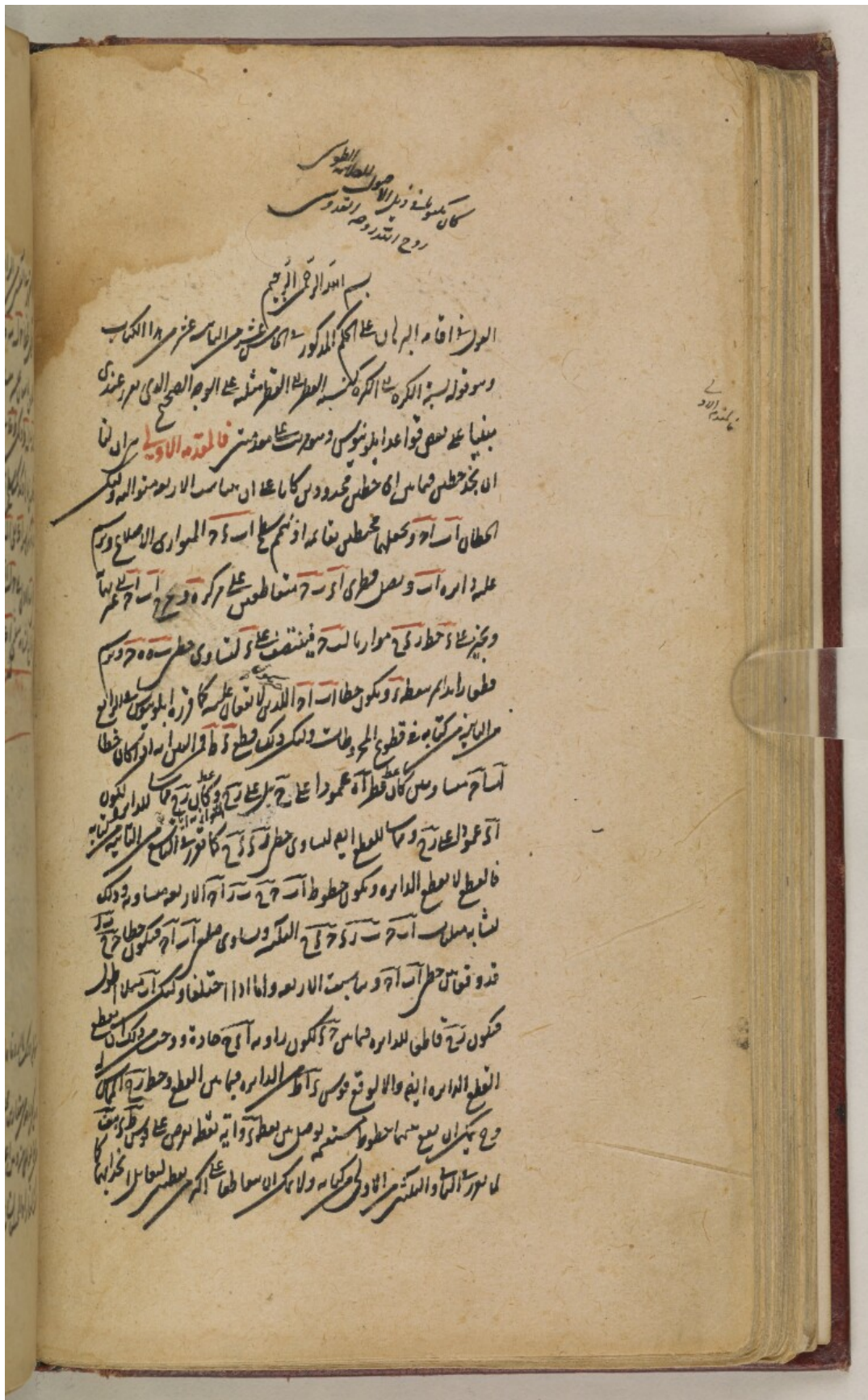
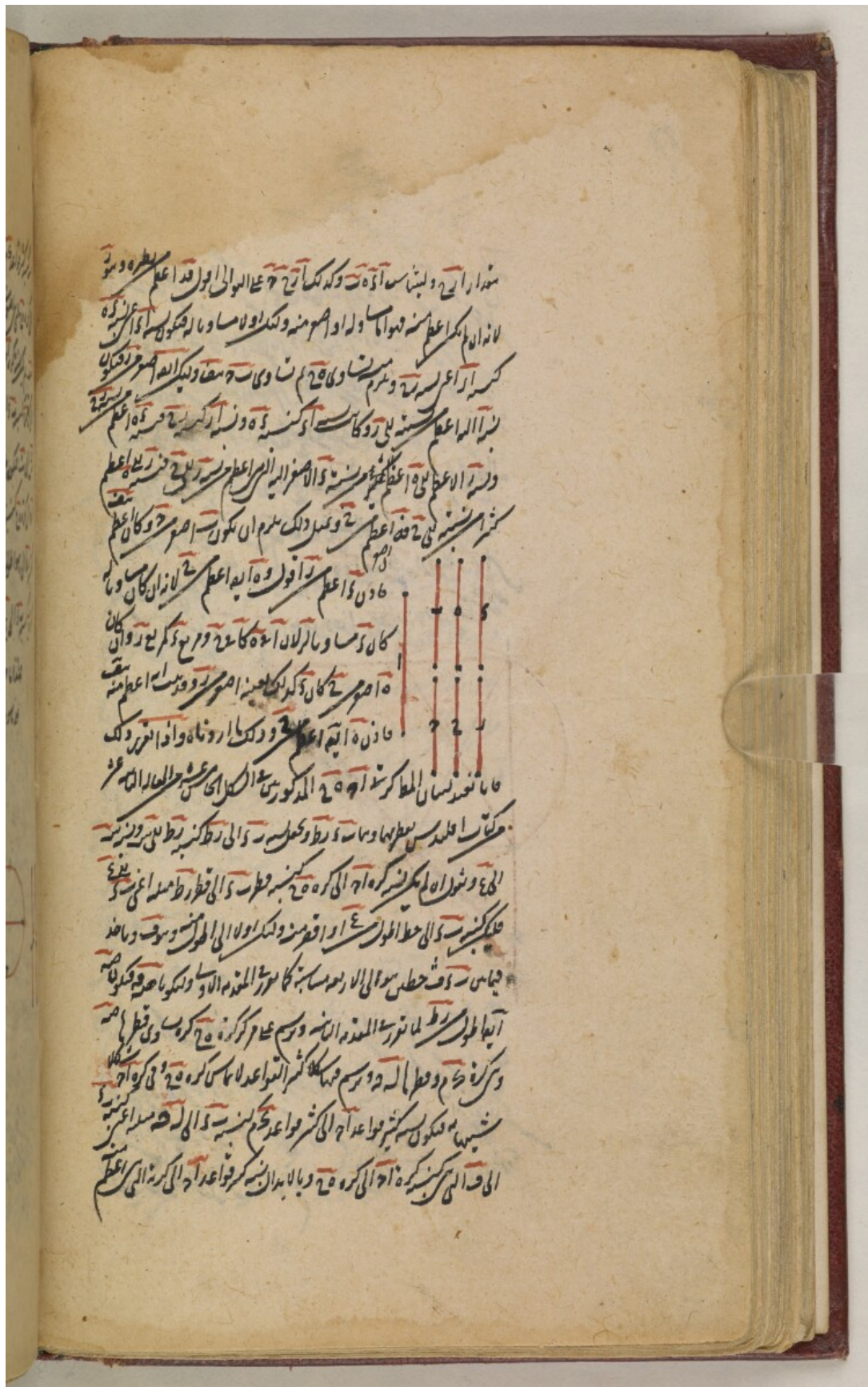
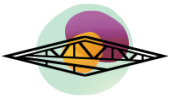
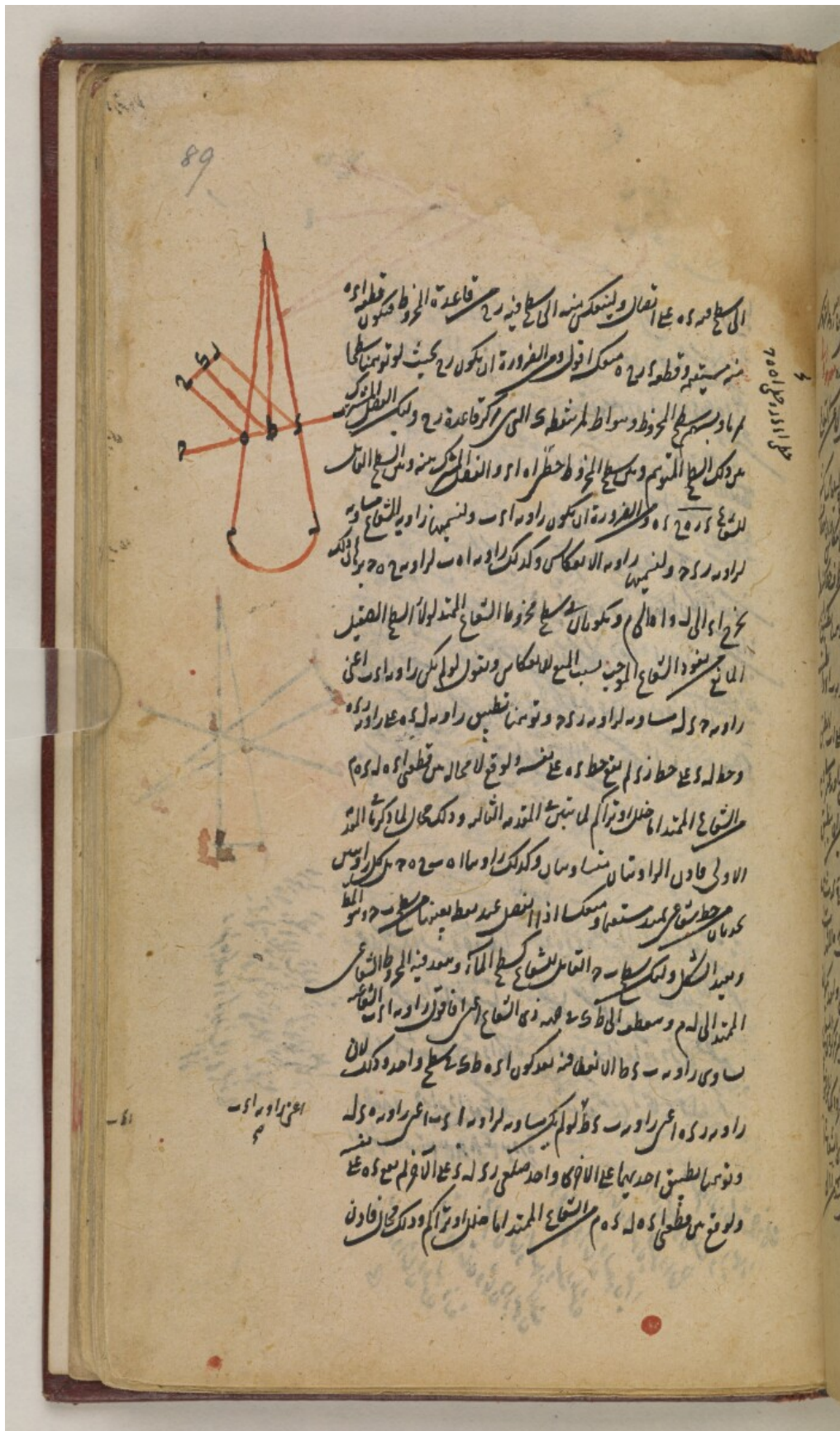
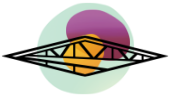
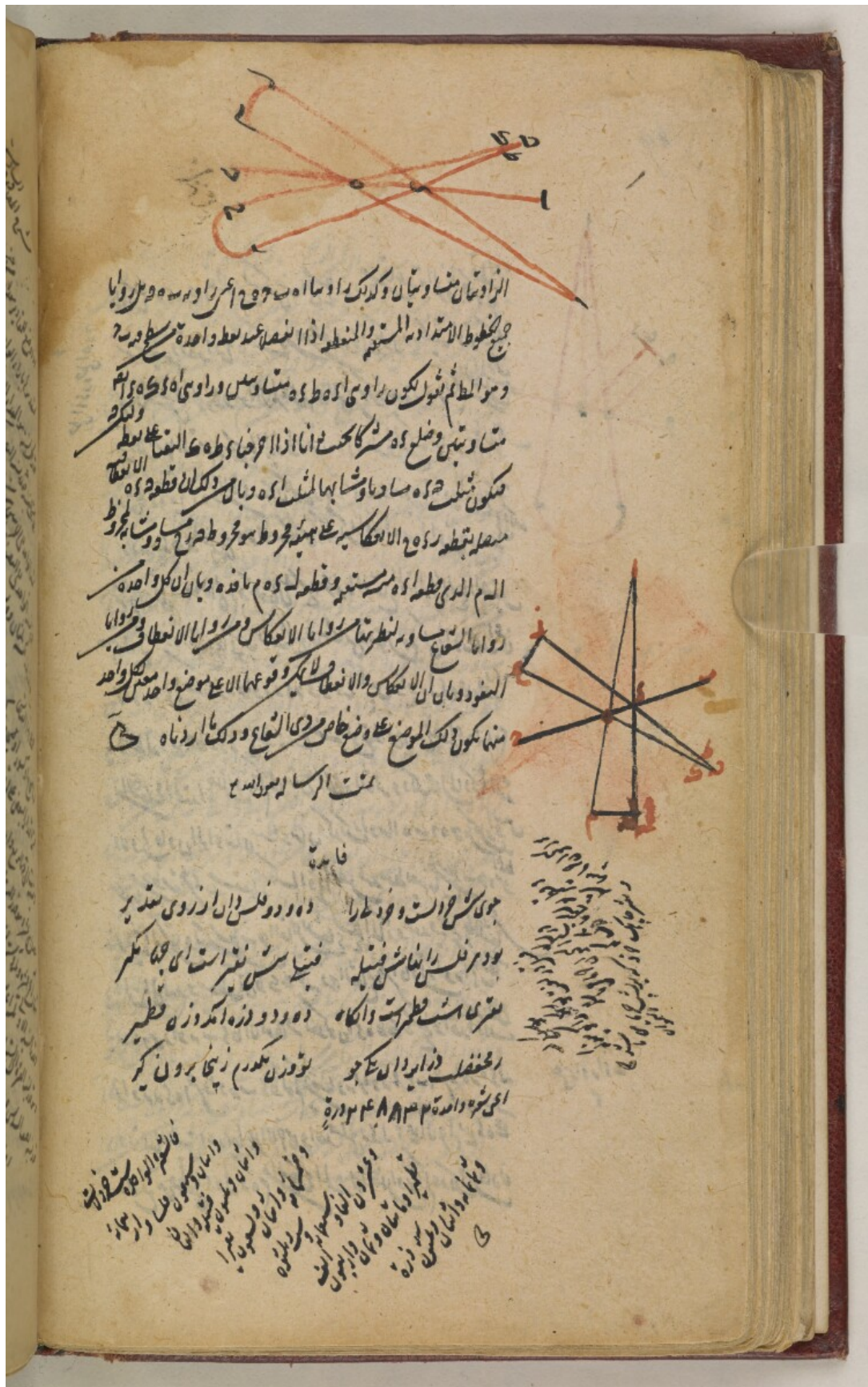
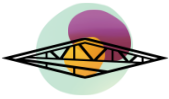
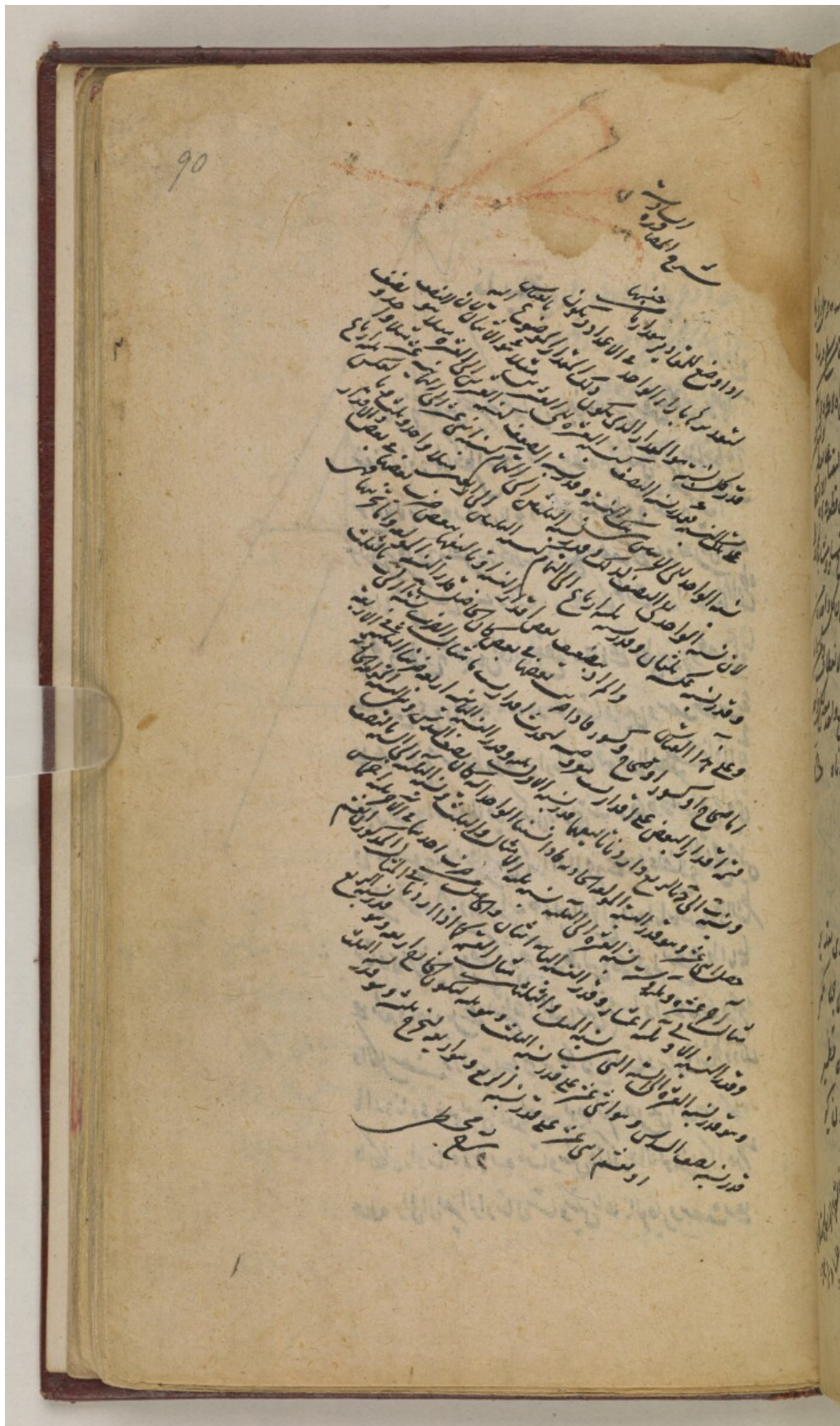
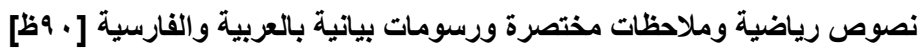
بسم الله تيمن بذكره

واعلم انه كان ما يرى في تلك المرآة ترى اعظم مما يرى بالمستوية وذلك لان زاوية الرؤية التي يحيط بها الخطوط
اعظم مما اذا كانت المرآة مستوية كما يظهر عند التخيل والتأمل في هذين الشكلين

فان الخطوط التي تنعكس من المرآة الى حدود الوجه لو امتدت الى المرآة المستوية لا تنعكس الى حدود الوجه بل الى ما هو
خارج عنها كما يظهر ايضا وانعكاسا لما كخطوط هذه من الخطوط المنعكسة الى حدود الوجه من المرآة المستوية

95

المستوية ما يكون داخل الخطوط التي تنعكس من المرآة الى حدود الوجه واذا عرفت ما تلونا عليك علمت انه
يمكن ان يتخذ مرآة تحكي بعض الوجه على النظم الطبيعي وبعضه منكوسا بعضه صغيرا او آخر كبيرا

بحسب اختلاف اوضاع اجزاء المرآة تقعرا او تحدبا واستواء والله اعلم بكيفية الحال
وهو المرجع والمآب وعليه التوكل في كل باب وهو اعلم بالصواب قال عنده ام الكتاب

اغراض مقالات اقليدس خمسة اقسام

اما الاول ففي بيان الزوايا البسيطة ذوات الاضلاع الثلثة والاربعة والخمسة في كثرة الاضلاع وما يقع منها
في الدوائر ووقوع الدوائر وفي اربع مقالات الاولى والثانية والثالثة والرابعة واما الثاني ففي خواص
الاقدار والاعظام ونسبة بعضها عند بعض وبها مقالتان الخامسة والسادسة واما الثالث ففي خواص طبيعة
الاعداد وانواعها مثل المربع والفرد والاول والمركب والزائد والناقص والتام والمربع والمسطح والمكعب
والمجسم والمباين والمشارك وما يخصها سوى التجانس الواحد على التناسب وفي المقالة السابعة والثامنة
والتاسعة واما الرابع ففي خواص المحدود والمحدودة ومراتب بعضها عند بعض وانها اقرب الى النسبة
وانها ابعد وما يعرض مما تركب منها عند اتصال بعضها ببعض وانفصال بعضها عن بعض وفي المقالة العاشرة
واما الخامس ففي خواص المجسمات وكيفية انواعها وما يعرض من المجسمات الخمس المنسوبة الى العناصر الاربعة
وفي شكل الفلك الذي يحيط به كرة واحدة مفروضة من نسب اضلاعها وسطوحها واحاطة بعضها عند بعض
وكيفية عمل بعضها في بعض وبعضها على بعض وفي المقالة الحادية عشر والثانية عشر والثالثة عشر والرابعة عشر
والخامسة عشر واما غرض المقالة الاولى والثانية ففي تبيين خواص الزوايا الثلث اعني الحادة والقائمة والمنفرجة
ولا يبين الزاوية القائمة وان وترها في القوة مثل الضلعين الباقيين اعظم ... تبيين امر الزاويتين الباقيتين
اعني الحادة والمنفرجة وتبيين وترتيبها الى تبيين الخطوط بعضها عند بعض والزيادة فيها والنقصان
وجعله اربع مراتب ما قبلها فصار في مقالة واحدة وافردها عن المقالة الاولى واما المقالة الثالثة فغرضه فيها
خواص الزوايا والاوتار التي تقع في الدوائر والخطوط التي تقع منها والداخلة فيها ولما كانت الدوائر تقع
من السطوح افرد به المقالة الرابعة عن المقالتين الاولتين واما المقالة الرابعة ففي احاطة السطوح على الدوائر واحاطة
الدوائر على السطوح وكيفية عملها واما المقالة الخامسة فغرضه فيها الاعظام المطلقة ونسبة بعضها عند بعض واما
المقالة السادسة فغرضه فيها تناسب السطوح بعضها عند بعض واضلاعها عند السطوح وما يعرض لها من التناسب
من قبل زواياها واما المقالة السابعة ففي خاصية الاعداد في ذواتها والثامنة في تناسبها وتباينها والتاسعة
في تواليها الى ان اعطى البرهان على انواع العدد التام واما المقالة العاشرة فغرضه فيها ما ذكرناه فوق واما

الحمل الثور الجوزا

السنبله الميزان العقرب

الدلو

نصوص رياضية وملاحظات مختصرة ورسومات بيانية بالعربية والفارسية [٩٧ظ] (٧٠/٢٤)

نصوص رياضية وملاحظات مختصرة ورسومات بيانية بالعربية والفارسية [٩٧ظ] (٧٠/٢٥)

99

100

فلا يكون الماء في الحيز الطبيعي وكذا الحال في الحقيقي بالنسبة الى المحيط والى فوق الى الكل العناصر الا حيا

حيز الطبيعيات فاما الا ... كما قال فيه وهو المذهب المنصور ثم اشار اليه في الشرح بقوله

في الاول لو وقع في الارض ثقبة لسال اليه الماء بالطبع لكونه طالبا للمركز بطبعه وقد ارتفع المانع وفي

الثاني يكون السيلان اليها بالقسر لضرورة امتناع الخلاء اذا تمهد ذلك فنقول بناء على المذهب المنصور

اذا فرضنا الارض والماء من جميع العناصر في الحيز الطبيعي بحيث يكون كرة الارض منطبقا على مركز العالم

والماء محيطا بها من جميع الجوانب سواء فرضناه كرة كرة الارض ثم فرضنا انه حدث في جانب من الارض ارتفاع

بحيث خرج عن سطح الماء فلا محالة ينكشف الى ما يرتفع ويحدث علاقة في تحت الماء فيخرج عن حيزه الطبيعي

لا محالة بعضا من حيز الهواء كما يظهر بالتامل الصادق وان فرضنا حدوث ذلك في احد جوانب الارض

من غير حدوث الارتفاع في احد الجوانب يكون سيلان الماء اليها بالقسر كما تقدم ولا يكون ذلك سيلانا طبيعيا

الموضع المقابل له الا اذا حدث من الوهدة والاغوار ما يسع جميع عنصر الماء ولا شك ان ارتفاع ربع الارض

اقرب من ذلك لا سيما على ما قال الشيخ في الشفاء ان اعماق العناصر متساوية اذ على هذا التقدير يبعد

ان يسع اغوار الارض جميع عنصر الماء وان فرضنا حدوث ارتفاع في احد الجوانب وانخفاض في الجانب الآخر

يكون انحدار الماء بالقسر كما تقدم مع الانكشاف في المواضع المرتفعة بقدر ما يفعل الانحدار في الماء

فانه اذا نقص في الماء بقدر الارتفاع المقابل موجبا للانكشاف كالاكبر والاظهر ان الشق لو وقع في الاكثر

في الجانب الاعظم او اي حال استقلال الارتفاع وبسببه الانكشاف اقرب من استقلال الانخفاض و

تلك الاقرب فيكون ذلك بحفظ جوانب الماء ويكشف لك في كلام الشارح غيره من الايهام ...

اغوار المبحث من زوال الاقدام ... العلامة الدواني رحمه الله ...

101

102

الكمال الشعوري والدوري يعني

[illegible]

٥ ط م ٥ والكمال الدوري لطا قاعني ٨١
لانه كمال الشعوري فاذا دلت الاصوات على
الكامل [illegible] الكمال الدوري هكذا فاطم ٥
[illegible]

بسم الله الرحمن الرحيم

سؤال في تحقيق الصبح الكاذب وكيفية
حدوثه على هيئة خط مستطيل في جانب المشرق
فوق الافق ان الشمس اذا قربت من الافق مال
سطح مخروط الظل الذي في جانب الشمس الى الافق
الينا واذا توهمنا سطحا قاطعا للمخروط على
حيث يكون في سطحه الذي الى جانب الشمس خط
وتوهمنا فصلا مشتركا بين سطح المخروط والسطح القاطع فيحيط هذا الخط مع الفصل المشترك بين الافق
والسطح القاطع بزاوية حادة لميل سطح المخروط الى الافق فاذا اخرجنا عمودا من البصر على الضلع
لهذه الزاوية اي الخط الاول كان موقع العمود على هذا الضلع فوق الافق لميل هذا الضلع الى الافق الينا
وظاهر ان موقع العمود المذكور اقرب الى البصر من الافق وان احتجت الى بيانه فتوهم مثلثا من العمود والضلع
الاعظم للزاوية الحادة المذكورة وضلعه الاسفل اعني الفصل المشترك بين السطح القاطع والافق مثلث
زاويته التي عند موقع العمود قائمة ووترها الفصل المشترك بين السطح القاطع والافق بين الخط
الخارج من البصر الى الافق فيكون هذا الخط اطول من العمود المذكور لكونه وتر القائمة والعمود وترا
لاحدى الحادتين الباقيتين من المثلث المذكور فيكون موقع العمود وما يقرب منه من جانبيه اقرب
الى البصر من الافق فلذلك يرى الصبح الكاذب على هيئة خط مستطيل عرضا واصل الى الافق
لبعد الافق عن البصر فتبصر تم

من الفوائد العلية القوشجية

كل كوكب يزيد تمام عرضه على مجموع عرض البلد والميل الكلي فانه ذو طلوع وغروب ولا يصير ابدي الظهور
والخفاء وكل كوكب ينقص تمام عرضه عن الفاضل بين عرض البلد والميل الكلي فان كان الفضل لعرض البلد على
الميل الكلي يكون ذلك الكوكب ابدي الظهور ابدا ان كان جهة عرضه موافق لجهة عرض البلد وابدي الخفاء
ان لم يتوافق الجهتان ولا يصير ذلك الكوكب ذا طلوع وغروب قط وان كان الفضل للميل الكلي على عرض
البلد يكون ذلك الكوكب ابدا ذا طلوع وغروب ولا يصير ابدي الظهور او الخفاء قط وكل كوكب لا ينقص
تمام عرضه عن الفاضل المذكور وذلك بان لا يكون بينهما تفاضل او يكون ولم ينقص تمام عرضه ولكن يزيد على
مجموع عرض البلد على الميل الكلي يكون ابدي الظهور ان كان في جهة البلد وابدي الخفاء ان كان خلافه والا
فانه يصير ابدي الظهور او الخفاء بعد ما كان ذا طلوع وغروب وبالعكس يعني يصير ذا طلوع وغروب بعد ما كان
ابدي الظهور او الخفاء وبيان ذلك ان الكوكب الذي يساوي تمام عرضه لمجموع عرض البلد والميل الكلي يماس
مداره اليومي اعظم المدارات الابدية الظهور فيكون ابدي الظهور في ذلك اليوم وفي غير تلك الحالة اما يكون
من مداره اليومي يكون مداره اليومي اعظم من اعظم المدارات الابدية الظهور فيكون ذا طلوع
وغروب والكوكب الذي يزيد تمام عرضه على مجموع عرض البلد والميل الكلي يحيط مداره اليومي بالمدار اليومي
المذكور للكوكب المذكور اعني المدار المماس لاعظم المدارات الابدية الظهور فيكون ذلك الكوكب ذا
طلوع وغروب ابدا ولا يصير ابدي الظهور قط والكوكب الذي يساوي تمام عرضه فضل عرض البلد على الميل
الكلي فان مداره اليومي يماس اعظم المدارات الابدية الظهور من داخلها ويكون المدار اليومي لذلك الكوكب
حين وصوله الى نقطة التماس اعظم المدارات الابدية الظهور وفي غير تلك الحالة اما يكون جميع مداره اليومي
يكون مداره اليومي اصغر من اعظم المدارات الابدية الظهور فيكون ذلك الكوكب ابدي الظهور دائما ولا يصير ذا
طلوع وغروب قط والكوكب الذي ينقص تمام عرضه عن الفضل المذكور اعني فضل عرض البلد على الميل الكلي
يكون مداره اليومي بتمامه داخل اعظم المدارات الابدية الظهور ولا يماس فيكون المدارات اليومية
لذلك الكوكب انما يكون من مداره اليومي اصغر من اعظم المدارات الابدية الظهور فيكون ذلك الكوكب ذا طلوع
وغروب قط والكوكب الذي يساوي تمام عرضه فضل الميل الكلي على عرض البلد فان مداره اليومي
يماس اعظم المدارات الابدية الظهور من خارجها ويكون المدار اليومي لذلك الكوكب حين وصوله الى

في نقطة التماس اعظم المدارات الابدية الظهور ويكون الكوكب في ذلك اليوم ابدي الظهور وفي غير ذلك الحالة
اينما يكون مداره الوهمي يكون مداره اليومي اعظم من اعظم المدارات الابدية الظهور فيكون ذا طلوع وغروب
والكوكب الذي سعته تمام عرضه من الفضل المذكور اعني فضل الميل الكلي على عرض البلد يكون مداره الوهمي مماسا
لمدار الوهمي المماس لاعظم المدارات الابدية الظهور ويكون مدار الكوكب اليومي اعظم من اعظم المدارات
الابدية الظهور فيكون ذا طلوع وغروب ابدا ويصير ابدي الظهور فقط وكل كوكب يزيد تمام عرضه
على التفاضل بين عرض البلد والميل الكلي او يكون في بلد ... عرضه للميل الكلي وينقص عن مجموع عرض البلد
والميل الكلي فان مداره الوهمي يقاطع اعظم المدارات الابدية الظهور ويصير ذلك الكوكب ابدي
الظهور بعدما كان ذا طلوع وغروب وبالعكس فانه ما دام في القطعة من مداره الوهمي التي في خارج
اعظم المدارات الابدية الظهور فانه ذو طلوع وغروب وما دام في القطعة الاخرى من مداره الوهمي
يكون ابدي الظهور ويعلم الخفاء الابدي بالمقايسة الى ما ذكرنا في الظهور الابدي

والحمد لله اولا ولاخرا م

في استخراج الميل الاول جامع كوشيار

نضرب جيب القوس المفروضة من فلك البروج في جيب الميل كله منحطا فما حصل فهو جيب الميل ولتعلم ان
جميع ما نعمل او نعلم لجزء الشمس من فلك البروج وبهذا الميل نعمل للكواكب التي لها عرض بدرجة ممره
بها اي جزء الشمس وبعد الكوكب عن معدل النهار يسمى بهذا الميل حيث كان على الاطلاق

عبارة زيج جديد [illegible] در بيان اين معنى

زبده در استخراج ميل اول آنست كه جيب قوسي كه ميان نقطه اعتدال باشد و هر جزو كه فرض كنند
از فلك البروج در جيب ميل كلي منحط ضرب بايد كرد تا جيب ميل اول آن جزو
حاصل شود و چون آنرا در جدول جيب معكوس كنند ميل حاصل شود والله اعلم و احكم

في معرفة ايام البيت

معرفت ايام بيت چنانست كه اتفاق كرده اند حكما بر آنكه زمان از اجتماع تا دوازده ساعت معوج
با آفتاب تعلق دارد كه آن هلاك تن و جانست و بناي همه كارها اول ساعت بسبع كار را شايسته نيست
بعد از آن هم دوازده ساعت معوج بكوكبي تعلق دارد از آن سبب كوكب ديگر بترتيب افلاك پنهان
از بالا بزير و آفتاب عنها كارها نه [illegible] بود كه مناسب آن كوكب بود تا بعد از سه روز و نيم
ديگر باز نوبت با آفتاب رسد و اين حساب برين ترتيب از اجتماع تا اجتماع بود و در ميانه كه
ميان دو اجتماع نه بار نوبت آفتاب برابر باشد بهمان مقدار ساعات معوج از روز يا شب
و چون يكبار نوبت آفتاب بروز باشد دوم شب بود پس چون خواهيم كه ايام نوبت را بدانيم
نظر كنيم اگر اجتماع بروز باشد ببينيم تا آن روز بكدام منسوبست در آن هفته كه منسوب بدان
كوكب بود نوبت آفتاب را باشد باز بعد از آن بر دور آن كوكب نوبت با آفتاب رسد همچنين ضابطه
تا اجتماع ديگر مثالش فرض كرديم كه اجتماع اتفاق افتد در روز يكشنبه كه منسوبست با آفتاب
بعد از آن نوبت شب پنجشنبه رسد كه هم منسوبست با آفتاب پس با اين اعتبار نوبت ايام بيت
داير بود در روز يكشنبه و شب پنجشنبه تا آنگاه كه ابتدا از اجتماع ديگر كرده شود ه

معرفت ساعات بيت چنانست كه اگر اجتماع بروز بود اجزاي ساعات زماني آن روز بيرون
آوريم و اگر بشب بود اجزاي ساعات زماني آن شب آنگاه ساعات اجتماع را در يازده
ضرب كنيم و بر اجزاي ساعات زماني قسمت كنيم تا ساعات معوج اجتماع حاصل آيد
آنرا ساعات اصل نام كنيم آنگاه اگر در تقويم ساعات معوجه ثبت كنيم همان ساعت
اصل را بعينه مي نويسيم بي زيادت و نقصان در آن روز يا شب كه نوبت بيت رسيده بود
او باشد و اگر ساعات مستوي خواهيم كه ثبت كنيم در آن روز يا شب كه نوبت بيت رسيده بود
اجزاي ساعات زماني استخراج كنيم و آن ساعات اصل را در آن ضرب ميكنيم و بر يازده
قسمت ميكنيم تا مبدأ ساعات بيت حاصل مي آيد از آن روز يا شب از ساعات مستويه
در برابر آن روز در تقويم در جدول ساعات بيت ثبت ميكنيم ه طريق ديگر

104

طريق ديگر ساعات اجتماع را با ساعات تمام آن روز يا شب كه اجتماع در روى شده باشد
قسمت كنيم آنچه حاصل آيد آنرا دقايق معيار خوانيم انگاه در هر روز يا شب كه خواهيم ساعات بعد
بهر درسد دقايق معيار را در ساعات تمام آن روز يا شب ضرب كنيم تا ساعات شب حاصل آيد

والله الموفق والمعين ح

بسم الله الرحمن الرحيم

قاعده مشهور است كه چون لطلاع اسب انديشه در ميدان خيال تاخت و برى شاه عمر خود
شطرنج ساخت الناس كرد كه بر رسم صله در خانه اول از سوت عمر حبه بدهند و در دوم دو
و در ثالث سه و برين منوال تا خانه شصت و چهارم و مجموع را با و دهند و سئوال او در
بادى الراى بسيار حقير نمود و چون وزرا حساب در اورند مقدار كثير بود و حضرت مخدوم
محقق ولى مولانا شرف الملة والدين على قدس الله روحه و زاد سره الاقدس قدم قلم در طى
بيان سوال فرموده واين رباعى شريف املا فرموده مصراع اول تضعيف بيك نور بود هشتم بار
مراد از نور دويست و پنجاه و شش است كه عدد خانه نهم است مصراع دوم آن شود اربست و كرى
ضرب عددى در عددى تحصيل عددى است كه نسبت او با حد المضروبين چون نسبت مضروب ديگر باشد با واحد

وآن عدد در خانهٔ [illegible] باشد باز این عدد را در نفس خودش ضرب کنیم عددی حاصل شود
که در خانهٔ سی و سیم است باز این عدد را در نفس خود [illegible] ضرب کنیم عددی حاصل شود که در خانهٔ
شصت و پنجم بودی اگر بودی و چون تضعیف این عدد کنیم عددی پیدا شود که در خانهٔ شصت
آن خانه هم
و چهارم است مطلع ۳ در جمع تکرار مال ثالث بردار مراد از جمع جمیع اعداد موضوعه در خانهٔ
شصت و چهارم است و مال حاصل ضرب عدد در نفس خود را گویند و اقلیدس در شکل سی و ششم
از مقاله نهم کتاب اصول این را برهان کرده بر آنکه چون اعداد متوالی باشند بر یک نسبه
و عدد اول از آنها واحد را طرح کنیم نسبت باشد از ثانی باول چون نسبت باقی از آخر بجمیع آنچه پیش از وست
اکنون واحد و ضعف او و ضعف ضعف او تا مال ثالث اعداد متوالیه اند بر یک نسبه و چون واحد
از ثانی و از مال ثالث کم کنیم نسبه واحد بواحد چون نسبه باقی مال ثالث باشد الا واحد بجمیع آنچه در شصت
و چهار خانه موضوعست پس هرگاه که از مال ثالث یکی کم کنیم مطلوب [illegible] حاصل شود

مطلع ۴ در باب شرف رابع عشر یادآر اللهم احشره مع الشهداء و الصدیقین و الابرار

فایده اعداد صحیح که واقع باشند میان دو مربع از عدد متوالی جذر هما زیادت نشود از دو که واقع
میان یک و چهار که مربعین یک و دو اند چه یکی از این دو اگر مربع باشد جذر او بیش از یکی کم از دو
پس صحیح نتواند [illegible] نیست نمیتواند بود که صحیح و کسر باشد چه مربع صحیح و کسر [illegible] صحیح
باشد و اگر نه واحد عدد او کند پس مربع و احد که هم واحد است عد صحیح و کسر کند بشکل چهارم
از مقاله هشتم کتاب اصول و از این کلام ظاهر شد غلط بعضی که پنداشته اند که اصم در نفس الامر
جذر دارد و دانستن آن متعذر است و آنچه امیر خسرو در خمسه میفرماید که در ریاضی یکی مردم علم
باد کرد گوشت جذر اصم از نهایت مبالغه است که این طایفه را میباشد و سبحان من لا یعرف
جذر الاصم الا هو که بآدم او لیا علی مرتضی علیه السلام نسبت میکنند از قبیل اقتراحیات بود والوکل
علی الله الودود فایده اذا اردت ضرب العددات فی العددات کضرب تلث فی ربع [illegible]

107

من تنقيح مقالة ابن الهيثم في الهالة وقوس قزح

كل كرة من البلور وما يشبهه صحيحة الكرية مشدودة الشفيف اذا قوبل بها جرم الشمس حدث الشعاع نارا يحدث
او اقا في خلاف جهة الشمس عند بعد من الكرة يكون اقل من ربع القطر وكذلك القارورة
اذا كانت كرة من زجاج نقي قد ملئت ماء صافيا لان شفيف الزجاج النقي والماء
متشابهان جدا فالشعاع النافذ في القارورة لا ينعطف ما يعتد به فاما ان كانت خالية
فللاختلاف شفيف الهواء والقارورة فاذا نفذ الشعاع في القارورة ووصل
الى الهواء انعطف ثم اذا وصل الى القارورة انعطف ثانيا فيكون عند النهاية
ذا اربعة انعطافات والانعطاف يضعف الشعاع فاذا كثر تكراره قل تاثيره

اول من تكلم في هذا الفن من المتاخرين ابو عبيد الجوزجاني تلميذ الرئيس ابي علي بن سينا
فانه عمل رسالة في هيئة الافلاك وذكر فيها اقدارا تصور انه يتخلص بها من الاشكالات
ثم ابو علي بن الهيثم ثم المحقق الطوسي قدس الله روحه ثم العلامة الشيرازي صاحب التحفة
ثم جمع من معاصريه كالحكيم محي الدين المغربي فان اصل الجميلة منقول عنه ثم المولى العارف
شمس الدين محمد بن علي بن محمد الحمادي ولا يذهب عليك ان كلام ابي عبيد ضعيف
وما اورده ابن الهيثم لا يتخلص به عن ما اشار اليه في كتاب التذكرة للمحقق الطوسي
قدس الله روحه وكلام المحقق على ما نقلناه حاصله لا يتخلص به عن محاذاة التوسط من عطارد وعن
مناطق التداوير والحوامل واما صاحب التحفة فقد طول الكلام واما المولى محمد المنجم الحمادي الساكن
وزعم فيها ان تلك الاشكالات باسرها تنحل بمائة واربعين كرة وغير ذلك ... والحق انها كلها
ومن ارادها فليرجع الى العجائب لوامع

خاتمة في خلاصة ما في هذه الرسالة

وارباب الصنعة وقد بقى اهم الاشكالات استصعبوا حلها واعترفوا بالعجز عنها
احدها شكل ٩ وكذا ذكر تدوير التعديل دون ذكر العالم دون ذكر حامله وثانيهما محاذاة
فهو ذلك التدوير لنقطة المحاذاة دون ذكر العالم وذكر حامله ولي نقطة دون ذكر
العالم بعدهما عند صاحب الحفيف كبعد مركز الحامل عنها في جانب الاوج
و ١٣ و ١٤ و ٥ و ٦ و ٧ شكل به وكذا كل مراكز تداوير الخمسة المتحيرة
عند مراكز معدل سيرها دون مراكز حواملها و ٨ و ٩ و ١٠ و ١١ و ١٢
ميل ذروة تداوير كل الخمسة المتحيرة وحضيضها بما يتبع سطوح حواملها متباعدا
مائلا عنها الى غاية ما ثم رجوعها ثم ميلها في جهة الاخرى ثم عودها الى السطح الاولى
مع عدم ثبات المائلين في الجهتين و ١٣ و ١٤ ورود ما ورد في الميل
انحراف كل السفليين و ١٥ و ١٦ ورود مثل هذا في ميل منطقة حامل
كل السفليين عن منطقة ممثله وينحل الاول والثالث والرابع والخامس والسادس
بالاصل الذي ابدعه العلامة المحقق الطوسي في كل بعد لزوم ويبقى الثاني وذكر العلامة
صاحب التحفة لحل الثاني اصلا واعترف بفساده منها واستخرج الكاتب
وغيرها فيه واورد لحل الثاني شيئا لا يخلو من شيء وشكل آخر الى حل الكل فيها
بوجه آخر وبلحقه حل الاشكالات التي لا يتخلص بعد الى زماننا هذا اعني ما اعترفوا به
الثالث و ٩ و ١٠ و ١١ و ١٢ و ١٣ و ١٤ و ١٥ و ١٦ والاضافة ان الثاني
والسابع مما لا حل بعد وان زعم صاحب التحفة حل السابع في الاشكالات

لحل

109

في استخراج قطر الكرة

نعلم نقطة على سطحها قطبا ونضع عليها احدى رجلي البركار ونرسم بالرجل الاخرى محيط دائرة
على سطح الكرة ونضع هذا الفتح على خط مستقيم ونضع من رجلي البركار ونسميه بالمقدار
الاول ثم نقسم محيط تلك الدائرة بثلثة اقسام متساويات بالبركار ونحصل مقدار هذا
الفتح بتلك الاجزاء الثلاثة وننقص مربعه من مربع المقدار الاول ونأخذ جذر الباقي
فهو ارتفاع قطعة تكون سطح الدائرة المرسومة قاعدتها فنقسم عليه مربع المقدار الاول
فما خرج فهو قطر الكرة

بالعلم

توضيحه ان الدرجة ستين ثواني تحت ارتفاع الم وستين مرتبة الى مرتبة
اعلى كما ان حاصل ضرب اربع ثوان في ستين هو مائتان واربعون ثانية
وهو اربع دقائق فاذا رفع من مرتبة الثالثة الى مرتبة الدقيقة فاذا ارتقى
ضرب اربع ثوان في ستين وارتقى على الانحطاط تحت ان يوخذ المقسوم عليه
اعني خمس دقائق انه منحط عن مرتبة الدقيقة الى مرتبة الثالثة بان يوخذ
خمس دقائق خمس ثوان ثم ينقسم اربع ثوان بما على الانحطاط عن مرتبة
بالضرب الى مرتبة الدقيقة على خمس ثوان المنحط من مرتبة الدقيقة الى مرتبة
الثالثة فيخرج اربعة اخماس الدرجة وهو المطلوب قوله حصل على التقادير
الثلثة اي احد التقادير ان ينقسم عشرون ثالثة على ستين فيخرج
عشرون رابعة وثانيها ان لا ينقسم عشرون ثالثة على ستين بل يوخذ عشرون
ثالثة عشرين رابعة منحطا وثالثها ان يوخذ المقسوم اربع ثوان منحطا
لم يوجد الخمس دقائق المقسوم عليه انه منحطا اي يوخذ خمس ثوان فان
على التقادير الثلثة بقسمة المقسوم على المقسوم عليه يخرج المطلوب اعني عشرون رابعة

هو العليم

من حاشية العلامة على شرح التذكرة المسماة بتوضيح التذكرة
لمولانا محمد بن علي بن حسين [illegible]

في تلك الاحاديث ان الاستاد خاتم الحكماء قدس الله روحه وروح رمسه [illegible] وكان
مدار كرة التدوير حول مركز العالم ومدار معدلات المسير باصل يبتني على مقدمة اخترعها وهي
تردد نقطة على خط مستقيم من طرفيه بحيث لا يزول عنه واما قلت يمكن ان يستدل بهذه
المقدمة على امتناع السكون بين حركتين صاعدة وهابطة قد ذكرت [illegible] اني سمعت
عن بعض الفضلاء وهو الامام المحقق شمس الملة والدين العبيدي ادام الله فضله ان هذه
المقدمة لافلاطون وقد استدل بها على امتناع السكون بين الحركتين قالت الامام المذكور
عن هذا المنقول فهو كذب وفجور وحلف ايمانا بالاجانب لعل ان هذا الكلام ما سمع الى الان

ومنها اني كنت احكم في اصل الحامل والتدوير الذي وضعه بطلميوس وقد وقع لي
وكرة التدوير مساوية لحركة الحامل ومخالفة في الجهة النصف الاعلى وارسم دايرة
بالحركة المركبة وكرة الكوكب مساوية للحامل مركزها فوق مركز الحامل او تحته بحيث يكون
البعد بينهما كالبعد بين مركزي التدوير والكوكب ويكون كرة الكوكب بالحركة المركبة
[illegible] حول مركز هذه الدايرة اما لو فرضنا كرة التدوير في النصف الاعلى على جهة
حركة الحامل بحركة مساوية لها اولا [illegible] وكرة الكوكب بالحركة المركبة حول
نقطة ام لا فلاح لي بالبرهان الهندسي الذي لا يخالطه شك انه يمتنع في ارتسام الدايرة
لكن [illegible] وكرة الكوكب بالحركة المركبة حول نقطة بعدها عن مركز الحامل في احدى جهتي

112

113

ومنها انه لما شرفت بحضور هذا الفاضل سألني عن زيادة الميل الكلي الذي
والحقيقيات ومن الابعاد الصاحبية والمشهورة على ما ذكره بطليموس في كتاب الاقتصاص
المشهور بالمنشورات وقد صنعه بعد المجسطي بحركة الذي على دواير صغار وبين ان السبب الذي
اوجب هذا التوهم وخفي الى ثم بهام الميول فقلت لو بينت له السبب واعتذرت اليه
بانه وان كان كذلك فانما اخره على ما في المجسطي لكونه اقرب منه ولهذا قال الاستاد
ابو الريحان في كتاب ابطال البهتان بايراد البرهان واما في كتاب ذري تنوير الحكمة
في الميل على الوجه المشهور المذكور في المجسطي فذلك مما يجوز في كتاب من حيث يبنى تموك
دون اصول علم الهيئة فلما راى هذا الفاضل ان اكثر هو في بيانه مدح اصل الكمية
وانه لا يتصور اصل اتم منه لهذا الوضع حتى ان فيه نظرا وبين له ذلك فاخذه
المتعلق ذلك وطفق يشنع بانه اطلع على ما فيه من النظر وقد غفل الجمهور عنه وبان
رجوع بطلميوس عما في المجسطي غير صحيح والا لكان مذكورا فيه ومنها
انه تصورت وجها لحل اشكال المحاذاة ذكرته في البديع فرآه اثنى به الشيخ واستحسنه
فلما حضر عندي اخذ يثني عليه فقلت لا تبالغ فان فيه نظرا فالح بانها اياه عليه
فقلت فكر فيه فان لم تلح او فحك عليه فكرا اسبوعا وسود فيه اوراقا ونمقها ثم
فكتبت اليه ان النظر ليس ذلك وان كل ما ذكرته فاسد ولا شيء منه بوارد فالتمس
ان ابين له ذلك فبينت انه يلزم من هذا الوضع ان يقع مركز العالم في فلك القمر
وبطل القول فيه ومع ذلك لم يكن يفهم ذلك حتى فهم الولد الاعز الافهم والامام

والامام الافضل الاعلم قدوة الاذكياء ملك العلماء كمال الملة والدين حسين [illegible] العارف

والغرض انه استفاد هذا النظم منا وجعله عكازة للتدقيق فينا وشنع بانه خفي

عليهم ذلك ولقد در القايل اعلمه الرواية كل يوم فلما قال [illegible]

اعلمه الرماية كل حين فلما اشتد ساعده رماني ومنهما انه وصف بتزوير

سبحانه الى مدينة بتزويرها بنا انه من الآفات وزعم انه تصور اوضاعا

في افلاك السيارات يتخلص بها اشكال معدلات المسير والمحاذاة والميول والارتفاعات

والانطباقات والافتراقات وحيث فتش عنه ظهر انه تصور باطل

فاخذ في تصحيح زعمه بزيد افلاكا وشروطا [illegible]

من اللوامع النورية

اذا الاظلة واحدة تتمة ان الفطم بطليموس بعد ما استدل بتساوي الكواكب

في المنظر القطع الظاهرة من الدورة على الاستدارة قال الابعد الافق تعظم الاجرام

وجمهور المتأخرين شارحين لكلامه وجهوه بان الكواكب في الافق ابعد من الناظر منه في

سمت الرأس فالبخار المتوسط بينهما في الافق اكثر فيكون اشد تراكما والشعاع المتوسط

يرى ما وراءه اعظم كما لا يخفى على الوقوف بما مر في المواضع قالوا فلم يحكم ذلك

اختلاف ابعاد الكواكب وعندي ان هذا التوجيه مع انه غير وجيه [illegible]

قانون التوجيه فان المستدل مدع والمعترض مانع وعظم الرؤية في الافق سند

وبيان سببه تحقيق سنده على تقدير تسليمه لا يدفع المنع فللمانع ان يعود ويعيد المنع

ويقول التساوي مع ثبات البعد العظم في الافق ولو سلم ان التراكم يوجب

اختلاف في

في الرؤية وراء المتوسطات المتشابهة فالتشابه في التشابه بعينه ان بضرورة ان الا

الاختلاف بعينه الاختلاف لكن لا يلزم عدم هذا الاختلاف على الاستدارة بحيث في

مزيد شرح وبيان والله هو المستعان **تنبيه** يمكن حمل عبارة الحكيم على ما لا يرد

عليه ما مر اثر ظل غرضي المشهور عند الجمهور ان الوجه في رؤية المرئيات

من وراء الكثيف الكرات زاوية الرؤية بسبب انعطاف الشعاع في المخالف

الاكثف اعظم **تبصرة** كون صورة زاوية الرؤية اعظم صور ما لوجوه

اولها ما يرى في كلام بعض العلماء ممن هو اشد تحصيلا وذلك انه اذا رأى ان زاوية الرؤية

يتبدل زاوية لعوض محيط بالاولى منتهية الى ضلعين كونين وثانيها ان يتباعد

الضلعان المحيطان بالاولى على استقامتهما فيتسع ما بينهما وثالثها ان ينحوس

هذان الضلعان ولا يخفى على من له بصيرة من نظر في كل تقدير وهاهنا مجال واشكال

اما على الاخيرين اللذين تكون اليهما او الى كليهما كلام شاف في المواقف على ما يتبادر من عبارة

من تصويره وتقريره في افادة على ما نحن عنه فلوجوه عديدة وردت مواضع لا نعلمها

منها انه يلزم ان يرى عند النظر الى الماء ما لا يرى حين النظر في الهواء وهذا كما ترى

ومنها انه يلزم عند النظر الى الماء ما لا يرى حين النظر في السماء وهكذا كما ترى

ومنها انه يلزم تبع ... النقوش والاشياء صغيرا كبيرا واما الصورة الاولى

فلا يستلزم ... خلاف ما يرى فيما يرى على ما صورته واوضحته في مباحث سوينا لا

مناظر علم المناظر ...

ان يرى

115

مشهر

واما في صاحب التحفة من ان عقد ميول العقرب تنحل بالمبدء لا بعيد ان وكان
وزي تداوي العقرب عن مشابهة على النحو الذي سيأتي في متفقد الوصف اشاء الله العزيز
والحكم اي جاء للذروة بسبب المبدء لا يطابقها كانها اثر اته العزيز فيحتاج
الى فرض محكاتها لتنحل تلك العقد بها وسيأتي ذلك المقصود بغاية الملك المعبود
الحق الكريم

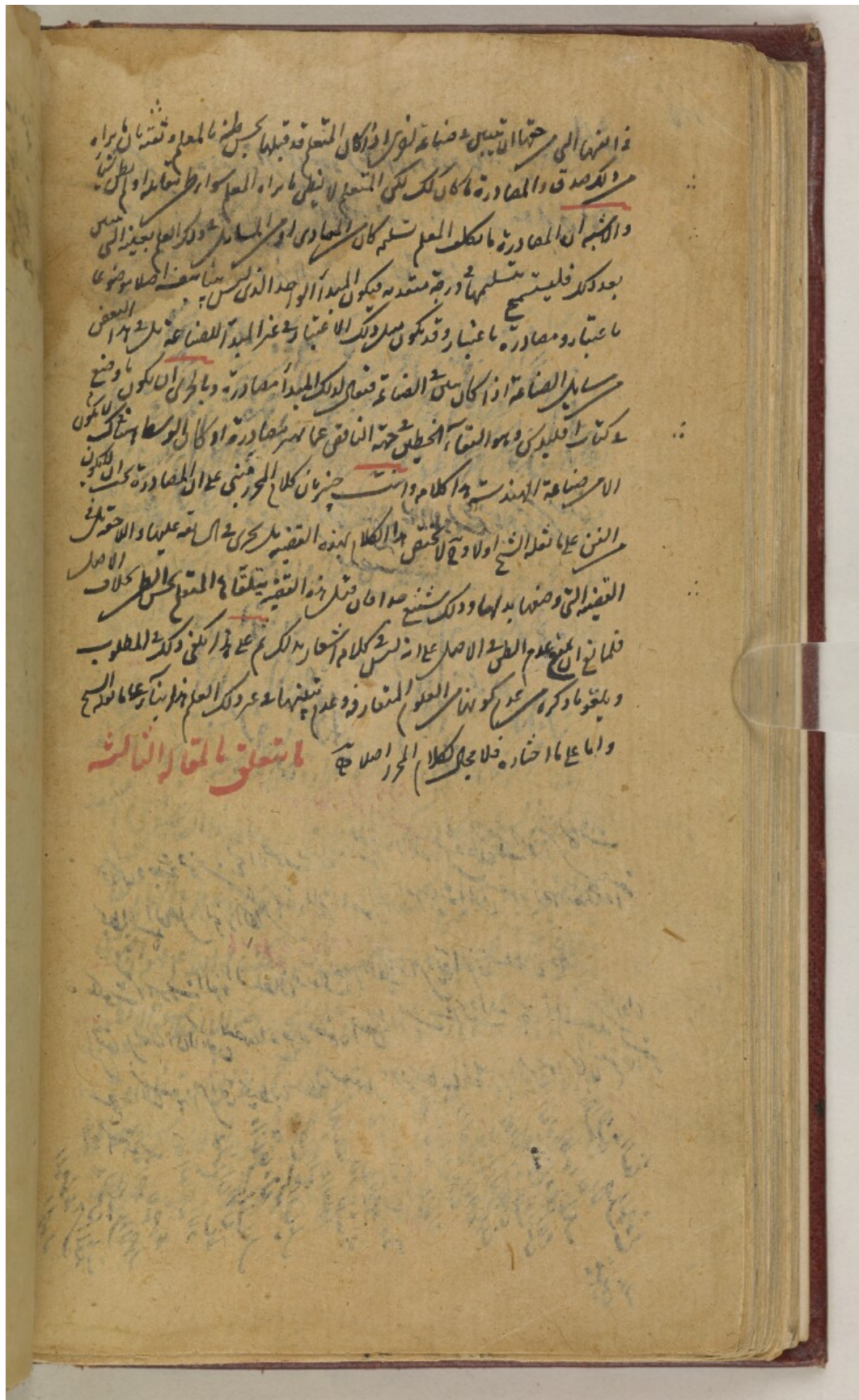
من تنقيح مناظر ابن الهيثم لكمال الدين الحسن الفارسي

وهم وتنبيه النون ان السبب في اشتداد الحر اوسط النهار في الصيف وضعفه اوائله
في الشتاء انما هو تقارب الخطوط المنعكسة والمستقيمة وتباعدها لكون الزاوية بين الشعاع
والانعكاس حادة تارة والى الانفراج لونية فيهم قال صاحب الشفاء والذي يتعلق
من انعكاس الاشعة ورجوعها على زوايا حادة تارة ومنفرجة اولى فيه شبهة لا حيلة لها
واقول بيانه ان الارض بجوفها البرخ سطح الشمس مستقيمة جملة بنائي فيه وذكر
بسطح جملته خشن واما اجزاه الملس فاكثره ضعاف جدا فتسو بها تحمله الاوضاع
لبنة على استواء السطح واحد ويستدير بها الى كرات صغار جدا فضوء الشمس
على سطح الكرات ينبث ويذهب الى جهات مختلفة على الضبط واما البحر فسطحه
في الاكثر الا متموج فهو خشن مركب من اجزاء صغار صقيلة على انها اقسام البرد
جبهها محدبة او مقعرة وليست لها اثار المحدبة والمقعرة في الجهات نظام والضوء

فضوء

والضوء المنعكس عن المحدب يتفرق وعن المقعر يجتمع بالقرب ثم يتفرق وهذا الاجتماع يختلف
بعده عن السطح الصقيل بحسب استدارة التقعير وصغرها على ما تقرر في موضعه من مباحث
الانعكاسات فالضوء المنعكس عن سطح الماء الراكد لا ينضبط حاله فلا يكون من الآثار
المستقيم والمنعكس كلما وضع واحد حتى توجب على زعمهم تشابه الحر قوة وضعفا في جميع
اوآن الهواء فان سطح الارض لو صح عنه الانعكاس كما ذكره والكل اما مستويا او كريا
محدبا او قطعا من المستوي والمحدب المقعر واذا اشرقت الشمس عليهما كان نقطة الهواء
داخل مخروط الشعاع المتشكل من الشمس والارض يرد اليها شعاع مستوي ينعكس
على ما تقرر في موضعه فيجب تشابه الحر في جميع اجزاء الجو من طول النهار في اوقاته اللهم الا
ما يوجبه الهواء فيجب ان يكون في تمام الآن من النهار اوقات اليوم ولا يبعد ان
انفراج الزاوية بين الخطين توجب قوة الحرارة لان ذلك توجب قرب الخطا دو وضع الخط
المنعكس من المستقيم فيكاد ان يكون في اشتمام واحده فان هذا العيان نعني و يشهد
على التشبيه بحثه وبسلم ذلك انه لوجب دوام الحرارة في وسط النهار دون
وفي الشتاء دون الصيف هذا فاما السبب المحقق لذلك والله اعلم فهو ان ضوء الشمس
لا بد ان ينعطف في اجزاء الهواء بعد الورود على الفلك في جهة الانعطاف من الالطف
الى الاغلظ الكري المحدب فيحدث من الانعطاف مخروط الى الحدة فاذا وقع في
كرة البخار وهي اغلظ انعطف ثانيا الى الحدة انعطافا اتم نحو وجه الارض ويكون اوسط المخروط
الذي هو اوسط النهار اقرب الانعطاف فيكون اقوى وحواشيه اضعف وبعض الكون

116

بسم الله الرحمن الرحيم

فانتهائها الى حيث ان تبين في صناعة اخرى اذا كان المتعلم قد قبلها بحسن ظنه بالمعلم وتقدم ان يراه
من ذلك صدق فالمصادرة ما كان كذلك لكن المتعلم لا يظن ما يراه المعلم سواء ظن تحاده او لم يظن شيئا
والاشبه ان المصادرة ما يكلف المعلم تسليمه كان المعادي اولى بالمسائل وذكر المعلم بعيد الى حين
بعد ذلك فليتسمح بتسليمها درجة متقدمة فيكون المبدأ الواحد الذي ليس فيما يشتغل اصلا موضوعا
باعتبار ومصادرة باعتبار وقد يكون مبدأ ذلك الاعتبار في غير المبدأ الصناعة بل في اخر البعض
مسائل الصناعة اذا كان مبين في الصناعة فيعطى لذلك المبدأ مصادرة وبالجملة ان يكون ما وضع
في كتاب اقليدس وهو الشقاء الخطى جهة الناقص على انه مصادرة او كان الوسط هناك لا يكون
الا من صناعة الهندسة في الكلام والثانية جزء بان كلام المحرر مبنى على ان المصادرة يجب ان لا يكون
من النفس علما ثم لا اشبع اولا ويقال لا يحتمل هذا الكلام بهذه التفضيلة بل يجرى في الحق عليها والا حتى في
التعقيبة التي وضعها به لها وذلك يشيع صدا انا فيثل هذه التقضية يتلقاها المتعلم بحسن الظن كلاف الاصل
فلما في المنع عدم الظن في الاصل على انه ليس كلام اشعار به لكن لم على انما انتفى ذكره في المطلوب
ويلغو ما ذكره من عدم كون مبادئ العلوم المتعارفة وعدم تبينها في غير ذلك العلم هذا بناء على ما تقدم في
وانما على ما اختاره فلا مجال لكلام المحرر اصلا هـ

ما يتعلق بالمقالة الثالثة

فواید الجمالی فی اصول الهندسه

بسم الله الرحمن الرحیم

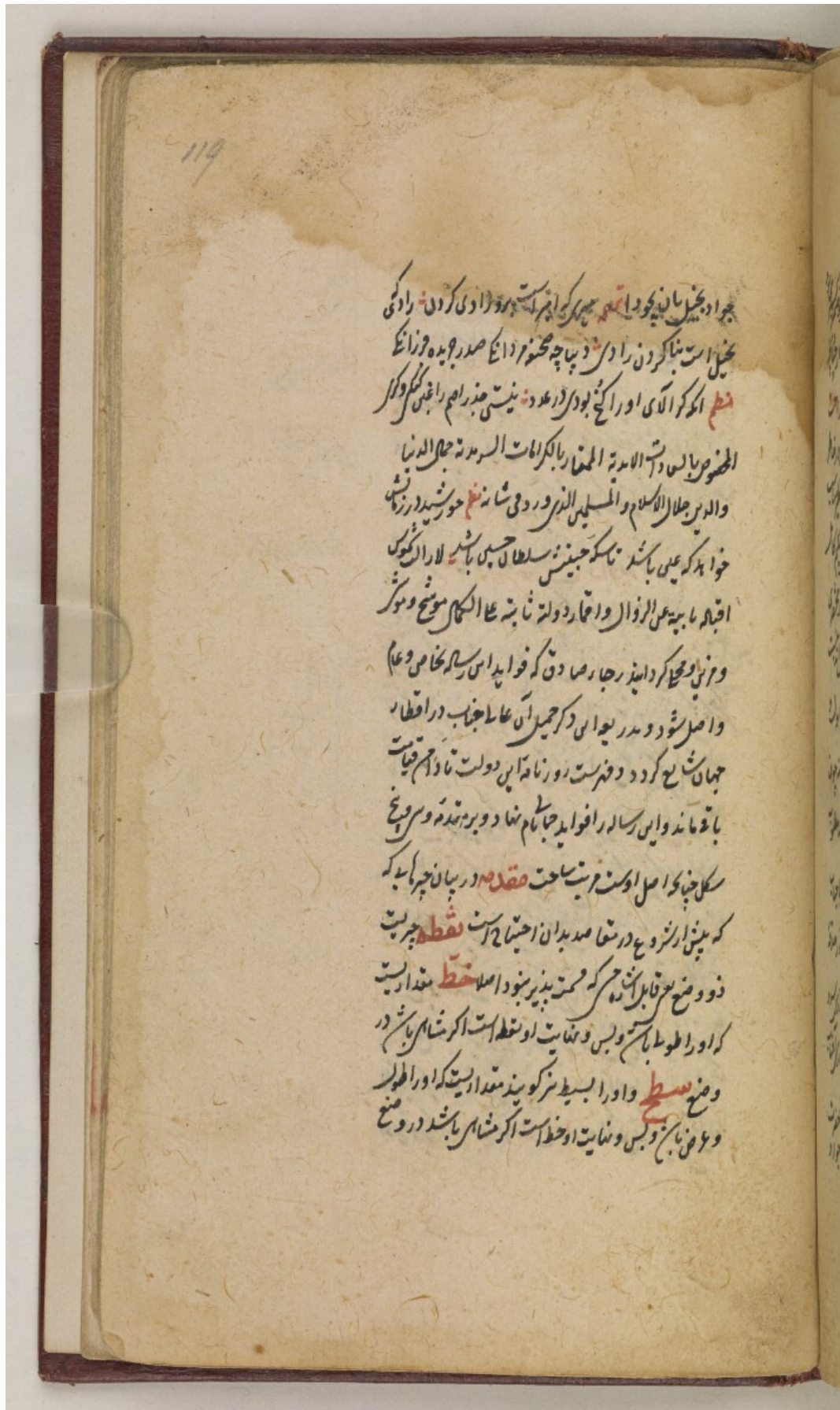
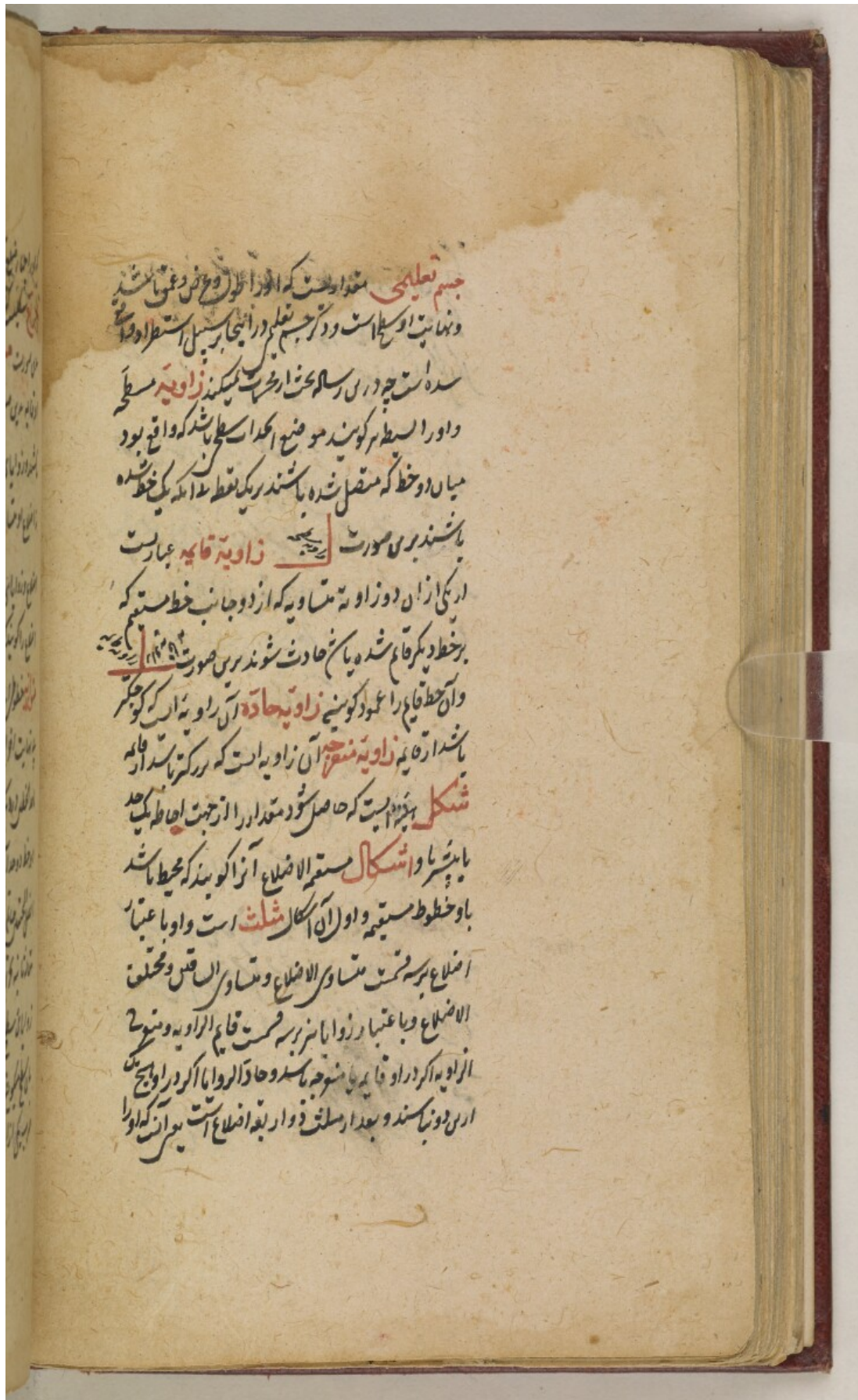
حمد بی حد و ثنا بی منتها و سپاس بی قیاس که قدم شهسوار عقل
دوراندیش از حد عدد و احصای آن رسن و جیم وهم دوربین صورت
حدود شمار آن در آینه خیال کوتاه نبیند حضرت مقدس حکیمی راست
که فیلسوف صاحب نظر فهم از احاطه بکنه و غایت شطری از او صنایع
صنایع قدرت او عاجز و قاصر است و مهندس باریک بین وهم از تصور
و بیان سطری از انواع بدایع آلا و نعما او حایر و حیران است
هیچ دل را انکار او ره نیست عقل و جان از کارش آگه نیست و صلوات
صلوات نامیات و تحف تحیات زاکیات بر زمره انبیا و فرقه
اصفیا که درر دریای اصطفا و دراری سپهر اجتبا و عقده گشای مشکلات
راه دین و بینش روان عالم یقین اند علی الخصوص بر روح مطهر و نفس
معطر خلاصه تراکیب عناصر و نقاوه امتزاجات ارکان در صدف
شرف و گوهر معدن کان امکان خاتم انبیا و سید اصفیا محمد مصطفی
و بر اهل و بیت او که انجم آسمان شرایع و لآلی اصداف حقایق اند
و بر اصحاب او که عقود قلاید مهتری و تمایم وشایح سروری اند و بر

118

و بر احباب و اتباع و اشیاع او باد **اما بعد** بر رای
ارباب بصیرت و اصحاب بصارت پوشیده نماند که شرف علوم
یا بشرف موضوعاتست یا بوثاقت براهین یا بکثرت منافع
و در این سه علوم مقرر است که اصول حکمت منقسم بسه قسمت الهی
و ریاضی و طبیعی و علم ریاضی را رجحانست بر سایر علوم بجهت آنکه
که در براهین آن وهم را مجال عظیم است چنانکه باطل بی شبهه
منکر دد و کاذب خود را در کسوت صادق جلوه می دهد اما در این
علم ریاضی یا محسوسات یا هندسی یا عددی و وهم را بادراک اینها
نسبتی نیست و در فنون ریاضی هیچ فن از اصول هندسه شریف‌تر نیست
چه هیچ وجه شک و ریب را بنواحی براهین او تطرق نیست و با وجود
این معنی سایر علوم ریاضیه را باین فن احتیاج است و همچنین بسیاری
از صناعات دقیقه طویلة الذیل را باین فن احتیاج است مثل
بنایی و نجاری و حدادی و غیر اینها و اگرچه درین فن کتب بسیار
از عربی و فارسی نوشته اند اما مختصری فارسی قریب الفهم که نفع آن
عام باشد ننوشته اند و اگر نوشته اند مشهور و متداول نشده و مدت
مدید بود که مسوده این مقاله و مترجم این رساله محمود بن محمد بن
محمد بن قوام [illegible] المشتهر بمحمود الهروی و [illegible]

ولکن [illegible] از آن
مختصر [illegible]

با وجود قلت بضاعت و عدم تمرّن در این صناعت در خاطر فاتر و ضمیر کسیر می‌بود
که مختصری بر آن وجه که مذکور شد در قید کتابت آورد اما روزگار چنانچه
عادت اوست مساعدت نمی‌نمود و روز بروز در تعویق می‌انداخت
تا درین ایام که اجمل فرصتی دست داد و مجالی پیدا آمد ما که در خاطر
مخمّر شده بود از قوه بفعل آورد و در هنگام اشتغال بآن امر خطیر سبب
آن دید که رساله اشکال تاسیس را که منسوبست بامام فاضل و حکیم کامل
شمس الحق و الملة و الدین سمرقندی برّد الله مضجعه که مشهورتر مختصری
و مقبول‌تر رساله ایست درین فن و اشکال این رساله اصل و اساس اند نسبت
با دیگر اشکال اقلیدس و حالا در میان مستعدان زمان متداول و
متعاورست از لغت عربی بعبارت فارسی ترجمه کند بحمد الله و منه چون
توفیق رفیق شد و روزگار مساعدت نمود و این رساله بدان وجه که مطلوب
بود با تمام پیوست فاتحه و دیباچه آن را بالقاب همایون عالیجناب
دولت مآب امیر و امیرزادهٔ اعظم افتخار اعاظم امرا العجم نور حدقه
امارت و ایالت نور حدیقه عظمت و جلالت نهال باغ بهروزی سرو
بوستان فیروزی در درج بختیاری درّی برج سروری و دو لمعانی آفتاب
آسمان رفعت ماه سپهر حشمت عمدهٔ ارکان ملت سرو فراعیان حضرت
طراز کسوت معالی جمال چهره ایام و لیالی شعر امیرا امیر علیه الندی * جواد

119

جواد بخیل باشد بجود (نظم) جهانی که ابر است بروز رادی کردن ✽ رادی
بخیل است بنا کردن رادی ✽ دیباچه مجموعه دانگا صدر جریده مرزانکه
(نظم) اگر کرای آن او را نه بودی در عدد ✽ نیستی جز نام را غیر کسی ذکر
المخصوص بالسعادات الابدیة المفتخر بالکرامات السرمدیة جلال الدنیا
والدین جلال الاسلام والمسلمین الذی ورد فی شانه (نظم) خورشید در زمانش
خواهد که عین باشد تا کی چنینش ✽ سلطان حسین باشد ✽ لا زالت کوکب
اقباله مابه عن الزوال واقمار دولته ثابتة علی الکمال موشح و موشر
و مزین و محلی کرد امید رجا رضا دون که فواید این رساله بخاص و عام
واصل شود و بمدد بهوای ذکر جمیل آن عالم جناب در اقطار
جهان شایع گردد و فهرست روزنامه این دولت تا دامن قیامت
باقی ماند و این رساله را فواید جمالی نام نهاد و بر مقدمه و سی و پنج
شکل چند که اصل اوست مرتب ساخت (مقدمه) در بیان چیزها که
که پیش از شروع در مقاصد بدان احتیاج است (نقطه) چیزیست
ذو وضع غیر قابل انقسام که قسمت پذیر نبود اصلا (خط) مقداریست
که او را طول باشد و بس و نهایت او نقطه است اگر متناهی باشد در
وضع (سطح) و او را بسیط نیز گویند مقداریست که او را طول
و عرض باشد و بس و نهایت او خط است اگر متناهی باشد در وضع

جسم تعلیمی مقداریست که او را طول و عرض و عمق باشد
ونهایت او سطح است و دیگر جسم تعلیمی در اینجا بر سبیل استطراد و تبعیت
شده است چه درین رساله بحث از مجسمات نمیکنند زاویه مسطحه
و او را بسیط هم گویند موضع انحدا سطحی باشد که واقع بود
میان دو خط که متصل شده باشند بر یک نقطه نه آنکه یک خط شده
باشند برین صورت زاویه قایمه عبارتست
از یکی از آن دو زاویه متساویه که از دو جانب خط مستقیم که
بر خط دیگر قایم شده باشد حادث شوند برین صورت
و آن خط قایم را عمود گویند زاویه حاده آن زاویه است که کوچکتر
باشد از قایمه زاویه منفرجه آن زاویه است که بزرگتر باشد از قایمه
شکل هیئتیست که حاصل شود مقدار را از جهت احاطه یک حد
یا بیشتر باو اشکال مستقیم الاضلاع آنرا گویند که محیط باشند
باو خطوط مستقیمه و اول آن اشکال مثلث است و او باعتبار
اضلاع بر سه قسمست متساوی الاضلاع و متساوی الساقین و مختلف
الاضلاع و باعتبار زوایا نیز بر سه قسمست قایم الزاویه و منفرج
الزاویه اگر در او قایمه یا منفرجه باشد و حاد الزوایا اگر در او هیچ
ازین دو نباشند و بعد از مثلث ذو اربعة اضلاع است یعنی آنکه او را

120

که او را چهار ضلع باشد و آن مربع و مستطیل و معین و شبیه بمعین و منحرف است
مربع شکلیست که جمیع اضلاع او متساوی باشند و زوایای او قایمه
بدین صورت مستطیل شکلیست که اضلاع او مختلف باشند و زوایای
او قایمه بدین صورت معین شکلیست که اضلاع او متساوی
باشند و زوایای او قایمه نباشند بدین صورت شبیه بمعین شکلیست که
نه اضلاع او متساوی باشند و نه زوایای او قایمه اما هر دو متقابل از
اضلاع و زوایای او متساوی باشند بدین صورت منحرف شکل ذو اربعة
اضلاع را گویند که مخالف این اشکال اربعه مذکوره باشد خطوط مستقیمه
متوازیه خطوطی اند در یک سطح بحیثیتی که اگر ایشان را در هر دو جهت
بی نهایت اخراج کنند ملاقی نشوند بدین وجه حاصل ضرب
احد الخطین در دیگری سطحیست متوازی الاضلاع قایم الزوایا که آن
دو خط دو حد آن سطح باشند و صاحب تحریر کتاب اصول هندسه یعنی
افضل المحققین خاتم الحکماء نصیر الملة والدین محمد الطوسی برد الله مضجعه در صدر
مقاله ثانیه تحریر آورده است که هر دو خط مستقیم که محیط شوند یکی از
زوایای سطح متوازی الاضلاع قایم الزوایا آن دو خط را محیط
بآن سطح میگویند و هم صاحب تحریر میگوید که من تعبیر از آن سطح بحاصل
ضرب یکی از آن دو خط در دیگری میکنم تعبیر آن سطح را حاصل الضرب

شکل مربع

شکل مستطیل

شکل معین

شکل شبیه بمعین

خطوط مستقیمه متوازیه

یکی از آن دو خط در دیگری مستقیم **اوقلیدس** می‌گوید که می‌توانیم که وصل کنیم
خط مستقیم را میان هر دو نقطه که باشد و می‌توانیم که خط محدود را اخراج کنیم
متناهی را بر استقامت چندانکه خواهیم اخراج کنیم و می‌توانیم که بر نقطهٔ
که خواهیم مرکز دایره سازیم و به هر بعد که خواهیم رسم دایره بر آن نقطه بکنیم
و هم اقلیدس می‌گوید که زوایای قایمه همه متساوی‌اند خواه اضلاع آنها
متساوی باشند و خواه مختلف و دو خط مستقیم سطحی محیط نمی‌شوند احاطهٔ تام
و یک خط مستقیم به دو خط مستقیم بیشتر بر استقامت متصل نشود و چون از مقدمه
فارغ شدیم در اشکال شروع کنیم **شکل اول** چون خط مستقیم بر خط
مستقیم دیگر قایم شود آن دو زاویه که از دو جانب آن خط مستقیم حادث شوند
یا هر دو قایمه باشند یا مساوی دو قایمه چون خط اب که قایم است بر خط جد
و دو زاویه که یکی ابج و دیگری ابد است
از دو جانب خط اب حادث شده‌اند پس اگر خط اب عمود باشد
بر خط جد هر دو زاویه قایمه باشند چه هر دو متساوی باشند بر تقدیر عمود
و اگر عمود نباشد عمودی اخراج کنیم و فرض کنیم که آن عمود خط به است
پس هر یک از دو زاویهٔ جبه دبه قایمه باشند چنانچه معلوم شد که است
که دو زاویه که از دو جانب عمود اند قایمتان اند و این دو زاویه یعنی
جبه دبه معاً مساوی‌اند مر آن دو زاویه اول را یعنی مجموع

121

و مجموع دو زاویه اب ج اب د زا از جهت انطباق این دو زاویه
بر آن دو زاویه او مساوی ... چه زاویه ج ب ه منطبق است بر بعض
از زاویه اب ج و زاویه د ب ه منطبق است بر زاویه اب د
با آنچه باقی مانده است از زاویه اب ج بعد از زاویه اب ه پس آن دو
زاویه او مساوی دو قایمه باشند **شکل دوم** چون دو خط مستقیم
متصل شوند بر نقطه که آن نقطه طرف خط مستقیم دیگر باشد پس اگر از
دو جانب آن خط مستقیم دو زاویه قایمه یا مساوی دو زاویه قایمه حادث
شوند آن دو خط مستقیم معا یک خط مستقیم باشند همچو دو خط ج ب
د ب که متصل شده اند بر نقطه ب که آن طرف خط اب مستقیم است
و دو زاویه ج ب ا د ب ا که حادث شده اند از دو جانب خط
اب معادل دو قایمه اند پس ج ب د ب معا خط مستقیم باشند
چه اگر ج ب با د ب خط مستقیم نباشند خط دیگر با ج ب خط مستقیم
باشد و فرض کنیم که آن ب ه است پس دو زاویه ج ب ا ه ب ا
معادل باشند مر دو زاویه ج ب ا د ب ا را از برای آنکه این دو زاویه
نیز مساوی دو قایمه اند پس بعد از اسقاط مشترک یعنی زاویه ج ب ا
باقی ماند زاویه ه ب ا همچو زاویه د ب ا پس کل و جزء مساوی
یکدیگر باشند و این باطل است **شکل سیوم** چون خط مستقیم

بجای که گوییم که این دو زاویه که معادل
دو قایمه اند مراد آن است که
آن دو زاویه دو قایمه باشند یا
مساوی دو قایمه [illegible]
[illegible] که فلان زاویه معادل
قایمه نیست بر عکس قایمه است

بر دو خط مستقیم واقع شود و مجموع دو زاویه داخله که در یک جهت اند از ان خط
مستقیم کمتر از دو قایمه باشند اگر آن دو خط را دران جهت اخراج کنند
آن دو خط بالاخره بیکدیگر متلاقی شوند مثلا خط ج د
که واقع شده است بر دو خط ا ب و ج د و دو زاویه که مجموع ایشان کمتر
از دو قایمه اند دو زاویه ا ه ز و ب ز ح اند پس این دو خط در جهت
ا ب متلاقی شوند از برای آنکه مجموع دو زاویه داخله که در جهت دیگر اند
از ا ب بزرگتر اند از دو قایمه چه این چهار زاویه که از قیام خط ج د بر دو خط
ا ب حادث شده اند مساوی چهار قایمه اند چنانچه در شکل اول گذشت پس ما بین
الخطین در جهت ا ب نیک نزدیک باشند از ما بین الخطین در جهت دیگر پس بالضروره
یکی از ان دو خط بر خط دیگر مایل باشد و چون آن دو خط را بر استقامت در جهت
میل اخراج کنند بالضروره بیکدیگر متقارب شوند و تقارب ایشان بالاخره بتلاقی
منتهی شود و این شکل را اوقلیدس بیان نکرده است و در اصول موضوعه
کتاب خود آورده است و از اینجا ظاهر میشود که این شکل را بین ندانسته است
چه اگر بین دانستی در علوم متعارفه آوردی نه در اصول موضوعه صاحب تحریر
میگوید که این قضیه از علوم متعارفه نیست و در غیر علم هندسه جای دیگر
مبین نمیشود پس اولی آن بودی که در میان ذکر کردی نه در مصادرات
شکل چهارم چون دو ضلع مثلثی و زاویه که در میان آن دو ضلع است مساوی

122

مساوی باشد دو ضلع مثلث دیگر و زاویهٔ که در میان آن دو ضلع است
آن دو ضلع باقی از هر دو مثلث و زوایا باقیه و هر دو مثلث متساوی
باشند و فرض کنیم که یکی از آن دو مثلث اب ج است
و دیگری ده ز و اب اج هر مساوی ده دز اند و زاویهٔ ا
مساوی زاویهٔ د است پس لازم آید که ب ج مساوی ه ز باشد
و زاویهٔ ب مساوی زاویهٔ ه و زاویهٔ ج مساوی زاویهٔ ز و مثلث
مساوی مثلث از برای آنکه اگر توهم تطبیق اب بر ده کنیم زاویهٔ ا
بر زاویهٔ د منطبق شود چه هر دو مساوی باشند آنگاه اج بر دز
و ب ج بر ه ز منطبق شوند و زاویهٔ ب بر زاویهٔ ه و زاویهٔ ج بر
زاویهٔ ز و مثلث بر مثلث منطبق شوند **شکل پنجم** هرگاه که یکی از
دو زاویه که در آن دو مثلث که در شکل چهارم گفت کوچکتر باشد از
دیگری وتر آن که کوچکتر کوتاه‌تر باشد از وتر آن دیگری همچو زاویهٔ ا مثلا
که اگر کوچکتر باشد از زاویهٔ د پس ب ج کوتاه‌تر باشد از ه ز از برای آنکه
اگر توهم تطبیق ضلع اب کنیم بر ضلع ده ضلع اج در داخل زاویهٔ
د واقع شود پس از ج تا ز بعدی باشد پس ضلع ب ج کوتاه‌تر باشد
از ضلع ه ز و این بیان صاحب اشکال تاسیس در این شکل و در این بیان
نظر است چه این بیان وقتی تمام شود که زاویهٔ ه مساوی زاویهٔ ب باشد

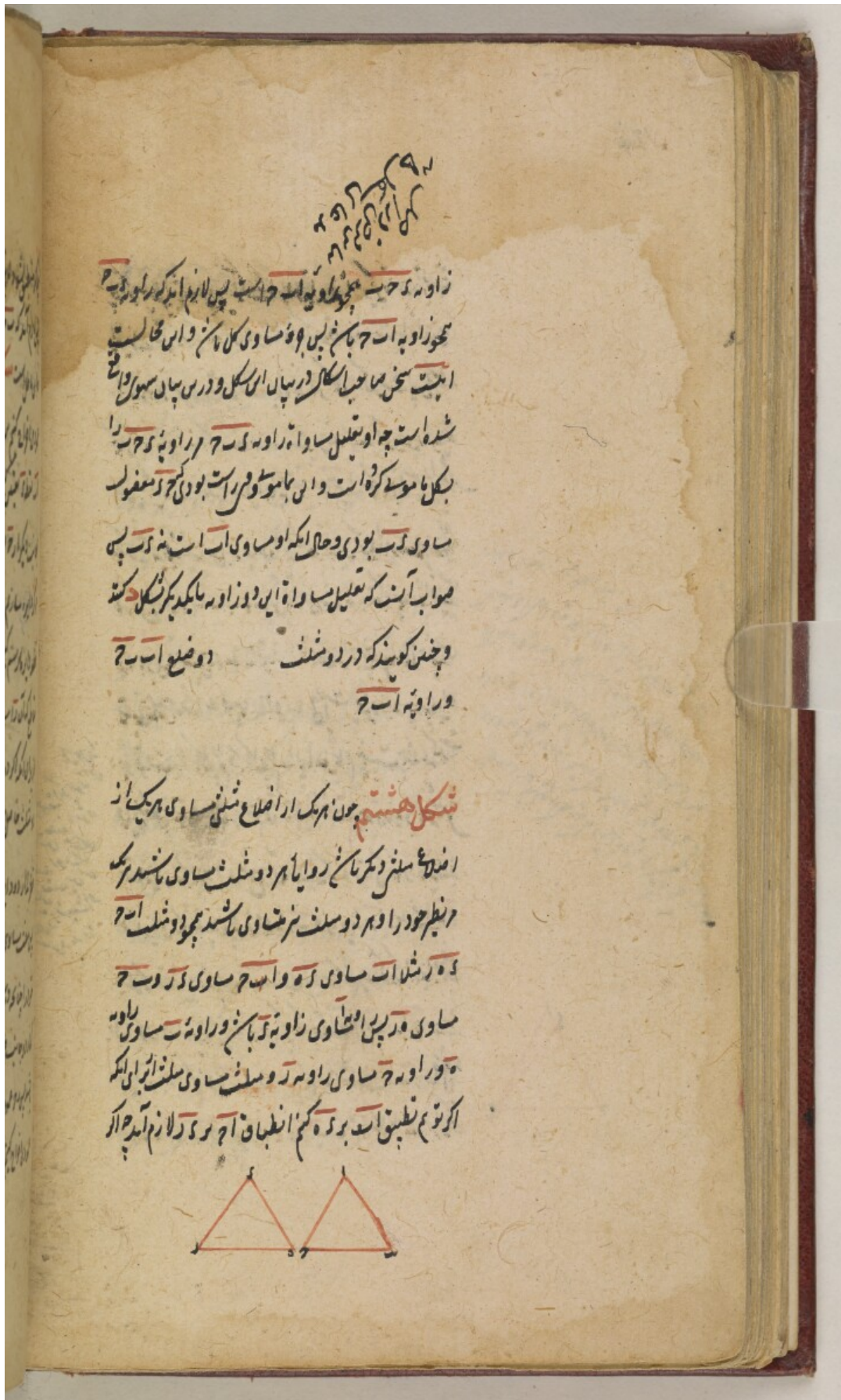
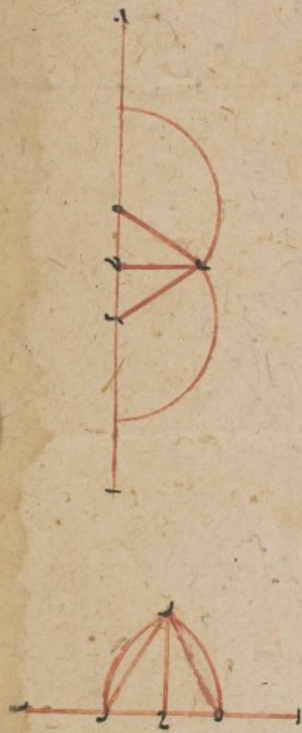
و بر آن نقطه بر ب ج بود منطبق شود اما اگر زاویه د کوچکتر از
زاویه ب باشد ب ج بیرون مثلث واقع شود و اگر بزرگتر از زاویه
ب باشد ب ج در اندرون مثلث واقع شود پس بعد ج از د بعید
باشد چه این بعد و ی از وتر د ب بیت عکس این شکل هرگاه که
وتر ب ج کوتاهتر از وتر د ب باشد زاویه ا کوچکتر از زاویه د باشد
چه اگر مساوی زاویه د باشد لازم آید که وتر آن هر دو مساوی باشند
چنانچه در د گذشت و نیز نشاید که زاویه ا بزرگتر از زاویه د
باشد چه اگر بزرگتر باشد وتر ب ج درازتر از وتر د ب باشد **شکل**
ششم دو زاویه که بر قاعده مثلث متساوی الساقین اند
متساوی باشند و همچنین دو زاویه که در زیر قاعده آن مثلث حادث
شوند اگر ساقین را اخراج کنند هم متساوی باشند همچو مثلث ا ب ج
و ا ب ا ج متساوی باشند پس زاویه ب و زاویه ج متساوی باشند
و همچنین آن دو زاویه که در زیر قاعده حادث میشوند نیز متساوی
باشند از برای آنکه دو ضلع ا ب ب ج همچو دو ضلع ا ج ج ب اند
و دو وتر ا ب ا ج متساوی اند پس لازم آید که زاویه ب و زاویه
ج متساوی باشند چه اگر یکی از این دو زاویه کوچکتر باشد از دیگری
وتر نیز کوتاهتر باشد از وتر آن دیگری چنانکه در شکل ه گذشت

123

گذشته ولازم می آید تساوی آن دو زاویه که در زیر قاعده است
از برای آنکه هر یک از آن دو زاویه که بر قاعده است با زاویه
تحتانی خود مجموع دو قائمه است چنانکه در شکل ا گذشت پس هرگاه
که آن دو زاویه را که بر قاعده است بیندازند آن دو زاویه
تحتانیه که باقی مانند متساویان باشند صاحب اشکال ناسین را اغرب
آنست که اقلیدس در بیان این شکل تطویل کرده است و او با قوم
وجهی بیان کرده است و از این غافل شده است که بیان اقلیدس
با وجود تطویل او سالم است از اختصار او چه بیان اقلیدس
بیانی است شامل و بیان او بیانی است عجز و از آنچه بیان او
موقوف بر شکل پنجم و شکل پنجم را بیان تمام نیست چنانکه گذشت
و این شکل منسوبست بمامون **شکل هفتم** چون دو زاویه مثلث
متساویان باشند دو ضلع آن مثلث که وتر آن دو زاویه اند
متساویان باشند چنانچه زاویه ب و زاویه ج از مثلث ا ب ج
مثلا که متساویانند پس اب مساوی اج باشد چه اگر یکی از این دو ضلع
از دیگری درازتر باشد و فرض کنیم که آن اج است از اج جزوی
مثل اب جدا کنیم و د ب را وصل کنیم تا مثلث د ب ج حاصل شود
پس زاویه د ب ج همچو زاویه د ج ب باشد بشکل مامون لیکن

زاویهٔ د ح ب همچو زاویهٔ ا ب ح است پس لازم آید که زاویهٔ د ح
همچو زاویهٔ ا ب ح باشد پس جزو مساوی کل باشد و این محال است
اینست سخن صاحب اشکال در بیان این شکل و در بیان سهوی واقع
شده است چه او تعلیل مساوات زاویهٔ د ب ح و زاویهٔ د ح ب را
بشکل پنجم کرده است و این هنگامی درست بودی که ح د مفعول
مساوی د ب بودی و حال آنکه او مساوی ا ب است نه د ب پس
صواب آنست که تعلیل مساوات این دو زاویه با یکدیگر بشکل د کنند
و چنین گویند که در دو مثلث دو ضلع ا ب ح
و زاویهٔ ا ب ح

شکل هشتم چون هر یک از اضلاع مثلثی مساوی هر یک از
اضلاع مثلث دیگر باشد زوایای هر دو مثلث مساوی باشند هر یکی
نظیر خود را و هر دو مثلث نیز متساوی باشند همچو دو مثلث ا ب ح
د ه ز مثلا ا ب مساوی د ه و ا ح مساوی د ز و ب ح
مساوی ه ز پس اوسط مساوی زاویهٔ د باشد و زاویهٔ ب مساوی زاویهٔ
ه و زاویهٔ ح مساوی زاویهٔ ز و مثلث مساوی مثلث از برای آنکه
اگر توهم تطبیق ا ب بر د ه کنیم انطباق ا ح بر د ز لازم آید چه اگر

124

چه اگر منطبق شود لازم آید که کار دو زاویه ا ح کوچکتر باشد از دیگری
پس لازم آید که ب ح مثل ه د باشد چنانکه در شکل ه گذشت
و این باطل است **شکل نهم** می‌خواهیم که از نقطه‌ای مفروض بر خطی
عمودی اخراج کنیم بر آن خط مثلا از نقطه ح بر خط ا ب پس بر خط
ا ب نقطه د تعیین کنیم هرجا که اتفاق افتد و بمقدار بعد د از ح
بجانب دیگر از ح نقطه ه تعیین کنیم و هر یک از نقطه د و نقطه ه را
مرکز دایره سازیم بدین صورت و بر هر یک از این دو نقطه بیک بعد
قطعه دایره رسم کنیم چنانکه هر دو قطعه متقاطع شوند و از نقطه
تقاطع که آن ز است تا به ح خط مستقیم اخراج کنیم این خط عمود باشد
از برای آنکه اگر دو خط یکی از د به ز و دیگری از ز به ه اخراج کنیم
دو مثلث حاصل شوند و د ز مثل ه ز است چه هر دو دو نصف
قطر اند از دو دایره متساوی و د ح مثل ح ه است و ز ح مشترک
پس مثلث مساوی مثلث و زوایا مساوی زوایا باشند هر یک از نظیر
خود را چنانکه در شکل ح گذشت پس زاویه ز ح د و زاویه ز ح ه
که از دو جانب ضلع ز ح حادث شده‌اند متساویان باشند پس هر دو قائمه
باشند پس ز ح عمود باشد **شکل دهم** می‌خواهیم که از نقطه‌ای بجانب خطی
عمودی اخراج کنیم بر آن خط مثلا از نقطه ح بجانب خط ا ب نقطه ح را

مرکز دایره سازیم و بهر بعد که خواهیم دایره رسم کنیم که خط اب را
بر دو نقطه د ز قطع کند و خط د ز را بر نقطه ح تنصیف کنیم پس
از ح تا به ج خطی اخراج کنیم آن خط عمود باشد بر خط اب از برای
آنکه چون ج د و ج ز را وصل کنیم دو مثلث متساوی
الزوایا حاصل شود چنانکه در شکل ط گذشت

شکل یازدهم

دو زاویهٔ متقابله که از تقاطع دو خط حادث میشوند متساوی باشند
مثلاً مجموع دو زاویه ج ه ب ا ه د که از تقاطع دو خط اب ج د
حادث میشوند و این متساوی از برای آنست که مجموع دو زاویهٔ
ب ه ج ج ه ا مساوی مجموع دو زاویهٔ ا ه د ج ه ا است چه هر یک
از این دو مجموع معادل دو قایمه است پس بعد از اسقاط زاویه ج ه ا
که مشترکست دو زاویهٔ ج ه ب ا ه د که باقی مانند متساوی باشند

شکل دوازدهم

هر مثلثی که یک ضلع او را اخراج کنند آن زاویه خارجه
او بزرگتر باشد از هر یک از آن دو زاویه مقابله خود که داخل مثلث اند
مثلاً هرگاه ضلع ب ج را از مثلث اب ج تا به د اخراج کنیم زاویه
ا ج د خارجه بزرگتر باشد از هر یک از دو زاویهٔ ا و ب از برای آنکه
اگر ا ج را بر ه تنصیف کنیم و ب ه را وصل کنیم و بقدر [illegible] دو ضلع
ب ه ه ا مساوی عمود ضلع ز ه ه ج باشد و دو زاویه ا ه ب ج ه ز که

125

که متقابل‌اند متساوی باشند چنانچه در شکل یا گذشت پس زاویهٔ ب ا د مساوی
زاویهٔ ه ج ز باشد چنانچه در شکل د گذشت و زاویهٔ ا ج د خارج بزرگتر است
از زاویهٔ ا ج ز پس زاویهٔ ا ج د از زاویهٔ ا ز بزرگتر باشد و همچنین از ب
برای بیان آنکه زاویهٔ ا ج د خارج از زاویهٔ ب ا ج داخل بزرگتر است
ضلع ا ج را تا به ح اخراج کنیم و بهمین طریق که گذشت بیان کنیم که زاویه
ب ج ح خارج که او همان زاویهٔ ا ج د خارج است چه متقابلان اند
یعنی مساوی او است
از زاویهٔ ا ب ج بزرگتر است و بیانش آنکه ب ج را بر ط تنصیف
کنیم و ا ط را وصل کنیم و بمقدار ا ط از ط تا به س اخراج کنیم و ج س را
وصل کنیم پس بنا بر عمل در دو مثلث ب ا ط ج س ط دو ضلع ا ط
ط ب مساوی دو ضلع س ط ط ج باشند و دو زاویهٔ ا ط ب ج ط س خارجه
داخله
که متقابلان اند متساوی باشند پس زاویهٔ ا ب ط مساوی زاویهٔ ط ج س باشد
و زاویهٔ ب ج ح یعنی زاویهٔ ا ج د بزرگتر است از زاویهٔ ب ج س
خارجه
پس از زاویهٔ ا ب ج داخله بزرگتر باشد چه بزرگتر از احد المتساویین بزرگتر است
از مساوی دیگر پس مبین شد که زاویهٔ ا ج د خارج از هر یک از دو زاویه
متقابل خود که ا و ب است بزرگتر است

شکل سیزدهم

ضلع دراز
[illegible] و بزرگ زاویهٔ بزرگتر آن مثلث است مثلا ضلع ا ب از مثلث ا ب ج
دراز تر است از ضلع ا ج پس گوییم زاویهٔ ج بزرگتر است از زاویهٔ ب

از برای آنکه از ا ب ای مثل ا ح فصل کنیم و ح د را وصل کنیم زاویهٔ ا د ح
که بزرگتر است از زاویهٔ ب مساوی زاویهٔ ا ح د باشد و زاویهٔ ا ح ب بزرگتر
از زاویهٔ ا ح د بعلاوه از زاویهٔ ا د ح پس زاویهٔ ا ح ب بزرگتر باشد از زاویهٔ
ب **شکل چهاردهم** زاویهٔ بزرگتر مثلث را وتر ضلع درازتر از آن
آن مثلث می‌باشد مثلا زاویهٔ ح از مثلث ا ب ح بزرگتر است از زاویهٔ
ب پس گوییم ضلع ا ب درازتر است از ضلع ا ح از برای آنکه اگر درازتر
نباشد یا مساوی او باشد یا کوتاه‌تر از و اگر مساوی باشد لازم آید که زاویه
ب و زاویهٔ ح متساویان باشند چنانچه در مأمونیه گذشت و اگر کوتاه‌تر باشد
لازم آید که زاویهٔ ب بزرگتر از زاویهٔ ح باشد چنانچه در یج گذشت پس لا محاله
ا ب درازتر از ا ح باشد **شکل پانزدهم** می‌خواهیم که مثلثی رسم کنیم
که هر ضلع از و مساوی یکی از سه خط مفروض باشد بشرط آنکه هر دو خط را که
از آن سه خط باهم بگیرند درازتر از یک خط باقی باشد از برای آنکه هر دو ضلع
مثلثی که باهم بگیرند درازتر از ضلع باقی می‌باشد و آن سه خط مفروض ا ب ح است
مثلا و خط مستقیم فرض کنیم و آن د ه است و از خط مستقیم د ز مساوی ا
و ز ح مساوی ب و ح ط مساوی ح جدا کنیم و ببعد ز د دایرهٔ
د ک ل و ببعد ح ط دایرهٔ ط ک ل رسم کنیم پس این هر دو دایره یکدیگر
قاطع کنند چه اگر قاطع نکنند ز ح که مثلث است مساوی یا درازتر از د ز

126

از د ز خطی مساوی کشیم ا ح ... بوده باشد و ز ک ح را وصل کنیم
پس مثلث ز ک ح مطلوب باشد از برای آنکه ضلع ز ک که مساوی د را است
مساوی ا است و ضلع ز ح مساوی ب است و ضلع ک ح که مساوی ح ط است
مساوی ج است **شکل شانزدهم** می خواهیم که بر نقطه مفروض بر خط مفروض
زاویه مثل زاویه مفروضه سازیم مثلا بر نقطه ا مثل زاویه ه بر ا ب خط
زاویه دو نقطه د ه تعیین کنیم و د ه را وصل کنیم و بر خط ا ب مثلثی سازیم
که اضلاع او مساوی اضلاع مثلث ح د ه باشد و آن مثلث ا ب ح است
چنانکه ا ب مساوی ح د باشد و ا ح مساوی ح ه و ح ب مساوی د ه
پس زاویه ا مفروض مساوی زاویه ح مفروضه باشد **شکل هفدهم**
چون دو زاویه و ضلع مثلثی مساوی دو زاویه و ضلع مثلثی دیگر باشد هر یک
با نظیر خود را دو زاویه باقی و اضلاع باقیه او هم دو مثلث متساوی باشند
هر یک با نظیر خود او مثلث مساوی مثلث باشد مثلا زاویه ا از مثلث ا ب ج
مساوی زاویه د است از مثلث د ه ز و زاویه ب مساوی زاویه
ه است و ضلع ا ب مساوی ضلع د ه است پس چون توهم تطبیق ا بر د
کنیم ا ب بر د ه منطبق شود چه زاویه ا و زاویه د هر دو متساوی باشند
و ب ج بر ه ز منطبق شود چه زاویه ب و زاویه ه هر دو متساوی باشند
و زاویه ج بر زاویه ز پس هر دو مثلث بر یکدیگر منطبق باشند و اگر مساوی نه

میان ضلع اب و ضلع ده اعتبار کرده‌ایم میان ضلع اج و ضلع
دز اعتبار کنیم و تطبیق ضلع اج بر ضلع دز توهم کنیم اب بر ده
منطبق شود چه زاویه ا و زاویه د هر دو مساوی باشند و الا
انطباق جب بر زه لازم آید چه اگر بر زه منطبق شود بلکه بر زح
منطبق شود لازم آید که زاویه ب مساوی زاویه ح باشد و حال آنکه
او مساوی ه است پس زاویه ح خارجه مساوی زاویه ه داخله
باشد و بطلان این در یب گذشت و باید که معلوم باشد که مراد
بضلع مذکور در مدعی نه ضلع مطلق است چنانچه در اصل که اشکال
تاسیسی است مذکور شده است بلکه بضلع ضلع مقید است یعنی یا دو ضلع
وتر آن است که آن ضلع واصل باشد میان آن دو زاویه یا وتر
یکی از آن دو زاویه باشد یعنی چون دو زاویه و ضلع مثلثی که آن ضلع
واصل باشد میان آن دو زاویه یا وتر یکی از آن دو زاویه باشد مساوی
دو زاویه و ضلع مثلثی باشد که آن ضلع نیز واصل باشد میان آن دو زاویه
یا وتر یکی از آن دو زاویه باشد هر یکی به نظیر خود را یعنی واصل را واصل
و وتر را وتر اما آنچه مدعی چنانچه در تصویر بیست و ششم مقاله اولی
کتاب اصول مذکور است چه اگر مثلثین مذکورین زاویه ا مثلا مساوی
زاویه د باشد و زاویه ب مساوی زاویه ه و ضلع اج مساوی ضلع

127

مساوی ضلع کد برهان بود مع تمام شود چه ضلع اح ضلع است
میان دو زاویه اح و ضلع کد را اصل نیست میان دو زاویه
که و این ظاهر است **شکل هجدهم** هر دو خط مستقیم
که خط مستقیم دیگر بر ایشان واقع شود و متبادلتان متساویان باشند
آن هر دو خط مستقیم متوازیان باشند و همچنین اگر زاویه خارجه
همچو زاویه داخله باشد آن دو خط متوازیان باشند و اگر آن دو زاویه
که در یک جهت اند مثل دو قائمه باشند همین حکم دارد مثلا آن دو خط
مستقیم اب جد اند و خط مستقیم که بر ایشان واقع خط هز است
و دو زاویه متبادل متساوی دو زاویه اهز حزه و اگر آن دو خط
متوازی باشند البته در یکی از دو جهت مثلا در جهت ب د ملاقی
شوند پس زاویه اهز خارجه از مثلث هحز مساوی زاویه
هزد داخله باشد و این محال است چنانچه در یب گذشت و اگر
زاویه خارجه همچو زاویه داخله باشد آن دو خط نیز متوازیان
باشند از برای آنکه اگر زاویه طهب مساوی زاویه هزد باشد
زاویه اهز که زاویه مقابله طهب است مساوی زاویه هزد باشد
پس متبادلتان متساویتان باشند و لازم آید که آن دو خط متوازیان
باشند چنانچه گذشت و اگر آن دو زاویه که در یک جهت اند چون

از ح ز ه همچو دو قایمه باشد و ا ه ز با ت ه ز نیز همچو دو قایمه بود
پس لازم آید که متبادلتان مثل و نیان باشند باسقاط مشترک
و لازم آید که آن دو خط متوازیان باشند **شکل نوزدهم**
چون خط مستقیم بر دو خط مستقیم متوازی واقع شود آن دو زاویه
متبادله که حادث شوند متساوی باشند و زاویه خارجه همچو
زاویه داخله باشد چنانکه خط ر ح که واقع است بر دو خط
ا ب ح د شکلا پس میگوییم دو زاویه ا ح ی ط ح ر که متبادلتان‌اند
مثل و باشند از برای آنکه مجموع دو زاویه ه ز د و جنب آن
خط همچو دو قایمه است چنانکه در ا گذشت و دو زاویه ب ح ز
ی ح د نیز همچو دو قایمه است چه اگر همچو دو قایمه نباشند لازم آید
که آن دو خط متوازی متلاقی شوند چنانکه در ح گذشت و دو زاویه
ا ح ح د ب همچو دو قایمه‌اند پس متبادلان باسقاط مشترک
مثل و یان باشند و زاویه ه د ب خارجه همچو زاویه ا ح ب باشد
از برای آنکه هر دو متقابلاند پس همچو زاویه ی ح ر داخله باشد
پس زاویه خارجه همچو زاویه داخله باشد **شکل بیستم**
هر مثلث مستقیم الاضلاع را که یک ضلع او را اخراج کنند زاویه خارجه
آن مثلث مساوی دو زاویه مقابل خود باشد که داخل آن مثلث‌اند

128

و هر سه زاویه آن مثلث مساوی دو قایمه باشند مثلا مثلث ا ب ج
که ضلع ب ج را تا به د اخراج کنند و خط ج ه موازی ب ا فرض
کنیم پس زاویه ا ج ه مساوی زاویه ا باشد چه هر دو متبادل‌اند
و زاویه ه ج د مساوی زاویه ب باشد چه هر دو داخل و
خارج‌اند پس آنگاه تمام زاویه ا ج د خارج از مثلث مساوی
دو زاویه ا ب داخل باشند و زاویه ا ج د با زاویه ا ج ب مساوی
دو قایمه است چنانکه در شکل ا گذشت پس هر سه زاویه مثلث
مساوی دو قایمه باشند **شکل بیست و یکم** خطوطی که واصل‌اند
میان اطراف خطوط متساوی متوازی آن خطوط نیز متساوی و متوازی‌اند
مثلا دو خط ا ب ج د متساوی متوازی‌اند و دو خط ا ج ب د
دو خط واصل‌اند میان دو طرف ا ب ج د پس ایشان نیز متساوی و
متوازی باشند از برای آنکه چون ب ج را وصل کنیم دو مثلث حاصل شود
یکی مثلث ا ب ج و دیگر مثلث ب ج د و در این دو مثلث دو
ضلع ا ب ب ج مساوی دو ضلع د ج ج ب‌اند و دو زاویه
ا ب ج د ج ب که متبادل‌اند متساوی‌اند چنانکه در شکل یط
گذشت پس ا ج مساوی ب د باشد و زوایا مساوی زوایا و مثلث
مساوی مثلث چنانکه در د گذشت پس آنگاه دو زاویه ا ج ب د ب ج

که متبادلند نیز متساوی باشند پس اح موازی بد باشد چنانچه
در یح گذشت ایست تقریر صاحب اشکال این مدعی و متوازی از تقریر.
این مدعی آنست که چنین گویند که خطوطی که واصلند میان اطراف
خطوط متساوی متوازی و در جهت معین اند این خطوط متساوی
متوازی اند خطوط نیز متساوی متوازی اند تا بعد جهت معین
مثل این شکل حاصل نشود چه خطوط واصله مثل اد حب میان
اطراف خطوط متساوی متوازی در این شکل مثل اب حد ممکن نیست
که متوازی باشند چه اطراف خطوط متساوی متوازی که میان
ایشان وصل کرده اند در جهت معین نیستند شکل بیست و دوم
اضلاع متقابله سطوح متوازیة الاضلاع متساوی یکدیگرند و همچنین
زوایا متقابله آن سطوح نیز متساوی یکدیگرند و اقطار آن سطوح
منصف آن سطوحند مثلا اب حد سطح متوازی الاضلاع است
و بد قطر اوست پس در دو مثلث ابد بحد بجهت
تساوی دو زاویه متبادل ابد حدب و اشتراک بد
در میان هر دو مثلث دو ضلع اد حب متساوی یکدیگر باشند
چنانچه در یز گذشت و همچنین دو ضلع اب حد و دو زاویه
اه و دو زاویه اد حب او هر دو مثلث متساوی یکدیگر

یکدیگر باشند پس ثلث که نصف سطح باشد **شکل بیست و سیم**
هر دو سطح که اضلاع ایشان متوازی باشند و هر دو بر یک
قاعده باشند در یک جهت و در میان دو خط متوازی معین
باشند هر دو مساوی یکدیگر باشند همچو دو سطح اب حد و ه ب حز
مثلا که هر دو بر قاعده ب ح اند و در میان دو خط متوازی
ب ح از اند و این که هر دو مساوی یکدیگرند از برای آنکه اد
ه ز که هر دو مساوی ب ح اند متساوی باشند و د ه را
مشترک سازیم میان اه و د ز پس در دو مثلث ه اب
ز ح د دو ضلع اه ز د مساوی یکدیگر باشند و همچنین دو ضلع
اب ح د و زاویه ب اه ح د ه داخله و خارجه مساوی
یکدیگرند پس هر دو مثلث مساوی یکدیگر باشند و بعد از
اسقاط د ح ه و زیاده سطح ح ب ح که هر دو مشترک کنند بجا ماند
مساوی یکدیگر باشند و این آن دو سطح مطلوب **شکل بیست
و چهارم** هر دو سطح متوازی الاضلاع که در یک جهت باشند
و بر دو قاعده متساوی و در میان دو خط متوازی معین
آن دو سطح مساوی یکدیگر باشند همچو دو سطح اب حد و ه ز ح ط
که هر دو بر دو قاعده متساوی ب ح و ز ح اند و در میان

دو خط متوازی ب ح آ ط اند از برای آنکه چون ب ه ح ط را
وصل کنیم هر دو دو خط متساوی متوازی باشند چه دو خط ب ح ه ط متساوی و
متوازی اند چنانچه در لا گذشت و هر یک از دو سطح ا ب ح د
ه ب ح ط مساوی سطح ه ب ح ط متوازی الاضلاع است که با هر یکی
ازان دو سطح بر یک قاعده است و در میان دو خط متوازی
معین است چنانچه در لح گذشت پس دو سطح ا ب ح د ه ب ح ط
مساوی یکدیگر باشند و از بخلاف این نیز معلوم شد که اگر آن دو سطح
مساوی یکدیگر باشند و قاعده‌اشان مساوی یکدیگر باشند
که اگر مساوی نباشد از اطول شکل اقصر فصل کنیم پس لازم آید
که آن سطح که از قاعده فصل کرده ایم مساوی سطح اقصر باشد
و این باطل است **شکل بیست و پنجم** هر دو مثلث که
در یک جهت و بر یک قاعده باشند و در میان دو خط متوازی
معین آن دو مثلث مساوی یکدیگر باشند همچو دو مثلث ا ب ح د ب ح
بر قاعده ب ح در میان دو خط متوازی ب ح ا د و خط ب ه
موازی ح ا و خط ح ز موازی ب د فرض کنیم چنانکه آن
هر دو خط به د اگر از هر دو جهت اخراج کرده ایم بر ه و ز ملاقی شوند
پس ه ب ح ا د ب ح ز دو سطح شوند متوازی الاضلاع بر قاعده

130

بر قاعدهٔ بح در میان دو خط متوازی بح ده پس آن دو سطح
متساوی یکدیگر باشند چنانکه در له گذشت و هر یکی از آن دو مثلث
نصف یکی از آن دو سطح اند چنانکه در لب گذشت پس این دو مثلث
نیز متساوی یکدیگر باشند **شکل بیست و ششم** هر دو مثلث
که در یک جهت بر دو قاعدهٔ متساوی در میان دو خط متوازی
معین باشند ایشان متساوی یکدیگر باشند مثلا دو مثلث ابح دهز
بر دو قاعدهٔ بح هز که هر دو متساوی اند در میان دو خط
متوازی بز اد اند دو خط بح را موازی حا و خط زط
را موازی هد فرض کنیم تا آنکه هر دو خط به اد که از هر دو جهت
اخراج کرده ایم بر ح ط ملاقی شوند پس حبحا و هدزط
دو سطح شوند متوازی الاضلاع بر دو قاعدهٔ متساوی در میان
دو خط متوازی بز حط پس آن دو سطح متساوی باشند و عکس
این شکل نیز بخلف معلوم میشود چنانکه در عکس لد گذشت **شکل
بیست و هفتم** هر سطح متوازی الاضلاع و مثلثی که هر دو
در یک جهت بر یک قاعده در میان دو خط متوازی معین باشند
آن سطح ضعف آن مثلث باشد مثلا سطح ابحد و مثلث هبح
که هر دو بر قاعدهٔ بح و در میان دو خط متوازی بح اد اند

ا ح را وصل کنیم سطح ا ح ضعف مثلث ا ح ب باشد
چنانچه در آنکه گذشت پس مثلث ا ح ز که ضعف سطح ا ح د است
مساوی مثلث ه ب ح باشد چنانکه در آنکه گذشت پس سطح ا ح
ضعف مثلث ه ب ح باشد و ازین معلوم میشود که اگر این سطح متوازی
الاضلاع و آن مثلث بر دو قاعده متساوی باشد این سطح ضعف مثلث

شکل بیست و هشتم

هر دو سطح که اضلاع آن متوازی باشد نسبت
یکی ازان دو سطح بدیگری همچو نسبت قاعده او باشد بقاعده دیگری
و دو مثلث متساوی الارتفاع را مثلا همچو دو سطح ه ح ا ر و دو مثلث
ا ب ه ا ح ر د در میان دو خط متوازی ه ز ب ر پس نسبت یکی ازان دو سطح
و یکی ازان دو مثلث بدیگری همچو نسبت ب ح باشد به ح د از برای آنکه هرگاه که
آن دو سطح را تضعیف کنند یا تنصیف عرض مساوی بعض از اضعاف
یکی ازان دو سطح با قاعده خود باز آید باشد هر تضعیف از اضعاف دیگری
با قاعده دیگر همچو نصف بر نصف و قاعده بر قاعده یا مساوی
باشد هم نصف را با قاعده خود یا ناقص باشد از برای آنکه اگر قاعده
یکی ازان دو نصف مساوی قاعده نصف دیگر باشد نصف مساوی
نصف باشد چنانچه در شکل الف گذشت و اگر قاعده از قاعده ناقص باشد نصف
از نصف ناقص باشد چه اگر نصف مساوی نصف باز آید نصف باشد که قاعده

131

قاعده همین باشد چنانچه در عکس آن گذشت اگر قاعده زاید باشد بر مضمون
زاید باشد چنانچه در عکس آن گذشت و حکم دو مثلث معلوم است از آنکه
مثلث نصف سطح است چنانچه در آن گذشت و شارح شکل بوجه مناسب تر آورده است
و آن است و اقلیدس این شکل را در مقاله ششم کتاب خود بیان کرده
با مقدمات مضاعف **شکل بیست و نهم** متممان که عبارت از دو سطح
متوازی الاضلاع‌اند که در سطح متوازی الاضلاع واقع شوند و بر دو
قطر او و بر یک نقطه آن قطر ملاقی شوند و بدو زاویه مشارکه آن سطح
با قطر متساوی باشند مثل دو سطح اطره رکح که واقع‌اند در سطح
ا ب ج د از دو جانب قطر ب د و ملاقی‌اند بر نقطه ز از آن قطر
و مشارک‌اند در سطح اب جد که بعد زاویه باه و این تساوی از برای آن
که مثلث اب د مساوی مثلث ب ج د چنانچه در اول گذشت و مثلث
مساوی مثلث است و مثلث ه ز ک مساوی مثلث
و چون این دو مثلث را از دو مثلث اب د و ب ج د کم کنیم باقی ماند متممان
باشند متساویان **شکل سی ام** مربع وتر زاویه قائمه مثلث
قائم الزاویه مساوی دو مربع دو ضلع آن زاویه است مثلا در مثلث
ا ب ج مربع ب ج که وتر زاویه قائمه است مساوی دو مربع ا ب ا ج است
از برای آنکه هر دو خط را ا ج یک خط شد چه هر دو زاویه ب ا ح قائم‌اند

حرى در جزوى ديگر مساوى حاصل ضرب ... است ... آن دو جزو ديگر
مثلا حاصل ضرب آ در ب ج مساوى حاصل ضرب ... است در ...
ب ج يعنى سطح ده ده فرض كنيم ... سطح ... مساوى
است و تمام كنيم سطح ب ح قائم الزوايا را پس او سطح آ در ب ج
و فرض كنيم كه د ط ه ... دو متوازى ... پس هر دو مساوى باشند
چنانكه در آنكه گذشت پس سطوح ب ط و ح ى ... سطوح آ در ب ج
باشند و مجموع اين سطوح مساوى سطح ب ح باشد **شكل سى و دوم**
مجموع سطوح خطى در اقسام او يعنى مجموع سطوحى كه حاصل شود از ضرب خطى در
اقسام او مساوى مربع آن خط است يعنى مساوى حاصل ضرب آن خط است
در نفس او مثلا ده سطح خط آ ب در اقسام او كه آ ج ج ب است مساوى
مربع خط آ ب است از براى آنكه فرض كنيم كه سطح آ م مربع آ ب است
و ج د موازى آ ه است پس دو سطح آ د ج ه دو سطح آ ب ... باشند در
دو قسم او كه آ ج ج ب اند و مجموع اين دو سطح مربع است باشد كه آن مربع آ ب
شكل سى و سيم مربع خطى كه حاصل ضرب خطى در نفس او مساوى
مجموع دو مربع دو قسم اوست و ضعف سطح يكى از آن دو قسم در ديگرى
مثلا خط آ ب كه قسمت كنند بر ج چنانكه اتفاق افتد پس ميگوييم مربع آ ب مساوى
مجموع دو مربع آ ج ج ب است و ضعف سطح آ ج در ج ب است از براى آنكه

هو العليم

مركز بعد المسير نقطة بتشابه حول حوامل المتحيرة
حولها وهي في عطارد ما بين مركز العالم ومركز المدير
بعدها عن مركز المدير كبعد مركز الحامل عنه ح

الخط الخارج من مركز العالم الى مركز التدوير في المتحيرة
يسمى خط مركز المعدل ويسمى نقاطعه الابعد مع
التدوير بالذروة المرئية والاقرب بالحضيض المرئي ح

موضع الخط الخارج من مركز بعد المسير الى مركز التدوير
من اعلى التدوير يسمى بالذروة الوسطى ومن اسفله
الحضيض الاوسط والذروتان المرئية والوسطى
منطبقتان على الافق[?] اذا كان مركز التدوير
في اوج الحامل او حضيضه وكذا الحضيضان
وفي غير هذين الموضعين يفترقان ح

134

غاية الاختلاف الاول في غير الشمس حيث يكون
غاية التعديل في التدوير وهي نقطتي التماس
من محيط التدوير والخطين الخارجين من مركز
العالم على التماس او مركز الحامل عند بعض
الى طرفي التدوير ولا يخفى ان غاية الاختلاف
الاول يكون لا محالة بعد ما ينتقص نصف
قطر التدوير وازداد اعظم اوتار الزوايا
التعديلية وحصل لا اعظم تلك الزوايا

وانما اختلاف اقطار التداوير في الابعاد
الوسطى بحسب السادة[?] على محيطات الحوامل
كما عند ما اصدر زحل ستة اجزاء ونصف
بالفصل المذكور في الحضيض ح

التعديل المعدل هو مجموع التعديل الاول
والثاني ح

السل و علراس دس